

# Bilangan Kromatik Simpul Antiajaib Lokal pada Graf Sapu Ganda = Vertex Antimagic Local Chromatic Number of Double Broom Graph

Annisa Wardhani, author

Deskripsi Lengkap: <https://lib.ui.ac.id/detail?id=9999920527674&lokasi=lokal>

## Abstrak

Misalkan  $\mathcal{G} = (\mathcal{V}, \mathcal{E})$  adalah suatu graf sederhana dengan himpunan simpul tak kosong  $\mathcal{V}$  dan himpunan busur  $\mathcal{E}$ . Pewarnaan simpul pada graf  $\mathcal{G}$  adalah pemberian warna untuk setiap simpul di  $\mathcal{V}$  dengan satu warna dan setiap dua simpul yang bertetangga memiliki warna yang berbeda. Misalkan pada graf  $\mathcal{G}$  didefinisikan fungsi bijeksi  $\mathcal{C}: \mathcal{V} \rightarrow \{1, 2, \dots, |\mathcal{E}|\}$  dengan  $|\mathcal{E}|$  adalah banyaknya busur. Untuk setiap simpul  $v \in \mathcal{V}$ , bobot simpul  $w(v)$  adalah  $w(v) = \sum_{e \in \mathcal{E}_v} w(e)$ , dengan  $\mathcal{E}_v$  merupakan himpunan busur yang hadir pada  $v$ . Graf  $\mathcal{G}$  dikatakan graf antiajaib lokal apabila dapat dilakukan pelabelan antiajaib lokal sehingga untuk semua busur  $e \in \mathcal{E}$ , berlaku  $w(e) \neq w(e')$ . Dalam hal ini fungsi  $w$  disebut pelabelan antiajaib lokal pada  $\mathcal{G}$ . Bobot simpul berbeda yang dihasilkan dari pelabelan  $w$  dapat dikatakan sebagai warna simpul yang berbeda. Minimum dari banyaknya warna yang terpakai pada pewarnaan antiajaib lokal di graf  $\mathcal{G}$  disebut bilangan kromatik antiajaib lokal dari  $\mathcal{G}$ ,  $\chi_{\text{antiajaib}}(\mathcal{G})$ . Pada penelitian ini dibahas mengenai pewarnaan simpul antiajaib lokal pada graf sapu ganda  $\mathcal{G}_{\mu}$  dengan  $\chi_{\text{antiajaib}}(\mathcal{G}_{\mu}) \geq 4$  dan  $\chi_{\text{antiajaib}}(\mathcal{G}_{\mu}) \geq 2$ . Graf sapu ganda  $\mathcal{G}_{\mu}$  didapat dari lintasan  $\mathcal{P}_n$  dan  $\mathcal{P}_m$ .

$\delta$  dengan simpul dan dua bintang dengan  $\delta + 1$  simpul yang kedua simpul daun merupakan simpul pusat dari masing-masing  $\delta$ . Diperoleh bilangan kromatik simpul antiajaib lokal dari graf sapu ganda  $(\delta, \delta\mu)$  =  $2\delta + 1$ .

---

Let  $\delta^\circ = (\delta, \delta_*)$  be a simple graph with non-empty set of vertices  $\delta$  and set of edges  $\delta_*$ . Vertex coloring on a graph  $\delta^\circ$  is an assignment color for each vertex of  $\delta^\circ$ , one vertex by one color and two adjacent vertices has different color. Suppose in graph  $\delta^\circ$  is defined a bijective function  $\delta: \delta_* \rightarrow \{1, 2, \dots, |\delta_*|\}$  where  $|\delta_*|$  is number of edges. For every vertex  $\delta\epsilon \in \delta$ , the weight of vertex  $\delta\epsilon$  is  $\delta\alpha(\delta\epsilon) = \sum_{\delta\zeta \in \delta_*(\delta\epsilon)} \delta(\delta\zeta)$  where  $\delta_*(\delta\epsilon)$  is a set of edges incident to vertex  $\delta\epsilon$ . The graph  $\delta^\circ$  is called as local antimagic if local antimagic labeling could be done so that for all edges  $\delta\epsilon\delta\zeta \in \delta_*$  satisfy  $\delta\alpha(\delta\epsilon) \neq \delta\alpha(\delta\zeta)$ . In this case, function  $\delta$  is called local antimagic labeling in  $\delta^\circ$ . A different weight of vertex that produced by the labeling can be seen as a different color of vertex in  $\delta^\circ$ . The minimum number of colors that be used by the local antimagic coloring is called local antimagic chromatic number of  $\delta^\circ$ ,  $\delta(\delta^\circ)$ . This thesis examines the local antimagic coloring of double broom graph  $(\delta, \delta\mu)$  with  $\delta \geq 4$  and  $\delta \geq 2$ . A double broom graph  $(\delta, \delta\mu)$

$\delta, \delta$  is obtained from path  
with  $\delta$  vertices and  
two stars  $\delta$   
with  $\delta + 1$   
vertices where both pendant vertices of  
 $\delta$   
are the center vertices of both  $\delta$   
 $\delta$ . The vertex antimagic local  
chromatic number of double broom graph  
 $(\delta - \delta\mu)$   
 $(\delta, \delta)$  =  $2\delta + 1$ .