



UNIVERSITAS INDONESIA

**PERANCANGAN MODEL OPTIMASI PERENCANAAN
PRODUKSI DAN PERSEDIAAN DENGAN
MEMPERHITUNGKAN PERUBAHAN PERMINTAAN
MENGGUNAKAN METODE *INTEGER PROGRAMMING*
PADA PRODUSEN *PUMPING UNIT***

SKRIPSI

**RENGGA
0806367424**

**FAKULTAS TEKNIK
PROGRAM STUDI TEKNIK INDUSTRI
DEPOK
DESEMBER 2010**



UNIVERSITAS INDONESIA

**PERANCANGAN MODEL OPTIMASI PERENCANAAN
PRODUKSI DAN PERSEDIAAN DENGAN
MEMPERHITUNGKAN PERUBAHAN PERMINTAAN
MENGGUNAKAN METODE *INTEGER PROGRAMMING*
PADA PRODUSEN *PUMPING UNIT***

SKRIPSI

**Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar
sarjana teknik**

**RENGGA
0806367424**

**FAKULTAS TEKNIK
PROGRAM TEKNIK INDUSTRI
DEPOK
DESEMBER 2010**

HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS

Skripsi ini adalah hasil karya saya sendiri,
dan semua sumber baik yang dikutip maupun durujuk
telah saya nyatakan dengan benar



Nama

: RENGGA

NPM

: 0806367424

Tanda Tangan

:

Tanggal

: 27 Desember 2010

HALAMAN PERSETUJUAN

Skripsi ini diajukan oleh :
Nama : Rengga
NPM : 0806367424
Program Studi : Teknik Industri
Judul Skripsi : Perancangan Model Optimasi Perencanaan Produksi dan Persediaan Dengan Memperhitungkan Perubahan Permintaan Menggunakan Metode *Integer Programming* Pada Produsen *Pumping Unit*

Telah berhasil dipertahankan di hadapan Dewan Pengaji dan diterima sebagai bagian persyaratan yang diperlukan untuk memperoleh gelar Sarjana Teknik pada Program Studi Teknik Industri, Fakultas Teknik, Universitas Indonesia

DEWAN PENGUJI

Pembimbing : Ir. Yadrifil, M.Sc (.....)

Pengaji : Armand Omar Moeis, ST, M.Sc (.....)

Pengaji : Ir. Rahmat Nurcahyo, M.Eng.Sc (.....)

Pengaji : Komarudin, ST, M.Eng (.....)

Ditetapkan di : Depok

Tanggal : 27 Desember 2010

KATA PENGANTAR

Puji syukur saya panjatkan kepada Allah SWT. Hanya kepada-Nya saya menyembah dan hanya kepada-Nya saya memohon pertolongan. Atas berkat rahmat, kemudahan, dan hidayah-Nya, saya dapat menyelesaikan skripsi ini. Shalawat dan salam saya haturkan kepada junjungan saya, Nabi Muhammad SAW. Penulisan skripsi ini dilakukan dalam rangka memenuhi salah satu syarat untuk mencapai gelar Sarjana Teknik Departemen Teknik Industri pada Fakultas Teknik Universitas Indonesia. Saya ingin menyampaikan ucapan terima kasih yang sebesar-besarnya atas jasa-jasa mereka hingga penulis dapat menyelesaikan laporan ini. Mereka adalah:

1. Bpk. Ir. Yadrifil, MSc. Terima kasih atas segala yang telah ibu berikan selaku dosen pembimbing skripsi dan pembimbing akademis; motivasi, arahan, saran, do'a, bimbingan akademis, dan bimbingan hidup. Semoga Allah SWT membalas segala kebaikan ibu dengan kebaikan yang lebih banyak.
2. Keluarga tercinta, terutama Ayah, Ibu, Kakak, dan Adik yang tercinta, atas seluruh perhatian dan kasih sayangnya yang tanpa batas, dimana tanpanya penulis tidak mungkin mencapai tahap seperti sekarang ini.
3. Cut Assyifanur sebagai kekasih penulis yang menjadi motivator penulis untuk segera menyelesaikan studinya dan selalu menemani penulis baik dalam suka maupun duka.
4. Irmawati Ulfah, Ivan Rahadian, Danang Dito Anggoro, dan Wisnu Barata sebagai rekan penulis dalam tim skripsi atas kerja sama yang hebat dalam 6 bulan ini.
5. Seluruh karyawan Departemen Teknik Industri terutama atas kesediaannya membantu dalam hal pembuatan administrasi skripsi ini.
6. Seluruh teman-teman Teknik Industri angkatan 2008: Abdullah., Adhitya, Adiva, Agung, Ahmudi, Aminudin, Andi, Andry, Arfian, Arief, Dhidiek, Dwi, Dwinanto, Eka, Fanani, Gilang, Harissa, Havez, Henny, Koko, Lutrina, Mars, Meutia, Mira, Mirza, Nanang, Nikita, Octana, Renny, Romel, Syarif, Thomas, Tommy, Triyono, Wage, Windhar, Yudi, Zaenal TW. Terima kasih atas 2,5

tahun yang luar biasa dan penuh hikmah ini. Semoga Allah menunjuki kalian jalan yang lurus.

7. Pihak-pihak yang tidak bisa saya sebutkan satu-persatu di sini.

Saya menyadari bahwa masih banyak kekurangan di dalam skripsi ini. Kritik dan saran yang membangun sangat saya harapkan. Semoga skripsi ini dapat memberikan manfaat bagi pembacanya.

Depok, 21 Desember 2010

Penulis



HALAMAN PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS

Sebagai sivitas akademis Universitas Indonesia. Saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : Rengga
NPM : 0806367424
Program Studi : Teknik Industri
Departemen : Teknik Industri
Fakultas : Teknik
Jenis Karya : Skripsi

demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Universitas Indonesia **Hak Bebas Royalti Noneksklusif (Non-exclusive Royalty Free Right)** atas karya ilmiah saya yang berjudul:

PERANCANGAN MODEL OPTIMASI PERENCANAAN PRODUKSI DAN PERSEDIAAN DENGAN MEMPERHITUNGKAN PERUBAHAN PERMINTAAN MENGGUNAKAN METODE INTEGER PROGRAMMING PADA PRODUSEN PUMPING UNIT

beserta perangkat yang ada (jika diperlukan). Dengan Hak Bebas Royalti Noneksklusif ini Universitas Indonesia berhak menyimpan, mengalihmedia/formatkan, mengelola dalam bentuk pangkalan data (*database*), merawat, dan mempublikasikan tugas akhir saya tanpa meminta izin dari saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan sebagai pemilik Hak Cipta.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Dibuat di : Depok

Pada tanggal : 27 Desember 2010

Yang menyatakan


(Rengga)

ABSTRAK

Nama : Rengga
Program Studi : Teknik Industri
Judul : Perancangan Model Optimasi Perencanaan Produksi dan Persediaan Dengan Memperhitungkan Perubahan Permintaan Menggunakan Metode *Integer Programming* Pada Produsen *Pumping Unit*

Penelitian ini mengkaji tentang perancangan model optimasi perencanaan produksi dan persediaan dengan memperhitungkan perubahan permintaan menggunakan metode *integer programming* pada produsen *pumping unit*. Objek yang akan diteliti adalah *pumping unit* tipe C25, C114, dan C228. Fungsi tujuan yang ingin dicapai adalah memaksimumkan laba dengan kendala, kapasitas tenaga kerja (waktu baku penyelesaian produk), ketersediaan bahan baku, target produksi (peramalan permintaan), dan pencapaian *break even point* (BEP) perusahaan. Tujuan dari penelitian ini adalah merancang sebuah model perencanaan produksi secara optimal sehingga dapat memaksimumkan laba berdasarkan permintaan dari tiga jenis *pumping unit* yang direncanakan. Hasil penelitian menunjukkan rencana produksi optimal untuk bulan September-Desember 2010 adalah \$97040, \$125128, \$153216, dan \$181303.

Kata kunci:

Model Optimasi, *Integer Programming*, *Pumping Unit*, Peramalan Permintaan, Memaksimumkan Laba

ABSTRACT

Name : Rengga
Study Program : Industrial Engineering
Title : Optimization Model Design of Inventory and Production Planning With Change of Demand Consideration Using Integer Programming Method In Pumping Unit Manufacturer

This study examined the optimization model design of inventory and production planning with change of demand consideration using integer programming methods in pumping unit manufacturer. Objects to be studied is the type of pump unit C25, C114, and C228. Objects to be studied are pumping unit type C25, C114, and C228. Objective function is to maximize profit, with manpower capacity constraints (time completion of raw product), availability of raw materials, production targets (demand forecast), and achievement of break even point (BEP) of the company. The purpose of this research is to design an optimal production planning model in order to maximize profits based on demand of three types of pumping units are being planned. The results showed that the optimal production plan for the month of September-December 2010 are \$ 97040, \$ 125128, \$ 153216, and \$ 181303.

Keywords:

Model Optimization, Integer Programming, Pumping Unit, Demand Forecast, Maximize Profits

DAFTAR ISI

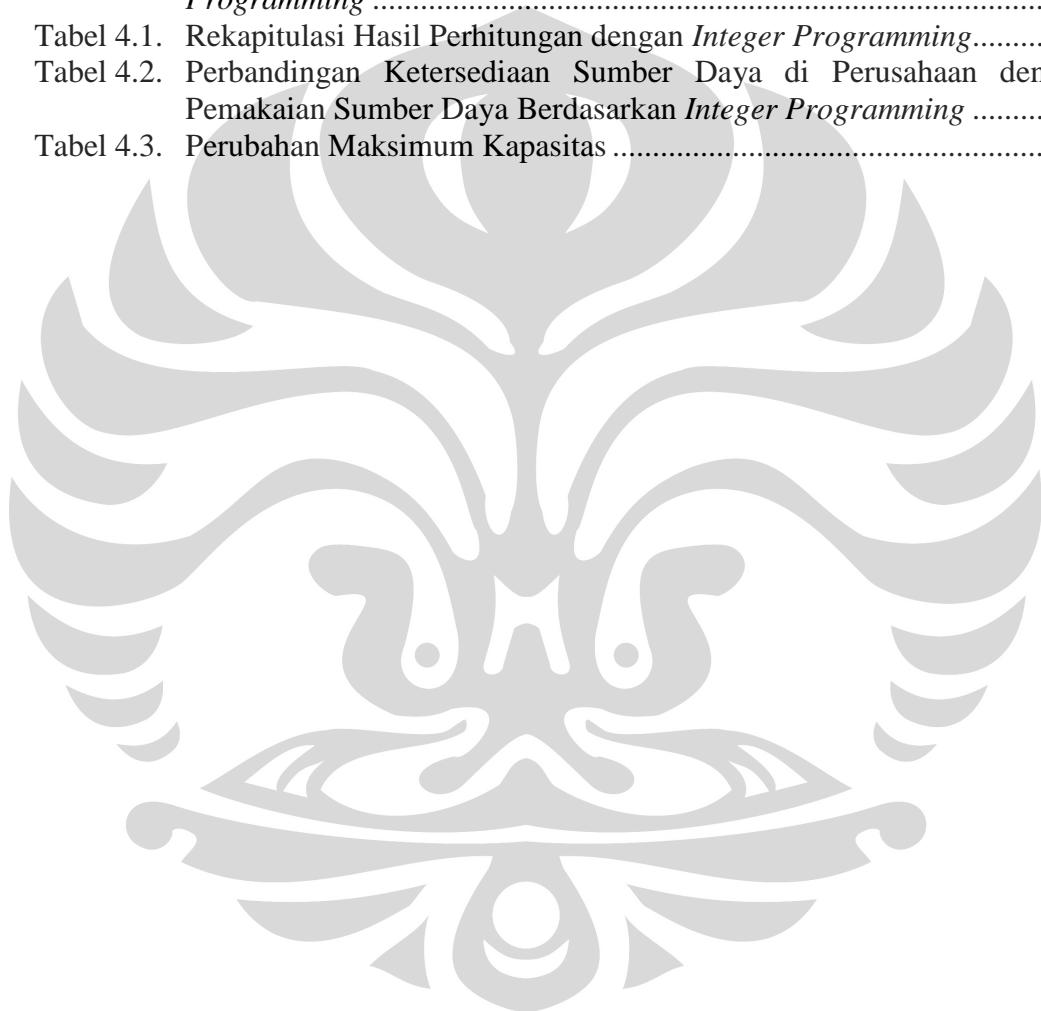
HALAMAN JUDUL.....	i
HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS.....	ii
HALAMAN PERSETUJUAN.....	iii
KATA PENGANTAR	iv
HALAMAN PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI TUGAS AKHIR UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS	vi
ABSTRAK.....	vii
ABSTRACT.....	vii
DAFTAR ISI.....	viii
DAFTAR TABEL.....	x
DAFTAR GAMBAR	xii
DAFTAR LAMPIRAN.....	xiii
1. PENDAHULUAN.....	1
1.1 Latar Belakang Masalah.....	1
1.2 Diagram Keterkaitan Masalah.....	2
1.3 Rumusan Permasalahan.....	3
1.4 Tujuan Penelitian.....	3
1.5 Batasan Masalah.....	3
1.6 Metodologi Penelitian	4
1.7 Sistematika Penulisan.....	6
2. LANDASAN TEORI.....	7
2.1 Perencanaan Produksi.....	7
2.2 Pengukuran Waktu	8
2.2.1 Teknik-Teknik Pengukuran Waktu	9
2.2.2 Pengukuran Waktu Jam Henti.....	9
2.2.3 Langkah-Langkah Sebelum Melakukan Pengukuran	10
2.2.4 Melakukan Pengukuran Waktu	12
2.2.5 Pengujian Data Waktu	12
2.2.5.1 Uji Keseragaman Data	12
2.2.5.2 Uji Kecukupan Data.....	13
2.2.6 Perhitungan Waktu	13
2.2.7 Penyesuaian dan Kelonggaran	14
2.2.7.1 Penyesuaian	14
2.2.7.2 Kelonggaran.....	15
2.3 Peramalan.....	16
2.3.1 Metode Peramalan.....	17
2.3.2 Analisis Deret Waktu (<i>Time Series</i>).....	18
2.3.3 Analisis Kesalahan Peramalan	21
2.3.4 Verifikasi dan Pengendalian Peramalan.....	22
2.4 Pemrograman Linier.....	23
2.4.1 Model Pemrograman Linier	23
2.4.2 Bentuk Umum Model Pemrograman Linier.....	24
2.4.3 Asumsi Model Pemrograman Linier	24
2.4.4 <i>Integer Programming</i>	25
2.4.5 Algoritma <i>Branch and Bound</i>	25

3. PENGUMPULAN DAN PENGOLAHAN DATA	27
3.1 Pengumpulan Data	27
3.1.1 Data Laba dari Setiap <i>Pumping Unit</i>	27
3.1.2 Data Waktu Siklus Tenaga Kerja.....	27
3.1.3 Data Jumlah Tenaga Kerja.....	31
3.1.4 Data Jumlah Hari Kerja.....	31
3.1.5 Data Penjualan	32
3.1.6 Data Pemakaian dan Kapasitas Gudang Bahan Baku	32
3.1.7 Data Jumlah Produksi yang Memenuhi Batasan BEP	35
3.2 Pengolahan Data.....	36
3.2.1 Penentuan Fungsi Tujuan	36
3.2.2 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Pertama.....	37
3.2.3 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Kedua	47
3.2.4 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Ketiga	48
3.2.5 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Keempat	66
3.2.6 Penentuan Model Perencanaan Produksi	67
3.2.7 Penyelesaian Model <i>Linear Programming</i>	70
3.2.8 Penyelesaian Model <i>Integer Programming</i>	72
4. ANALISIS.....	75
4.1 Analisis Perencanaan Produksi Saat Ini	75
4.2 Analisis Perencanaan Produksi dengan <i>Integer Programming</i>	75
4.3 Analisis Sensitivitas Perencanaan Produksi	79
5. KESIMPULAN DAN SARAN	81
5.1 Kesimpulan.....	81
5.2 Saran	82
DAFTAR REFERENSI	83

DAFTAR TABEL

Tabel 2.1. Ukuran Statistik Parameter Kesalahan	21
Tabel 3.1. Laba dari Setiap Penjualan <i>Pumping Unit</i>	27
Tabel 3.2. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C25	28
Tabel 3.3. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	29
Tabel 3.4. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C228	30
Tabel 3.5. Data Jumlah Tenaga Kerja Produksi <i>Pumping Unit</i>	31
Tabel 3.6. Data Waktu Kerja Tersedia Tahun 2010	31
Tabel 3.7. Total Penjualan <i>Pumping Unit</i> Periode Tahun 2007-2010	32
Tabel 3.8. Data Pemakaian Bahan untuk Tiap Jenis <i>Pumping Unit</i>	32
Tabel 3.9. Kapasitas Gudang	35
Tabel 3.10. Jumlah Produksi Minimum	36
Tabel 3.11. Pengelompokan Data Waktu Kecepatan Rata-Rata Operasi Perakitan <i>Pitman</i> (S1) dalam Sub Grup	37
Tabel 3.12. Uji Kecukupan Data Waktu Siklus Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C25, C114, dan C228	39
Tabel 3.13. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C25	40
Tabel 3.14. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	41
Tabel 3.15. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan <i>Pumping Unit</i> Tipe C228	42
Tabel 3.16. <i>Allowance</i> Tiap Stasiun Kerja	43
Tabel 3.17. Waktu Normal dan Waktu Standar pada Setiap Stasiun Kerja	46
Tabel 3.18. Ketersediaan Jam Kerja Orang Bulan September-Desember 2010 ...	47
Tabel 3.19. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Konstan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	53
Tabel 3.20. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Linier <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	54
Tabel 3.21. Perhitungan Parameter Fungsi Persamaan Peramalan Metode Linier <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	55
Tabel 3.22. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Kuadratis <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	56
Tabel 3.23. Perhitungan Parameter Fungsi Persamaan Peramalan Metode Kuadratis <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	57
Tabel 3.24. Perhitungan MSE Metode Konstan untuk <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	60
Tabel 3.25. Perhitungan MSE Metode Linier untuk <i>Pumping Unit</i> Tipe C114....	61
Tabel 3.26. Perhitungan MSE Metode Kuadratis untuk <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	62
Tabel 3.27. Perhitungan MSE Metode Pemulusan Eksponensial untuk <i>Pumping Unit</i> Tipe C114.....	63
Tabel 3.28. Perhitungan Hasil Verifikasi Peramalan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114...	64

Tabel 3.29. Hasil Peramalan <i>Pumping Unit</i> Tipe C25, C114, dan C228.....	66
Tabel 3.30. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan September 2010.....	67
Tabel 3.31. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan Oktober 2010.....	68
Tabel 3.32. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan November 2010.....	69
Tabel 3.33. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan Desember 2010.....	70
Tabel 3.34. Rekapitulasi Penentuan Jumlah Produksi dengan Model <i>Integer Programming</i>	70
Tabel 4.1. Rekapitulasi Hasil Perhitungan dengan <i>Integer Programming</i>	77
Tabel 4.2. Perbandingan Ketersediaan Sumber Daya di Perusahaan dengan Pemakaian Sumber Daya Berdasarkan <i>Integer Programming</i>	77
Tabel 4.3. Perubahan Maksimum Kapasitas	80

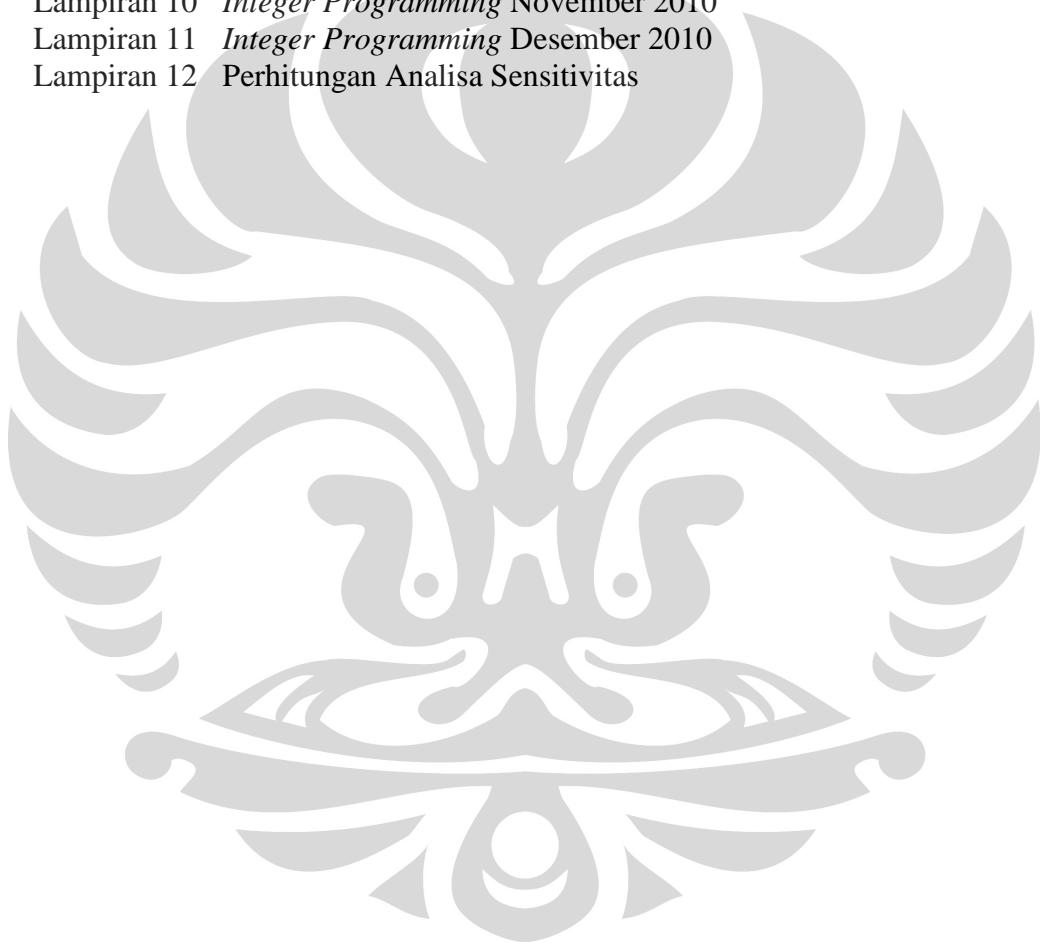


DAFTAR GAMBAR

Gambar 1.1.	Diagram Keterkaitan Masalah	2
Gambar 1.2.	Diagram Alir Metodologi Penelitian	5
Gambar 2.1.	Peta Kontrol Uji Keseragaman Data	12
Gambar 2.2.	Bagan Perhitungan Waktu Kerja	13
Gambar 2.3.	Pembagian Daerah A, B, dan C pada Peta <i>Moving Range</i>	22
Gambar 3.1.	<i>Control Chart</i> Uji Keseragaman	38
Gambar 3.2.	Diagram Pencar Penjualan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114 Januari 2007-Agustus 2010	49
Gambar 3.3.	Perhitungan Parameter Peramalan Metode Dekomposisi MSE <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	58
Gambar 3.4.	Moving Range Chart Peramalan Penjualan <i>Pumping Unit</i> Tipe C114	65
Gambar 3.5.	Model <i>Linear Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	71
Gambar 3.6.	Penyelesaian Model <i>Linear Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	71
Gambar 3.7.	Hasil Penyelesaian Model <i>Linear Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	72
Gambar 3.8.	Model <i>Integer Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	73
Gambar 3.9.	Penyelesaian Model <i>Integer Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	73
Gambar 3.10.	Hasil Penyelesaian Model <i>Integer Programming</i> dengan Software <i>LINGO12</i>	74

DAFTAR LAMPIRAN

- | | |
|-------------|--|
| Lampiran 1 | Tabel <i>Allowance</i> Berdasarkan Literatur |
| Lampiran 2 | Peramalan <i>Pumping Unit</i> Tipe C25 |
| Lampiran 3 | Peramalan <i>Pumping Unit</i> Tipe C228 |
| Lampiran 4 | <i>Linear Programming</i> September 2010 |
| Lampiran 5 | <i>Linear Programming</i> Oktober 2010 |
| Lampiran 6 | <i>Linear Programming</i> November 2010 |
| Lampiran 7 | <i>Linear Programming</i> Desember 2010 |
| Lampiran 8 | <i>Integer Programming</i> September 2010 |
| Lampiran 9 | <i>Integer Programming</i> Oktober 2010 |
| Lampiran 10 | <i>Integer Programming</i> November 2010 |
| Lampiran 11 | <i>Integer Programming</i> Desember 2010 |
| Lampiran 12 | Perhitungan Analisa Sensitivitas |



BAB 1

PENDAHULUAN

1.1 Latar Belakang Masalah

Seiring dengan meningkatnya persaingan dunia industri saat ini, perusahaan dituntut untuk memiliki keunggulan kompetitif agar dapat bertahan di tingkat nasional maupun tingkat internasional. Salah satu cara yang ditempuh adalah membuat perencanaan produksi dengan tepat. Perencanaan produksi berhubungan dengan penentuan volume produksi, ketepatan waktu penyelesaian, dan utilisasi sumber daya yang tersedia. Dengan perencanaan yang tepat, proses produksi dapat berjalan efisien dan efektif. Hal ini berdampak pada peningkatan laba perusahaan.

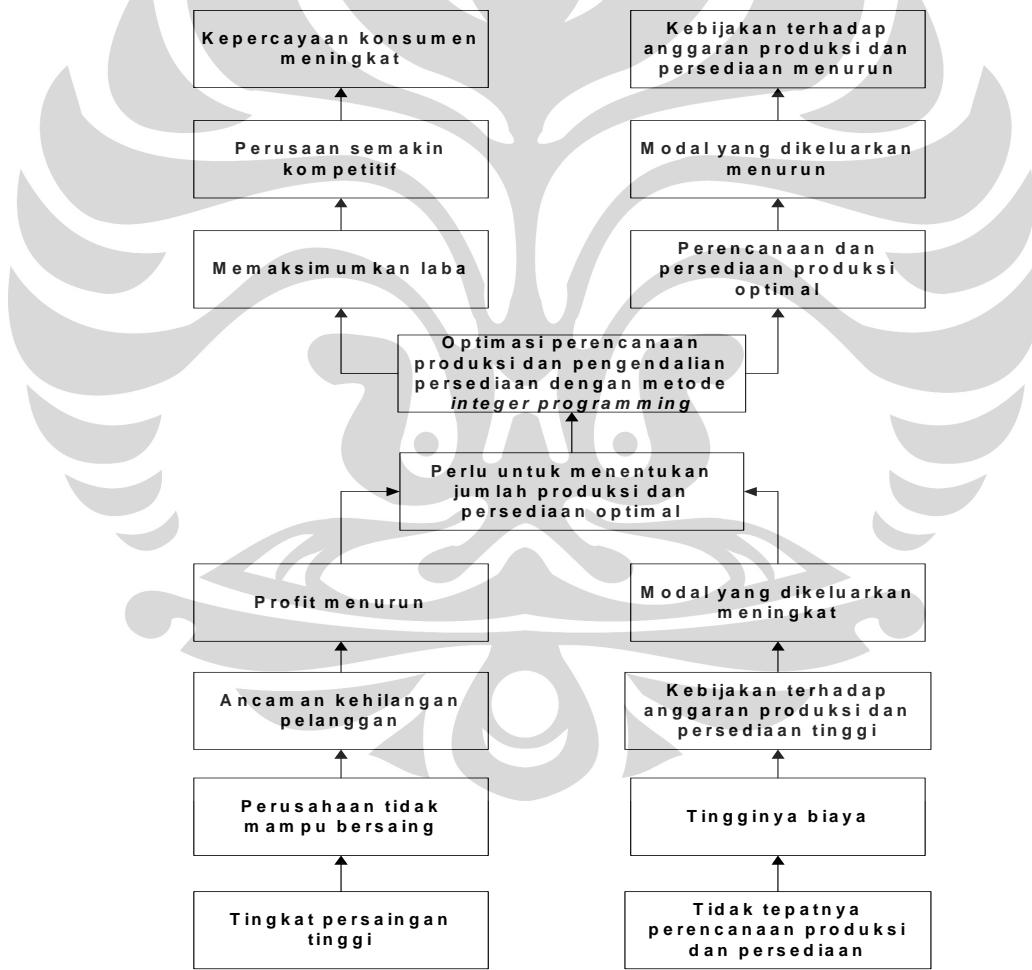
Produsen *Pumping Unit* merupakan perusahaan manufaktur yang bergerak dalam bidang pembuatan *oil and gas equipment*. Saat ini, penentuan volume produksi dibuat berdasarkan keputusan manajer produksi dan pemasaran dengan melihat pola data masa lalu, data proyek jangka panjang yang sedang terjadi, dan melakukan peramalan kuantitatif sesuai dengan pola data. Seperti yang diketahui, bahwa hasil interpretasi peramalan tidak akan terlalu jauh berbeda dengan pola data permintaan tahun sebelumnya. Namun terjadi pergeseran permintaan sebesar 178 unit dari tahun 2007 menjadi 591 unit pada tahun 2008 untuk tipe C114 dan penurunan dari 12 unit menjadi 3 unit pada tahun yang sama untuk tipe C228. Oleh karena itu, perencanaan produksi pada perusahaan ini kurang akurat mengingat adanya fluktuasi permintaan yang tidak menentu. Di satu sisi, ketika permintaan menurun maka kontinuitas pemenuhan kebutuhan permintaan terjamin, namun berakibat pada tingginya biaya investasi persediaan barang. Di sisi lain, ketika permintaan meningkat maka perusahaan mengalami kekurangan produksi sehingga permintaan tidak dapat dipenuhi. Hal ini menyebabkan hilangnya penjualan dan menurunnya laba perusahaan. Dalam jangka yang panjang menyebabkan hilangnya kepercayaan konsumen terhadap perusahaan.

Keputusan volume produksi yang dibuat juga belum mempertimbangkan keterbatasan perusahaan dalam hal kapasitas tenaga kerja dan ketersediaan bahan secara optimal. Dalam hal ini bahan baku misalnya, perusahaan tidak dapat

memproduksi jenis tertentu karena bahan baku tidak tersedia dan masih menunggu pengiriman. Dengan mengacu pada uraian tersebut, maka perusahaan perlu melakukan pembenahan dalam perencanaan produksinya dalam hal menetapkan jumlah produksi optimal untuk tiap jenis *pumping unit*. Hal ini dilakukan dengan memperhatikan kapasitas tenaga kerja, ketersediaan bahan baku, target produksi sesuai dengan peramalan permintaan dan jumlah produksi minimum yang ditetapkan perusahaan.

1.2 Diagram Keterkaitan Masalah

Dari latar belakang masalah yang terjadi di Produsen *Pumping Unit* berikut adalah diagram keterkaitan masalah yang ditunjukkan pada gambar 1.1.



Gambar 1.1. Diagram Keterkaitan Masalah

1.3 Rumusan Permasalahan

Tidak tepatnya penentuan jumlah produksi yang sangat berpengaruh pada pencapaian laba perusahaan. Maka yang menjadi pokok permasalahan adalah mengoptimalkan perencanaan dan persediaan produksi untuk memaksimumkan laba perusahaan.

1.4 Tujuan Penelitian

Tujuan dari penelitian ini adalah mendapatkan sebuah rencana produksi optimal untuk memaksimumkan laba perusahaan. Adapun sasaran yang hendak dicapai dari penelitian ini:

1. Membuat sebuah model rencana produksi optimal, dimana fungsi tujuannya adalah memaksimumkan laba dengan variabel keputusan jumlah produksi optimal untuk tiap jenis *pumping unit*.
2. Membuat susunan kendala dalam mencapai fungsi tujuan. Kendala yang dimaksud adalah kapasitas tenaga kerja, ketersediaan bahan baku, target produksi, dan pencapaian *break even point* (BEP) perusahaan. Dalam hal ini kapasitas tenaga kerja tercakup dalam waktu baku penyelesaian produk, ketersediaan bahan baku diperoleh dengan mencatat data perusahaan, target produksi diperoleh dengan melakukan peramalan permintaan sedangkan pencapaian BEP diperoleh dari data jumlah produksi minimum yang ditetapkan perusahaan sehingga *break even point* (BEP) perusahaan tercapai.

1.5 Batasan Masalah

Agar pembahasan dan pemecahan masalah menjadi terarah, tidak menyimpang dari pokok masalah yang ada dan menghindari pembahasan yang terlalu luas maka perlu diberi batasan pada permasalahan yang ada, yakni:

1. Penelitian dilakukan di Produsen *Pumping Unit*.
2. Aliran produksi berasal dari dua lini, yaitu gudang bahan baku dan lini produksi.
3. Data penjualan yang digunakan untuk peramalan permintaan adalah data penjualan 4 tahun terakhir sebelum periode pengamatan.

4. Bahan yang menjadi kendala adalah pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) $400 \times 200 \times 8 \times 13$. Hal ini dilakukan karena bahan baku tersebut memiliki biaya simpan yang tinggi, dan harus menunggu pengiriman.
5. Fungsi tujuan memaksimumkan laba perusahaan.
6. Fungsi kendala yang dibahas adalah kapasitas tenaga kerja, ketersediaan bahan, jumlah permintaan dan jumlah produksi yang ditetapkan perusahaan.

Adapun asumsi-asumsi yang digunakan adalah:

1. Tidak terjadi perubahan terhadap sistem produksi dan urutan proses produksi selama penelitian dilakukan.
2. Harga jual, harga bahan baku, dan biaya produksi lain tidak berubah selama penelitian dilakukan.
3. Operator bekerja di setiap proses memiliki kemampuan kerja normal.
4. Kondisi mesin dan peralatan dalam keadaan siap pakai ketika penelitian dilakukan.
5. Sisa bahan baku di setiap akhir periode diabaikan selama penelitian dilakukan.

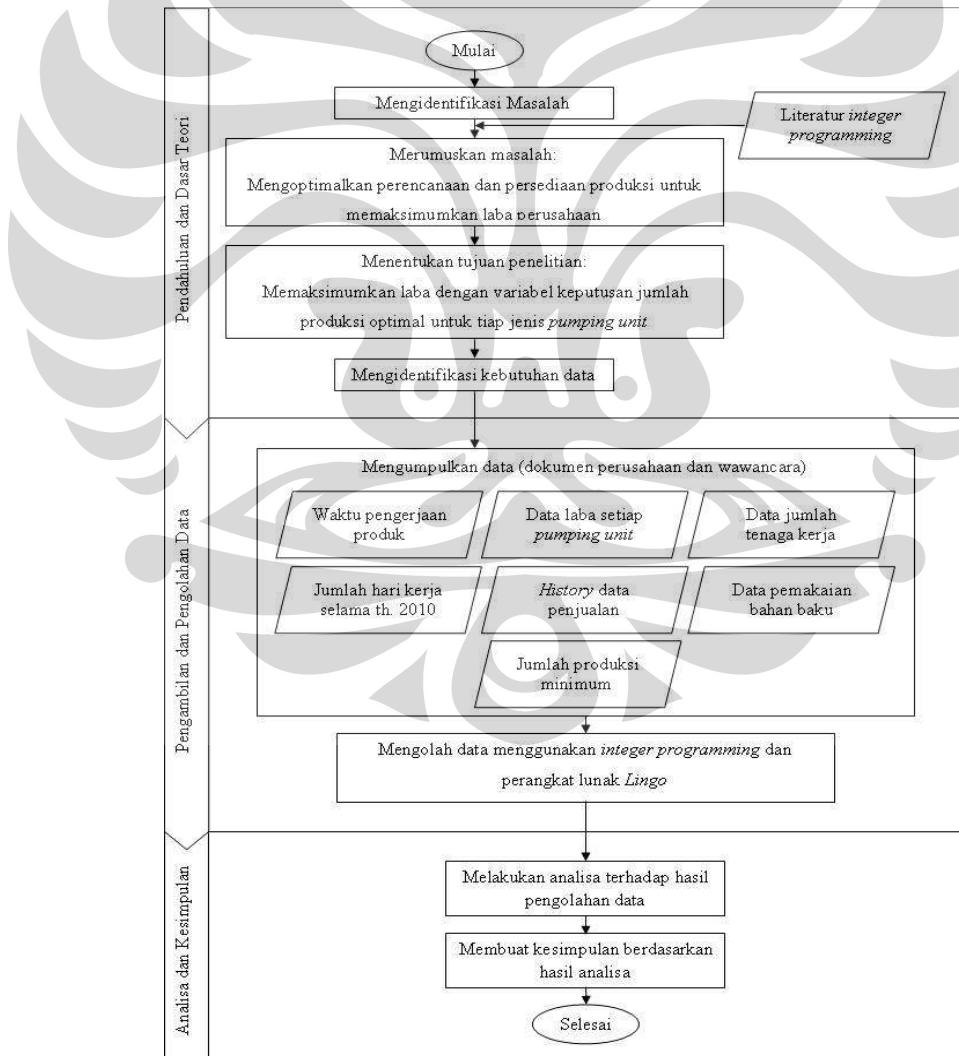
1.6 Metodologi Penelitian

Metodologi penelitian merupakan cara atau prosedur yang berisi tahapan-tahapan yang jelas dan disusun secara sistematis dalam proses penelitian. Tiap tahapan merupakan bagian yang menentukan tahapan selanjutnya sehingga harus dilalui dengan cermat.

Metode penelitian yang akan digunakan dalam skripsi ini adalah sebagai berikut:

1. Mengidentifikasi permasalahan yang terjadi di Produsen *Pumping Unit*.
2. Mengumpulkan dan menyusun studi literatur yang berkaitan dengan masalah yang telah teridentifikasi. Literatur utama yang digunakan dalam penelitian ini mengenai *integer programming*.
3. Menentukan tujuan penelitian.

4. Mengidentifikasi dan mengumpulkan data yang dibutuhkan, melalui dokumen perusahaan, wawancara dengan pekerja atau staf ahli, dan berdasarkan literatur meliputi data laba dari setiap jenis *pumping unit*, data jumlah tenaga kerja, jumlah hari kerja tiap bulan selama tahun 2010, penjualan selama 4 tahun terakhir sebelum periode pengamatan, data pemakaian bahan dan kapasitas gudang, dan jumlah produksi minimum.
5. Mengolah data menggunakan *integer programming* dan perangkat lunak *Lingo*.
6. Menganalisa hasil pengolahan data dengan membandingkan antara hasil teori dengan kebijakan perusahaan selama ini.
7. Membuat kesimpulan berdasarkan hasil analisis.



Gambar 1.2. Diagram Alir Metodologi Penelitian

1.7 Sistematika Penulisan

Sistematika penulisan yang digunakan dalam penelitian ini sesuai dengan standar baku penulisan skripsi yang telah ditetapkan. Penulisan skripsi ini dibagi menjadi lima bab, yaitu: bab pertama adalah pendahuluan, bab kedua dasar teori, bab ketiga pengumpulan data, bab keempat pengolahan data dan analisis, dan bab kelima merupakan kesimpulan dari penelitian yang dilakukan.

Bab pertama merupakan pengantar untuk menjelaskan isi penelitian secara garis besar. Pada dasarnya bab ini menjelaskan siapa, apa, bagaimana, kapan, dimana, dan mengapa penelitian ini dilakukan. Dalam bab ini terdapat uraian tentang latar belakang masalah, diagram keterkaitan permasalahan, rumusan permasalahan, tujuan yang ingin dicapai, ruang lingkup penelitian, metodologi penelitian, dan sistematika penulisan.

Bab kedua merupakan tinjauan pustaka yang digunakan dalam penelitian, meliputi tingkat persediaan bahan baku, program linear, dan penjelasan singkat perangkat lunak *Lingo*. Secara umum pembahasan difokuskan pada penentuan jumlah produksi dan teknik pencarian solusi menggunakan *integer programming* dan perintah yang akan digunakan untuk mengolah data menggunakan perangkat lunak *Lingo*.

Bab ketiga menjelaskan data-data yang dibutuhkan dan telah dikumpulkan melalui studi lapangan, studi literatur, dan wawancara dengan staf ahli perusahaan. Data yang dibutuhkan untuk penelitian ini adalah data dari dua saluran, yaitu gudang bahan baku dan lini produksi di Produsen *Pumping Unit*.

Bab keempat adalah pengolahan data dan analisis. Untuk memperoleh tingkat optimal persediaan, data akan diolah menggunakan metode *integer programming* dan dibantu oleh perangkat lunak *Lingo*. Kemudian akan dilakukan analisis untuk membandingkan hasil penelitian dengan kebijakan yang sekarang ditetapkan di perusahaan.

Bab kelima adalah kesimpulan yang diperoleh dari hasil pengolahan data dan analisis.

BAB 2

LANDASAN TEORI

2.1 Perencanaan Produksi

Produksi dapat diartikan sebagai suatu rangkaian proses yang mengubah bahan baku menjadi suatu produk jadi yang memiliki nilai lebih tinggi. Dalam perencanaan produksi ditentukan sumber-sumber yang diperlukan untuk melaksanakan proses produksi serta mengalokasikan sumber-sumber tersebut untuk menghasilkan produk dalam jumlah dan kualitas yang diharapkan dengan biaya yang serendah mungkin.

Dalam penjabaran lebih lanjut, maka rencana produksi diuraikan menjadi proses apa yang harus dikerjakan, siapa pelaksananya, kapan, dimana, dan perkiraan biaya yang ditimbulkannya. Adapun tujuan perencanaan produksi adalah sebagai berikut:

1. Sebagai langkah awal menentukan aktivitas produksi, yaitu sebagai referensi perencanaan lebih rinci.¹
2. Sebagai masukan rencana sumber daya sehingga perencanaan sumber daya dapat dikembangkan untuk mendukung perencanaan produksi.²
3. Stabilisasi produksi dan tenaga kerja terhadap fluktuasi permintaan.³

Perencanaan produksi harus memiliki sifat-sifat sebagai berikut:

1. Berjangka waktu, proses produksi merupakan proses yang sangat kompleks. Oleh karena itu, suatu perusahaan tidak mungkin dapat membuat jadwal yang dapat digunakan selamanya. Rencana baru harus dibuat bila keadaan yang digunakan sebagai dasar pembuatan rencana yang lama sudah berubah.
2. Berjenjang, perencanaan produksi bertingkat dari level tinggi sampai perencanaan produksi level rendah, dimana perencanaan level rendah merupakan penjabaran dari perencanaan level tinggi. Pendekatan yang dilakukan adalah dengan membuat rencana produksi yang mencakup periode waktu tertentu, yakni jangka panjang, menengah, dan pendek.

¹ Rosnani Ginting, *Sistem Produksi*, Surabaya: Graha Ilmu., 2007, h. 70.

² Rosnani Ginting, *Sistem Produksi*, Surabaya: Graha Ilmu., 2007, h. 70.

³ Rosnani Ginting, *Sistem Produksi*, Surabaya: Graha Ilmu., 2007, h. 70.

3. Terpadu, perencanaan produksi melibatkan banyak faktor, dimana semua faktor tersebut harus sesuai dengan kebutuhan yang direncanakan dalam mencapai target produksi tertentu. Masing-masing faktor harus direncanakan secara bersamaan dan terpadu.
4. Berkelanjutan, jika perencanaan produksi telah habis untuk satu periode tertentu, maka harus dibuat perencanaan produksi untuk periode berikutnya. Rencana baru tersebut harus menjadi lanjutan dari rencana sebelumnya.
5. Terukur, untuk mengetahui ada atau tidaknya penyimpangan. Maka rencana produksi harus menetapkan suatu nilai yang dapat diukur. Nilai tersebut dapat berupa target produksi dalam unit, kg, lusin, dan lain-lain.
6. Realistik, rencana produksi harus disesuaikan dengan kondisi yang ada di perusahaan, sehingga target yang ditetapkan merupakan nilai yang realistik untuk dicapai.
7. Akurat, perencanaan produksi harus dibuat berdasarkan informasi yang akurat tentang kondisi internal dan eksternal perusahaan sehingga rencana produksi tersebut dapat dipertanggung jawabkan.
8. Menantang, meskipun rencana produksi harus realistik bukan berarti target yang ditetapkan harus mudah dicapai. Rencana produksi harus menetapkan target yang dapat dicapai dengan sungguh-sungguh.

2.2 Pengukuran Waktu

Pengukuran waktu kerja berhubungan dengan usaha-usaha untuk menetapkan waktu baku yang dibutuhkan guna menyelesaikan suatu pekerjaan. Waktu baku adalah waktu yang dibutuhkan secara wajar oleh seorang pekerja normal untuk menyelesaikan suatu pekerjaan yang dijalankan dalam sistem terbaik. Pada awalnya, pengukuran waktu banyak dimanfaatkan untuk perhitungan insentif (bonus) bagi pekerja. Namun demikian, dalam perkembangannya pengukuran waktu dapat dimanfaatkan lebih jauh untuk berbagai hal antara lain:

1. Melakukan penjadwalan dan perencanaan kerja.⁴
2. Menentukan besar ongkos produksi dan upaya persediaan *budget*.⁵

⁴ Barnes, *Motion and Time Study*, 7th Edition, USA: John Willey and Sons, 1980, h. 257, 259.

3. Membuat perkiraan harga produk sebelum produksi.⁶
4. Menentukan jumlah mesin atau peralatan yang diperlukan dan jumlah operator pada tiap mesin sehingga menjadi informasi dalam penyeimbangan lintasan.⁷
5. Menentukan waktu standar yang akan digunakan dalam penentuan sistem pembayaran tenaga kerja langsung atau tak langsung.⁸

2.2.1 Teknik-Teknik Pengukuran Waktu

Ada 2 macam teknik pengukuran waktu, yaitu:

1. Teknik pengukuran waktu langsung.

Dalam teknik ini pengukuran yang dilakukan secara langsung, yaitu tempat dimana pekerjaan yang diukur dilaksanakan. Pengukuran waktu langsung ada 2 jenis, yaitu dengan menggunakan jam henti atau *stopwatch* dan dengan mengambil *sampling* pekerjaan.

2. Teknik pengukuran waktu tidak langsung.

Merupakan pengukuran yang dilakukan tanpa harus berada di tempat pekerjaan, yaitu dengan membaca tabel-tabel yang tersedia, dengan persyaratan mengetahui jalannya pekerjaan melalui elemen-elemen pekerjaan atau elemen-elemen gerakan. Yang termasuk dalam pengukuran waktu tidak langsung adalah:

- a. Data waktu baku.
- b. Data waktu gerakan yang terdiri dari, *work factor system*, *maynard operation sequence time* (MOST), dan *motion time measurement* (MTM).

2.2.2 Pengukuran Waktu Jam Henti

Pengukuran waktu jam henti pertama kali diperkenalkan oleh F. W. Taylor sekitar abad 19 lalu. Sesuai dengan namanya, maka pengukuran waktu ini menggunakan jam henti (*stopwatch*) sebagai alat utamanya. Cara ini merupakan cara yang paling banyak dikenal dan digunakan. Salah satu cara karena

⁵ Barnes, *Motion and Time Study*, 7th Edition, USA: John Willey and Sons, 1980, h. 257, 259.

⁶ Barnes, *Motion and Time Study*, 7th Edition, USA: John Willey and Sons, 1980, h. 257, 259.

⁷ Barnes, *Motion and Time Study*, 7th Edition, USA: John Willey and Sons, 1980, h. 257, 259.

⁸ Barnes, *Motion and Time Study*, 7th Edition, USA: John Willey and Sons, 1980, h. 257, 259.

kesederhanaan aturan dan cara pengukuran yang dipakai. Namun, tidak semua sistem kerja sesuai dengan pengukuran waktu jam henti ini. Adapun kriteria yang sesuai adalah:

1. Pekerjaan harus dilakukan secara berulang-ulang dan sejenis⁹.
2. Jenis atau isi pekerjaan bersifat homogen¹⁰.
3. Hasil kerja atau output harus dapat dihitung secara nya (kuantitatif) baik secara keseluruhan maupun untuk tiap elemen kerja yang berlangsung¹¹.
4. Pekerjaan tersebut cukup banyak dilaksanakan dan teratur sifatnya sehingga akan memadai untuk diukur dan dihitung waktunya¹².

2.2.3 Langkah-Langkah Sebelum Melakukan Pengukuran

Untuk memperoleh hasil pengukuran waktu yang dapat dipertanggung jawabkan, maka ditempuh langkah-langkah untuk memperoleh hasil pengukuran yang optimal adalah:

1. Menetapkan tujuan pengukuran.

Dalam pengukuran waktu hal penting yang harus diketahui dan ditetapkan adalah untuk apa hasil pengukuran digunakan, berapa tingkat ketelitian dan tingkat keyakinan yang diinginkan dalam pengukuran tersebut.

2. Melakukan penelitian pendahuluan.

Penelitian pendahuluan dilakukan untuk mengetahui kondisi yang bersangkutan misalnya adalah mengenai kondisi lingkungan kerja. Bila kondisi baik maka pengukuran waktu bisa dilakukan, bila tidak baik maka harus diperbaiki dulu.

3. Memilih operator.

Operator akan melakukan pekerjaan yang diukur harus memenuhi beberapa persyaratan tertentu agar pengukuran dapat berjalan dengan baik dan dapat diandalkan hasilnya. Syarat-syarat tersebut, yaitu berkemampuan normal dan dapat diajak bekerja sama.

⁹ W. Sritomo, *Ergonomi, Studi Gerak dan Waktu*, Surabaya : Penerbit Guna Widya, h. 169.

¹⁰ W. Sritomo, *Ergonomi, Studi Gerak dan Waktu*, Surabaya : Penerbit Guna Widya, h. 169.

¹¹ W. Sritomo, *Ergonomi, Studi Gerak dan Waktu*, Surabaya : Penerbit Guna Widya, h. 169.

¹² W. Sritomo, *Ergonomi, Studi Gerak dan Waktu*, Surabaya : Penerbit Guna Widya, h. 169.

4. Melatih operator.

Bila kondisi dan cara yang digunakan tidak sama dengan yang biasa dijalankan operator maka diperlukan pelatihan bagi operator tersebut.

5. Menguraikan pekerjaan atas elemen-elemen kerja.

Pekerjaan ini dipecah-pecah menjadi elemen pekerjaan (gerakan bagian dari pekerjaan yang bersangkutan) dimana elemen-elemen inilah yang diukur waktunya. Penguraian pekerjaan atas elemen-elemen pekerjaan perlu dilakukan dengan alasan-alasan sebagai berikut:

- a. Cara terbaik menggambarkan suatu operasi adalah dengan membagi ke dalam elemen-elemen kerja yang lebih detail dan mampu untuk diukur dengan mudah secara terpisah.
- b. Besarnya waktu baku bisa ditetapkan berdasarkan elemen-elemen pekerjaan yang ada. Dengan mengetahui waktu baku untuk elemen-elemen kerja, maka kemungkinan untuk menetapkan total waktu baku untuk suatu operasi kerja.
- c. Dengan membagi ke dalam elemen-elemen kerja, maka dapat dianalisis waktu-waktu yang berlebihan untuk tiap elemen kerja atau waktu yang terlalu singkat untuk elemen kerja yang lain. Demikian juga analisis yang dibuat untuk satu elemen kerja bisa melihat adanya perbedaan kecil dari metode kerja yang diaplikasikan, dimana hal ini tidak akan mudah jika dilakukan analisis studi untuk operasi secara keseluruhan.
- d. Seorang operator bisa jadi akan bekerja berbeda-beda pada setiap siklus yang berlangsung. Dengan membagi ke dalam elemen kerja maka *performance rating* dapat diaplikasikan untuk tiap elemen kerja.

6. Menyiapkan alat-alat pengukuran.

Ini merupakan langkah terakhir sebelum melakukan pengukuran dimana alat-alat pengukuran yang diperlukan harus disiapkan. Alat-alat tersebut, yaitu jam henti (*stopwatch*) untuk menghitung waktu siklus, lembar pengamatan untuk tempat mencatat waktu siklus, pena atau pensil sebagai alat tulis dan papan pengamatan sebagai alat bantu dalam menuliskan hasil pengukuran.

2.2.4 Melakukan Pengukuran Waktu

Ada 3 metode yang umum digunakan untuk mengukur waktu siklus dengan menggunakan jam henti, yaitu:

1. *Continuous timing*, tombol jam henti ditekan pada saat elemen kerja pertama dimulai dan membiarkan jarum petunjuk jam henti berjalan secara terus-menerus sampai siklus kerja selesai. Pengamat akan mengamati dan mencatat waktu selesai dilaksanakan.
2. *Repetitive timing*, jarum jam henti akan dikembalikan ke titik nol setiap akhir elemen kerja yang diukur. Setelah waktu dicatat, tombol jam henti ditekan kembali untuk mengukur elemen kerja berikutnya.
3. *Accumulative timing*, cara ini menggunakan 2 atau 3 jam henti yang digunakan secara bergantian sehingga setiap elemen kerja yang berlangsung dapat diukur.

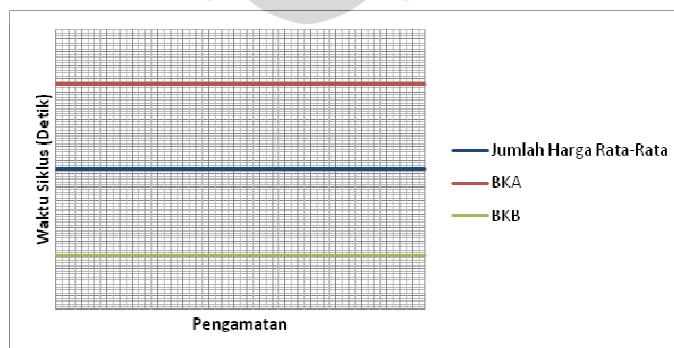
2.2.5 Pengujian Data Waktu

2.2.5.1 Uji Keseragaman Data

Uji keseragaman data dilakukan untuk melihat apakah data yang diperoleh sudah seragam atau tidak, dapat dilaksanakan dengan mengaplikasikan peta kontrol (*control chart*). Peta kontrol (*control chart*) adalah suatu alat yang tepat guna dalam menguji kesragaman data yang diperoleh dari hasil pengamatan. Batas kontrol atas dan batas kontrol bawah untuk tiap grup data dapat dicari dengan formulasi:

$$BKA = \bar{X} + 2\sigma\bar{x} \quad (2.1)$$

$$BKB = \bar{X} - 2\sigma\bar{x} \quad (2.2)$$



Gambar 2.1. Peta Kontrol Untuk Uji Keseragaman Data

2.2.5.2 Uji Kecukupan Data

Berguna untuk memastikan bahwa jumlah sampel yang telah dikumpulkan telah cukup mewakili populasi, sehingga dapat digunakan bagi pengolahan data selanjutnya. Pengujian ini dilakukan dengan menggunakan rumus:

$$N = \left(\frac{\left(\frac{k}{s} \right) \sqrt{n \sum_{i=1}^m t_i^2 - (\sum_{i=1}^m t_i)^2}}{\sum_{i=1}^m t_i} \right)^2 \quad (2.3)$$

Keterangan:

N = jumlah siklus pengamatan atau pengukuran yang seharusnya dilaksanakan.

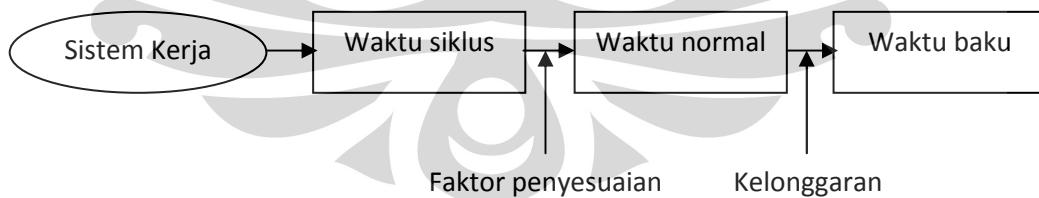
k = angka deviasi standar yang besarnya tergantung pada tingkat keyakinan yang diambil.

s = derajat ketelitian dari data t yang dikehendaki, yang menunjukkan maksimum penyimpangan yang bisa diterima dari nilai t yang sebenarnya.

n = jumlah siklus pengamatan atau pengukuran awal yang telah dilakukan untuk elemen kegiatan tertentu yang dipilih.

Jumlah pengukuran waktu dikatakan cukup apabila jumlah pengukuran minimum secara teoritis lebih kecil atau sama dengan jumlah pengukuran pendahuluan yang sudah dilakukan ($N' \leq N$). Jika jumlah pengukuran masih belum mencukupi, maka harus dilakukan pengukuran lagi sampai jumlah pengukuran tersebut cukup.

2.2.6 Perhitungan Waktu



Gambar 2.2. Bagan Perhitungan Waktu Kerja

Dengan melihat bagan, maka dapat diketahui bahwa:

1. Waktu siklus adalah waktu hasil pengamatan secara langsung yang tertera dalam *stopwatch*.
2. Waktu normal adalah waktu siklus dengan telah mempertimbangkan penyesuaian.

3. Waktu baku adalah waktu normal dengan mempertimbangkan faktor kelonggaran (*allowance*).

Dengan rumus:

$$W_b = W_n \times (1 + \text{allowance}) \quad (2.4)$$

Dimana:

$$W_n = W_s \times p \quad (2.5)$$

Keterangan:

W_b = Waktu baku

W_n = Waktu normal

W_s = Waktu siklus

p = faktor penyesuaian

2.2.7 Penyesuaian dan Kelonggaran

2.2.7.1 Penyesuaian

Penyesuaian adalah suatu proses dimana pada saat melakukan pengukuran, pengamat mengukur dan membandingkan performansi kerja operator terhadap konsep kecepatan kerja yang dimiliki oleh pengamat mengenai perfomansi normal. Untuk memudahkan pemilihan konsep wajar, seorang pengukur dapat mempelajari bagaimana bekerjanya seorang operator yang dianggap normal, yaitu jika seorang operator bekerja tanpa usaha-usaha yang berlebihan sepanjang hari bekerja, menguasai cara kerja yang ditetapkan, dan menunjukkan kesungguhan dalam menjalankan kegiatannya.

Biasanya penyesuaian dilakukan dengan mengalihkan waktu siklus rata-rata dengan suatu harga p yang disebut faktor penyesuaian. Harga penyesuaian (p) = 1 berarti bahwa operator bekerja dengan wajar berdasarkan pendapat pengukur, namun jika $p > 1$ itu berarti pengukur berpendapat bahwa operator bekerja di atas batas kewajaran atau terlalu cepat dan sebaliknya, jika operator $p < 1$. Selain hal tersebut di atas, ada juga beberapa cara menentukan faktor penyesuaian.

1. Cara persentase.

Dalam hal ini faktor penyesuaian ditentukan oleh pengukur berdasarkan pengamatan yang dilakukan selama melakukan pengukuran. Oleh karena itu, cara ini merupakan cara yang paling mudah dan sederhana, namun

penilaianya masih kasar. Misalnya, pengukur berpendapat bahwa $p = 110\%$, jika waktu siklusnya 14,6 menit. Maka $W_n = 14,6 \times 1,1 = 16,6$ menit.

2. Cara *Shumard*.

Cara ini didasarkan kepada kelas-kelas perfomansi kerja yang akan menjadi penentu dalam penilaian dengan setiap kelas mempunyai nilai-nilai sendiri.

3. Cara *Westinghouse*.

Cara ini mengarahkan penilaian pada 4 faktor yang dianggap sangat menentukan kewajaran atau ketidakwajaran dalam bekerja, yaitu:

- a. Keterampilan atau *skill*.
- b. Usaha.
- c. Kondisi kerja.
- d. Konsistensi.

4. Cara obyektif.

Kecepatan kerja dan tingkat kesulitan pekerjaan menjadi perhatian utam dalam cara ini karena kedua faktor ini dipandang secara bersama-sama menentukan berapa besarnya harga p untuk mendapatkan waktu normal.

5. Cara *Bedaux*.

Cara ini dilakukan hampir sama dengan cara *Shumard*, hanya saja nilai-nilai pada cara *Bedaux* dinyatakan dalam "B", misalnya 60 B.

6. Cara sintesa.

Cara ini mengevaluasi perfomansi kerja operator berdasarkan nilai waktu yang telah ditetapkan terlebih dahulu. Prosedur yang dilakukan adalah dengan melaksanakan pengukuran kerja seperti biasanya dan membandingkan waktu yang diukur dengan waktu penyelesaian waktu kerja yang sebelumnya sudah diketahui data waktunya.

2.2.7.2 Kelonggaran

Kelonggaran pada dasarnya adalah suatu faktor koreksi yang harus diberikan kepada waktu kerja operator, karena dalam melakukan pekerjaannya operator bisa terganggu oleh hal-hal yang tidak diinginkan, namun sifatnya alamiah.

Kelonggaran diberikan untuk 3 hal, yaitu kelonggaran untuk kebutuhan pribadi, menghilangkan rasa *fatigue*, dan hambatan-hambatan yang tidak bisa dihindarkan, dimana ketiga hal tersebut secara nyata dibutuhkan oleh pekerja selama melakukan pekerjaannya.

1. Kelonggaran untuk kebutuhan pribadi.

Kebutuhan pribadi adalah hal-hal seperti minum sekadarnya untuk menghilangkan rasa haus, ke kamar kecil, bercakap-cakap dengan teman sekerja sekedar untuk menghilangkan ketegangan ataupun kejemuhan dalam kerja. Dimana kebutuhan-kebutuhan seperti ini mutlak dibutuhkan dan dilakukan oleh pekerja.

2. Kelonggaran untuk menghilangkan rasa *fatigue*.

Rasa *fatigue* tercermin dari menurunnya jumlah maupun kualitas hasil produksi. Untuk itu pekerja harus diberi kesempatan untuk beristirahat sekedarnya (*stretching*), bahkan bila perlu pergi ke luar ruangan kerja untuk menghilangkan kelelahan.

3. Kelonggaran untuk hambatan-hambatan tak terhindarkan.

Hambatan-hambatan tak terhindarkan terjadi di luar kekuasaan pekerja untuk mengendalikannya, yang termasuk ke dalam hambatan-hambatan yang tak terhindarkan, yaitu menerima atau meminta petunjuk kepada pengawas, melakukan penyesuaian kepada pengawas, listrik padam, peralatan rusak, serta gangguan-gangguan kerja lainnya.

2.3 Peramalan

Peramalan merupakan seni dan ilmu memprediksi peristiwa-peristiwa masa depan. Peramalan memerlukan pengambilan data historis dan memproyeksikannya ke masa depan dengan beberapa model matematis¹³. Prinsip yang harus dipegang dalam peramalan antara lain:

1. Ramalan selalu mengandung kesalahan (*error*).
2. Kesalahan harus terukur untuk menentukan langkah selanjutnya.
3. Ramalan satu famili produk lebih teliti daripada *end item*.
4. Ramalan jangka pendek lebih teliti dari ramalan jangka panjang.

¹³ Barry Render, *Prinsip-Prinsip Manajemen Operasi*, Penerbit Salemba Empat, 2001, h. 46.

Sedangkan faktor-faktor yang harus dipertimbangkan dalam membuat peramalan adalah:

1. Jangkauan peramalan.
2. Tingkat ketelitian.
3. Ketersediaan data.
4. Bentuk pola data.
5. Biaya.

2.3.1 Metode Peramalan

Secara umum peramalan diklasifikasikan menjadi dua macam, yaitu:

1. Peramalan yang bersifat subjektif.

Peramalan ini lebih menekankan pada keputusan-keputusan hasil diskusi, pendapat pribadi seseorang, dan intuisi, yang meskipun kelihatannya kurang ilmiah tetapi dapat memberikan hasil yang baik. Metode ini contohnya metode Delphi dan metode penelitian pasar.

2. Peramalan yang bersifat objektif.

Merupakan prosedur peramalan yang mengikuti aturan-aturan matematis dan statistik dalam menunjukkan hubungan antara permintaan dengan satu atau lebih variabel yang mempengaruhinya. Peramalan obyektif juga mengasumsikan bahwa macam dari hubungan antara varibel-variabel bebas dengan permintaan akan berulang juga pada masa yang akan datang. Peramalan objektif terdiri atas dua metode, yaitu:

- a. Metode intrinsik.

Metode ini berdasarkan pada proyeksi permintaan historis tanpa mempertimbangkan faktor-faktor eksternal yang mungkin mempengaruhi besarnya permintaan. Metode ini cocok untuk peramalan jangka pendek. Salah satu metode ini adalah metode deret waktu (*time series*).

- b. Metode ekstrinsik.

Metode ini mempertimbangkan faktor-faktor eksternal yang mungkin dapat mempengaruhi besarnya permintaan dimasa datang dalam model peramalannya. Metode ini lebih cocok untuk peramalan jangka panjang. Kelemahan metode ini adalah dalam hal mahalnya biaya aplikasi dan

frekuensi perbaikan hasil peramalan yang rendah karena sulitnya menyediakan informasi perubahan faktor-faktor eksternal yang terukur. Salah satu bagian dari metode ini adalah metode regresi.

2.3.2 Analisis Deret Waktu (*Time Series*)

Peramalan dengan menggunakan deret waktu didasarkan pada pendugaan masa depan yang dilakukan dengan menggunakan waktu sebagai dasar peramalan. Tujuan metode peramalan deret waktu seperti itu adalah menemukan pola dalam deret data historis dan mengekstrapolasikan pola dalam deret data tersebut ke masa depan. Metode ini mengasumsikan bahwa apa yang telah terjadi di masa lalu akan terjadi di masa yang akan datang.¹⁴

Langkah penting dalam memilih suatu metode deret waktu yang tepat adalah dengan mempertimbangkan jenis pola datanya. Pola data dapat dibedakan menjadi empat, yaitu:

1. Pola horizontal, terjadi bilamana data berfluktuasi di sekitar nilai rata-rata yang konstan atau stasioner terhadap nilai rata-ratanya.
2. Pola musiman, terjadi bilamana suatu deret data dipengaruhi oleh faktor musiman (misalnya kuartal tahunan, bulanan atau hari pada minggu tertentu).
3. Pola siklis, terjadi bilamana datanya dipengaruhi oleh fluktuasi ekonomi jangka panjang seperti berhubungan dengan siklus bisnis atau ekonomi.
4. Pola tren, terjadi bilamana terdapat kenaikan atau penurunan jangka panjang dalam data.

Langkah-langkah yang harus dilakukan untuk membuat fungsi peramalan dengan menggunakan metode *time series* adalah:

1. Mendefinisikan tujuan peramalan.
2. Membuat diagram pencar.
3. Memilih beberapa metode peramalan.
4. Menghitung nilai ramalan dan kesalahannya.
5. Memilih metode dengan kesalahan terkecil.
6. Verifikasi peramalan.

¹⁴ Makridakis dan Victor E. Mc. Gee, *Metode dan Aplikasi Peramalan*, Edisi Kedua, Jakarta: Penerbit Erlangga, 198, h. 9-10.

Beberapa metode yang termasuk dalam analisis deret waktu adalah:

1. Metode pemulusan (*smoothing*)

Metode ini terdiri dari dua kelompok yaitu metode perataan (*moving average*), metode pemulusan eksponensial (*exponential smoothing*). Perbedaan mendasar dari dua kelompok ini terletak pada pemberian bobot untuk data yang dipakai, yaitu:

- a. Metode perataan (*moving average*)

$$MA = \frac{A_t + A_{t-1} + \dots + A_{t-(N-1)}}{N} \quad (2.6)$$

Dimana:

A_t = Permintaan aktual untuk periode t

N = Jumlah data permintaan

- b. Metode perataan berbobot (*weighted moving average*)

$$WMA = \frac{\sum_{t=1}^m (A_{t-1} \times W_t)}{\sum_{t=1}^m W_t} \quad (2.7)$$

Dimana:

W_t = Bobot permintaan aktual pada periode ke-t, $t = 1, 2, 3, \dots, m$

A_{t-1} = Permintaan aktual untuk periode sebelumnya

- c. Metode pemulusan eksponensial (*exponential smoothing*)

Secara matematis, metode ini dapat dinyatakan sebagai berikut:

$$F_t = F_{t-1} + \alpha(A_{t-1} - F_{t-1}) \quad (2.8)$$

Dimana:

F_t = Nilai ramalan untuk periode waktu t

F_{t-1} = Nilai ramalan untuk periode sebelumnya

A_{t-1} = Permintaan aktual untuk periode sebelumnya

α = Parameter/koefisien *smoothing*

$$\text{Nilai } \alpha = \frac{2}{N+1} \quad (2.9)$$

N = Jumlah data periode

2. Metode dekomposisi

Merupakan metode yang hasil peramalannya ditentukan dengan kombinasi dari fungsi-fungsi atau pola data yang ada seperti *trend*, siklus, dan musiman.

3. Metode regresi

Tujuan dari metode ini adalah mencari bentuk fungsi dari suatu data. Bentuk fungsi dari metode ini dapat berupa:

- a. Konstan, dengan fungsi peramalan (Y_t):

$$Y_t = a \quad (2.10)$$

Dimana:

$$a = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i}{N} \quad (2.11)$$

Keterangan :

N = jumlah periode

- b. Linier, dengan fungsi peramalan:

$$Y_t = a + bt \quad (2.12)$$

Dimana:

$$a = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i - b \sum_{i=1}^n t_i}{n} \quad (2.13)$$

$$b = \frac{n \sum_{i=1}^n t_i Y_i - \sum_{i=1}^n t_i \sum_{i=1}^n Y_i}{n - \sum_{i=1}^n t_i^2 - \sum_{i=1}^n (t_i)^2} \quad (2.14)$$

- c. Kuadratis, dengan fungsi peramalan:

$$Y_t = a + bt + ct^2 \quad (2.15)$$

Dimana:

$$a = \frac{\sum_{i=1}^n Y_i - b \sum_{i=1}^n t_i - c \sum_{i=1}^n t_i^2}{n} \quad (2.16)$$

$$b = \frac{\partial \delta - \theta \alpha}{\delta \beta - \alpha^2} \quad (2.17)$$

$$c = \frac{\theta - b \alpha}{\partial} \quad (2.18)$$

$$\partial = (\sum_{i=1}^n t_i^2)^2 - n \sum_{i=1}^n t_i^4 \quad (2.19)$$

$$\delta = \sum_{i=1}^n t_i \sum_{i=1}^n Y_i - n \sum_{i=1}^n t_i Y_i \quad (2.20)$$

$$\theta = \sum_{i=1}^n t_i^2 \sum_{i=1}^n Y_i - n \sum_{i=1}^n t_i^2 Y_i \quad (2.21)$$

$$\alpha = \sum_{i=1}^n t_i^2 \sum_{i=1}^n t_i^m - n \sum_{i=1}^n t_i^3 \quad (2.22)$$

- d. Eksponensial, dengan fungsi peramalan:

$$Y_t = ae^{bt} \quad (2.23)$$

Dimana:

$$\ln a = \frac{\sum_{i=1}^n \ln Y_i - b \sum_{i=1}^n t_i}{n} \quad (2.24)$$

$$\ln a = \frac{n \sum_{i=1}^n t_i \ln Y_i - \sum_{i=1}^n t_i \sum_{i=1}^n \ln Y_i}{n} \quad (2.25)$$

e. Siklis, dengan fungsi peramalan:

$$Y = a + b \sin \frac{2\pi t}{n} + c \cos \frac{2\pi t}{n} \quad (2.26)$$

Dimana:

$$\sum_{i=1}^m Y_i = na + b \sum_{i=1}^m \left(\sin \frac{2\pi t_i}{n} \right) + c \sum_{i=1}^m \left(\cos \frac{2\pi t_i}{n} \right) \quad (2.27)$$

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^m Y_i \sin \frac{2\pi t_i}{n} &= a \sum_{i=1}^m \sin \frac{2\pi t_i}{n} + \\ &b \sum_{i=1}^m \sin^2 \frac{2\pi t_i}{n} + c \sum_{i=1}^m \sin \frac{2\pi t_i}{n} \cos \frac{2\pi t_i}{n} \end{aligned} \quad (2.28)$$

$$\begin{aligned} \sum_{i=1}^m Y_i \cos \frac{2\pi t_i}{n} &= a \sum_{i=1}^m \cos \frac{2\pi t_i}{n} + \\ &c \sum_{i=1}^m \cos^2 \frac{2\pi t_i}{n} + b \sum_{i=1}^m \sin \frac{2\pi t_i}{n} \cos \frac{2\pi t_i}{n} \end{aligned} \quad (2.29)$$

2.3.3 Analisa Kesalahan Peramalan

Hasil perkiraan ramalan yang tepat atau paling tidak dapat memberikan gambaran yang paling mendekati sehingga rencana yang dibuat merupakan rencana yang realistik. Kesalahan yang kecil memberikan arti ketelitian peramalan tinggi, keakuratan hasil peramalan tinggi, begitu pula sebaliknya. Parameter kesalahan suatu peramalan secara statistik dapat dihitung dengan menggunakan beberapa rumus seperti terlihat dalam tabel 2.1.

Tabel 2.1. Ukuran Statistik Parameter Kesalahan Peramalan

No.	Parameter Kesalahan	Rumus	Keterangan
1	Mean Error (ME)	$ME = \frac{\sum_{i=1}^n e_i}{n}$	X_t = data aktual periode t F_t = nilai ramalan periode t n = banyaknya periode
2	Mean Absolute Error (MAE)	$MAE = \frac{\sum_{i=1}^n e_i }{n}$	f = derajat kebebasan e_i = banyaknya kesalahan
3	Sum of Squared Error (SSE)	$SSE = \sum_{i=1}^n e_i^2$	
4	Mean Square Error (MSE)	$MSE = \frac{\sum_{t=1}^n (X_t - F_t)^2}{n}$	
5	Standar Deviation Error (SDE)	$SDE = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^n (X_t - F_t)^2}{n-1}}$	
6	Standar Error of Estimate (SEE)	$SEE = \sqrt{\frac{\sum_{t=1}^n (X_t - F_t)^2}{n-f}}$	

Sumber : Nasution, Arman Hakim. (2003). *Perencanaan dan Pengendalian Produksi*.

2.3.4 Verifikasi dan Pengendalian Peramalan

Verifikasi peramalan dilakukan guna mendapatkan hasil peramalan yang benar-benar mencerminkan data masa lalu dan sistem sebab akibat yang mendasari permintaan tersebut. Bentuk yang paling sederhana adalah peta kontrol peramalan yang disebut peta *moving range*.

$$MR = |(\hat{y}_t - y_t) - (\hat{y}_{t-1} - y_{t-1})| \quad (2.30)$$

Rata-rata *moving range* didefinisikan : $\overline{MR} = \frac{\sum_{t=1}^m MR_t}{n-1}$ (2.31)

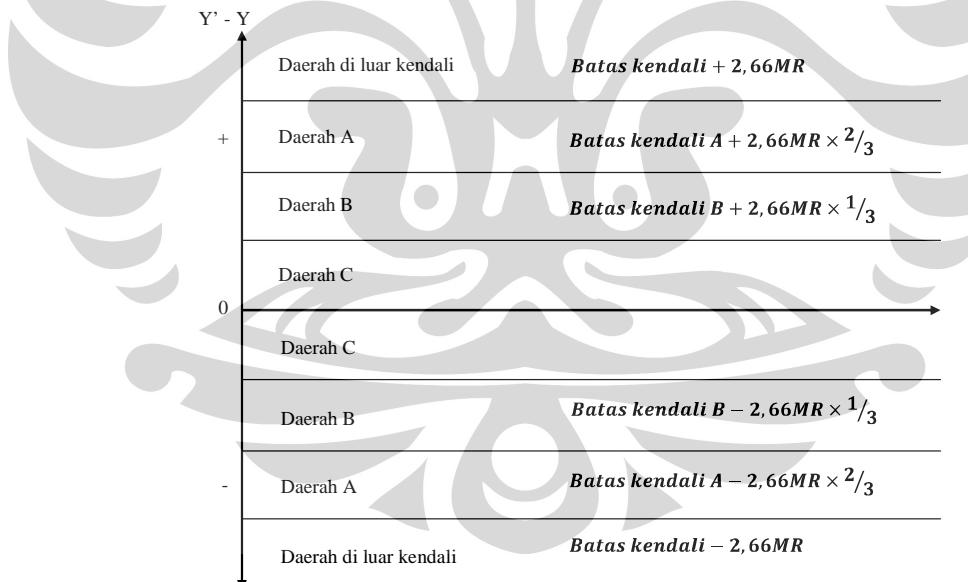
Garis tengah peta *moving range* : pada titik nol

Batas kontrol atas peta *moving range* : $BKA = +2,66\overline{MR}$ (2.32)

Batas kontrol bawah peta *moving range* : $BKB = -2,66\overline{MR}$ (2.33)

Variabel yang diplot : $\Delta y_t = \hat{y}_t - y$ (2.34)

Pada Gambar 2.3. menjelaskan pembagian daerah A, B, dan C pada peta *moving range*.



Gambar 2.3. Pembagian Daerah A, B, dan C pada Peta *Moving Range*

Kondisi *out of control* dapat diperiksa dengan menggunakan empat aturan berikut:

1. Aturan satu titik, bila ada titik sebaran ($Y' - Y$) berada di luar UCL dan LCL.
2. Aturan tiga titik, bila ada tiga buah titik secara berurutan berada pada salah satu sisi, yang mana dua diantaranya jatuh pada daerah A.

3. Aturan lima titik, bila ada lima buah titik secara berurutan berada pada salah satu sisi, yang mana empat diantaranya jatuh pada daerah B.
4. Aturan delapan titik, bila ada delapan buah titik secara berurutan berada pada salah satu sisi, pada daerah C.

2.4 Pemrograman Linier

Pemrograman linier adalah suatu model matematis yang berkarakteristik linier untuk menemukan suatu penyelesaian optimal dengan cara memaksimumkan atau meminimumkan fungsi tujuan terhadap suatu susunan kendala.

2.4.1 Model Pemrograman Linier

Model adalah abstraksi atau penyederhanaan realitas sistem yang kompleks dimana hanya komponen-komponen yang relevan atau faktor-faktor yang dominan dari masalah yang dianalisis. Jadi, model merupakan sebuah tiruan terhadap realitas¹⁵. Langkah untuk membuat peralihan dari realita ke model kuantitatif, dinamakan perumusan model. Model pemrograman linier mempunyai tiga unsur utama yaitu:

1. Variabel keputusan, merupakan varibel persoalan yang akan mempengaruhi nilai tujuan yang hendak dicapai.
2. Fungsi tujuan, merupakan tujuan yang hendak dicapai yang diwujudkan dalam sebuah fungsi matematik linier.
3. Fungsi kendala, merupakan pembatas terhadap kumpulan keputusan yang mungkin dibuat dan harus dituangkan ke dalam fungsi matematik linier. Ada tiga macam kendala, yakni:
 - a. Kendala berupa pembatas, dituangkan ke dalam fungsi matematika berupa pertidaksamaan dengan tanda “ \leq ”.
 - b. Kendala berupa syarat, dituangkan ke dalam fungsi matematika berupa pertidaksamaan dengan tanda “ \geq ”.
 - c. Kendala berupa keharusa, dituangkan ke dalam fungsi matematika berupa persamaan dengan tanda “ $=$ ”.

¹⁵ Siswanto, *Riset Operasi*, Jilid 1, Penerbit Erlangga, 2006, h. 25, 29.

2.4.2 Bentuk Umum Model Pemrograman Linier

Fungsi tujuan:

$$\text{Maksimumkan/minimumkan: } Z = \sum_{j=1}^n C_j X_j \quad (2.35)$$

Terhadap fungsi kendala:

$$\begin{array}{lcl} a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \dots + a_{1n}X_n & \leq & b_1 \\ & \geq & \\ & \leq & \end{array} \quad (2.36)$$

$$\begin{array}{lcl} a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + \dots + a_{2n}X_n & \leq & b_2 \\ & \geq & \\ & \leq & \end{array} \quad (2.37)$$

$$\begin{array}{lcl} a_{i1}X_1 + a_{i2}X_2 + \dots + a_{in}X_n & \leq & b_i \\ & \geq & \\ & \leq & \end{array} \quad (2.38)$$

$$X_j \geq 0 \quad (2.39)$$

Dimana:

X_j : variabel keputusan ke-j

C_j : parameter fungsi tujuan ke-j

b_i : kapasitas kendala ke-i

a_{ij} : parameter fungsi kendala ke-i untuk varibel keputusan ke-j

i : 1, 2, ..., m

j : 1, 2, ..., n

2.4.3 Asumsi Model Pemrograman Linier

Program linier memiliki asumsi tertentu yang harus dipenuhi, yakni:

1. *Proportional.*

Dipenuhi jika kontribusi setiap variabel pada fungsi tujuan atau penggunaan sumber daya yang membatasi proporsional terhadap *level* nilai variabel. Jika harga per unit produk misalnya adalah sama berapapun jumlah yang dibeli, maka sifat proporsional dipenuhi.

2. *Additivity.*

Additivity menyatakan bahwa tidak ada bentuk perkalian silang di antara berbagai aktivitas. Sifat ini berlaku bagi fungsi tujuan maupun kendala.

3. *Divisibility.*

Asumsi ini menyatakan bahwa variabel keputusan diperbolehkan memiliki nilai yang tidak *integer*.

4. *Deterministic.*

Setiap parameter (koefisien fungsi objektif, ruas sisi kanan koefisien pembatas) diketahui secara pasti. Hal ini menunjukkan bahwa semua parameter model berupa konstanta.

2.4.4 Integer Programming

Pemrograman linier *integer* (*integer linear programming*) pada intinya berkaitan dengan *linier programming* dimana beberapa atau semua varibel memiliki nilai *integer* (bulat). *Integer programming* dibagi atas tiga jenis, yakni:

1. Program *integer* murni (*pure integer programming*), semua varibel keputusannya adalah *integer*.
2. Program *integer* campuran (*mixed integer programming*), sebagian keputusannya adalah *integer*.
3. Program *integer* 0-1 (*zero one integer programming*), varibel keputusannya hanya memiliki nilai 0 atau 1.

Model matematis untuk pemrograman linier *integer* serupa dengan model pemrograman linier, perbedaannya hanya ada penambahan 1 kendala bahwa varibelnya harus berupa bilangan bulat. Pada dasarnya *integer programming* merupakan analisis pasca optimal pemrograman linier. Jika program linier menghasilkan bilangan pecahan, maka untuk mendapat bilangan bulat yang optimal dilakukan dengan *integer programming*. Metode yang biasa diterapkan adalah metode percabangan dan pembatasan (*branch and bound*) serta algoritma bidang pemotong (*cutting plane*). Dari kepentingan praktisnya, metode *branch and bound* lebih sering digunakan.

2.4.5 Algoritma Branch and Bound

Branch and bound adalah sebuah metode untuk menghasilkan penyelesaian optimal pemrograman linier yang menghasilkan varibel-varibel keputusan bilangan bulat. Sesuai dengan namanya, metode ini membatasi penyelesaian

optimal yang akan menghasilkan bilangan pecahan dengan cara membuat cabang batas dan bawah bagi masing-masing variabel keputusan yang bernilai pecahan agar bernilai bulat sehingga setiap pembatasan akan menghasilkan cabang baru.¹⁶

Langkah kerja algoritma *branch and bound* untuk masalah maksimum adalah:

1. Penyelesaian model sebagai *linear programming* biasa dengan metode simpleks tanpa batasan *integer*.¹⁷
2. Meneliti solusi optimalnya, jika variabel yang diharapkan bernilai bulat telah memiliki nilai bulat maka solusi optimal telah tercapai. Tetapi jika tidak bernilai bulat maka dilanjutkan ke langkah 3.¹⁸
3. Nilai solusi desimal pada solusi yang layak dicabangkan ke dalam sub-sub masalah, tujuannya adalah untuk menghilangkan solusi kontinu yang tidak memenuhi persyaratan *integer*. Pencabangan dilakukan melalui kendala *mutually exclusive* dengan tujuan agar tidak ada solusi *integer* layak yang diikutsertakan.¹⁹
4. Untuk setiap sub masalah, nilai solusi optimal kontinu fungsi tujuan ditetapkan sebagai batas atas. Solusi *integer* terbaik dijadikan batas bawah. Sub-sub masalah yang memiliki batas atas kurang dari batas bawah tidak diikutsertakan pada analisis selanjutnya. Demikian dilakukan percabangan sampai diperoleh solusi optimal *integer*.²⁰

¹⁶ Siswanto, *Riset Operasi*, Jilid 1, Penerbit Erlangga, 2006, h. 25, 29.

¹⁷ Fien Zulfikariyah, *Operation Research*, Bayu Media, 2004, h. 249.

¹⁸ Fien Zulfikariyah, *Operation Research*, Bayu Media, 2004, h. 249.

¹⁹ Fien Zulfikariyah, *Operation Research*, Bayu Media, 2004, h. 249.

²⁰ Fien Zulfikariyah, *Operation Research*, Bayu Media, 2004, h. 249.

BAB 3

PENGUMPULAN DAN PENGOLAHAN DATA

3.1 Pengumpulan Data

3.1.1 Data Laba dari Setiap *Pumping Unit*

Setiap *pumping unit* yang dihasilkan Produsen *Pumping Unit* menghasilkan laba seperti pada tabel 3.1.

Tabel 3.1. Laba dari Setiap Penjualan *Pumping Unit*

No	<i>Pumping Unit</i>	Harga Penjualan	Biaya Produksi	Laba
1	C25	\$ 13.475,00 /unit	\$ 8.624,00 /unit	\$ 4.851,00 /unit
2	C114	\$ 26.007,14 /unit	\$ 16.644,57 /unit	\$ 9.362,57 /unit
3	C228	\$ 61.500,00 /unit	\$ 39.360,00 /unit	\$ 22.140,00 /unit

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.1.2 Data Waktu Siklus Tenaga Kerja

Pengukuran waktu operasi dilakukan dengan menggunakan *stopwatch*, waktu yang diambil adalah waktu siklus rata-rata tenaga kerja pada setiap stasiun kerja (S) yang dilakukan sebanyak 30 kali pengukuran. *Pumping unit* yang menjadi objek penelitian terdiri dari 3 jenis yakni C25, C114, dan C228. Operator yang diamati adalah operator yang telah mengetahui tujuan pengukuran waktu, bekerja dengan metode kerja yang telah ditetapkan perusahaan.

1. S₁ = Perakitan *pitman*
2. S₂ = Perakitan *horse head*
3. S₃ = Perakitan *samson post front*
4. S₄ = Perakitan *samson post rear*
5. S₅ = Perakitan *walking beam assy*
6. S₆ = Perakitan *gear reducer assy*
7. S₇ = Perakitan *frame assy*
8. S₈ = Perakitan *equalizer*
9. S₉ = Perakitan *frame extension*
10. S₁₀ = Perakitan *belt guard*
11. S₁₁ = Perakitan *counter weight*

**Tabel 3.2. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan
Pumping Unit Tipe C25**

Hitungan Ke-....	C25										
	Stasiun Kerja										
S1	S2	S3	S4	S5	S6	S7	S8	S9	S10	S11	
1	39290	27869	30299	29053	70452	61198	48291	36899	29681	27851	17099
2	39276	27853	30298	29065	70460	61177	48271	36874	29696	27898	17060
3	39297	27870	30262	29083	70478	61151	48251	36855	29677	27853	17064
4	39283	27888	30263	29088	70457	61153	48295	36894	29691	27859	17092
5	39299	27860	30299	29065	70468	61188	48280	36900	29679	27874	17099
6	39261	27898	30296	29060	70475	61177	48256	36900	29653	27855	17097
7	39250	27878	30281	29093	70500	61184	48285	36900	29666	27890	17078
8	39250	27888	30277	29081	70500	61183	48281	36861	29666	27856	17094
9	39254	27877	30257	29050	70494	61188	48287	36889	29663	27862	17080
10	39298	27875	30297	29090	70457	61165	48300	36889	29669	27861	17082
11	39263	27855	30257	29091	70496	61199	48270	36870	29660	27893	17058
12	39292	27880	30275	29067	70477	61164	48277	36885	29697	27882	17089
13	39258	27867	30286	29091	70480	61186	48264	36874	29691	27896	17082
14	39263	27876	30259	29062	70461	61167	48285	36884	29695	27873	17068
15	39281	27868	30286	29090	70489	61168	48266	36860	29686	27898	17051
16	39287	27892	30268	29061	70485	61171	48300	36866	29668	27895	17060
17	39269	27859	30271	29066	70472	61193	48289	36865	29675	27886	17050
18	39251	27892	30279	29062	70500	61153	48295	36890	29654	27900	17079
19	39273	27900	30260	29080	70494	61173	48256	36858	29686	27870	17057
20	39285	27877	30290	29053	70468	61182	48294	36893	29666	27871	17087
21	39253	27893	30265	29098	70461	61182	48281	36868	29667	27864	17087
22	39286	27871	30269	29058	70485	61181	48294	36889	29670	27890	17076
23	39265	27885	30267	29066	70489	61171	48272	36873	29683	27859	17051
24	39297	27852	30259	29056	70467	61188	48294	36860	29659	27874	17078
25	39268	27864	30265	29060	70486	61199	48256	36878	29669	27874	17064
26	39260	27900	30276	29056	70478	61156	48279	36880	29680	27851	17084
27	39269	27865	30251	29098	70468	61175	48297	36867	29693	27866	17098
28	39259	27883	30251	29080	70457	61171	48274	36875	29693	27878	17088
29	39280	27891	30300	29082	70495	61158	48291	36892	29681	27852	17062
30	39268	27886	30276	29053	70469	61187	48281	36862	29680	27851	17075

Sumber : Produsen Pumping Unit

**Tabel 3.3. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan
Pumping Unit Tipe C114**

Hitungan Ke-....	C114										
	Stasiun Kerja										
	S1	S2	S3	S4	S5	S6	S7	S8	S9	S10	S11
1	39041	27626	30063	28869	70271	60964	48070	36648	29459	27672	16851
2	39060	27631	30046	28842	70253	60953	48026	36656	29470	27651	16831
3	39065	27669	30028	28862	70231	60944	48046	36645	29445	27639	16864
4	39041	27628	30071	28835	70263	60970	48032	36649	29440	27645	16872
5	39073	27635	30068	28836	70264	60934	48062	36629	29431	27662	16848
6	39054	27660	30070	28872	70226	60956	48047	36637	29443	27636	16864
7	39052	27663	30038	28866	70227	60963	48063	36671	29458	27641	16865
8	39073	27669	30058	28869	70251	60940	48064	36632	29430	27666	16830
9	39035	27641	30049	28825	70263	60953	48053	36635	29429	27669	16854
10	39060	27646	30060	28851	70249	60975	48047	36673	29444	27666	16834
11	39059	27671	30039	28835	70262	60957	48053	36657	29447	27645	16849
12	39028	27674	30034	28835	70257	60939	48074	36661	29458	27650	16843
13	39071	27642	30032	28849	70247	60931	48072	36665	29460	27675	16856
14	39031	27633	30071	28831	70251	60944	48045	36646	29452	27675	16842
15	39037	27654	30057	28852	70241	60931	48035	36667	29455	27653	16830
16	39025	27660	30058	28847	70267	60927	48042	36673	29442	27675	16833
17	39074	27651	30061	28827	70227	60948	48031	36653	29439	27634	16873
18	39050	27651	30050	28866	70262	60945	48050	36674	29457	27659	16827
19	39051	27645	30035	28868	70238	60958	48059	36634	29434	27671	16853
20	39025	27662	30053	28874	70264	60944	48073	36638	29471	27638	16839
21	39064	27653	30038	28827	70241	60965	48041	36649	29449	27643	16862
22	39035	27672	30051	28842	70273	60971	48026	36633	29466	27665	16848
23	39031	27655	30026	28873	70250	60966	48071	36635	29459	27641	16849
24	39032	27645	30061	28865	70246	60962	48064	36636	29467	27632	16837
25	39028	27670	30030	28845	70270	60933	48037	36655	29437	27672	16838
26	39063	27628	30074	28842	70265	60926	48051	36634	29457	27660	16873
27	39064	27636	30068	28868	70238	60968	48065	36650	29453	27664	16849
28	39039	27674	30057	28875	70269	60963	48029	36661	29459	27629	16829
29	39025	27627	30029	28830	70231	60948	48067	36626	29471	27625	16825
30	39045	27628	30064	28841	70269	60942	48059	36630	29426	27639	16855

Sumber : Produsen Pumping Unit

**Tabel 3.4. Waktu Siklus Rata-Rata Tenaga Kerja pada Pembuatan
Pumping Unit Tipe C228**

Hitungan Ke-....	C228										
	Stasiun Kerja										
	S1	S2	S3	S4	S5	S6	S7	S8	S9	S10	S11
1	39101	27666	30063	28882	70266	60980	48064	36689	29500	27664	16899
2	39093	27658	30090	28882	70269	60962	48060	36664	29493	27695	16864
3	39089	27693	30101	28889	70268	60968	48058	36673	29479	27697	16869
4	39090	27685	30099	28897	70285	60988	48057	36688	29505	27689	16884
5	39105	27666	30066	28864	70277	61005	48059	36664	29495	27683	16876
6	39081	27675	30102	28886	70255	60962	48063	36688	29489	27656	16904
7	39070	27686	30077	28889	70270	60981	48075	36690	29462	27689	16895
8	39081	27685	30103	28874	70269	60966	48091	36663	29465	27666	16860
9	39061	27670	30061	28874	70294	60960	48079	36669	29455	27670	16872
10	39074	27681	30101	28891	70300	60972	48101	36679	29487	27680	16875
11	39099	27664	30081	28894	70256	60955	48065	36656	29462	27702	16891
12	39066	27694	30055	28899	70267	60984	48063	36662	29461	27658	16898
13	39055	27682	30077	28890	70264	60993	48057	36668	29468	27669	16886
14	39060	27689	30104	28863	70292	60995	48101	36700	29477	27688	16863
15	39067	27666	30068	28883	70263	61002	48064	36695	29485	27675	16897
16	39055	27686	30079	28862	70271	60988	48057	36681	29458	27686	16857
17	39103	27700	30093	28880	70291	60965	48082	36671	29468	27687	16857
18	39067	27679	30069	28891	70296	60974	48096	36688	29500	27679	16903
19	39071	27661	30097	28863	70303	60983	48088	36659	29488	27700	16892
20	39097	27702	30058	28899	70259	60980	48072	36666	29455	27656	16898
21	39069	27656	30061	28884	70268	60973	48078	36689	29464	27666	16894
22	39078	27687	30081	28872	70304	60989	48095	36682	29477	27702	16892
23	39069	27671	30093	28901	70266	60964	48103	36688	29471	27678	16904
24	39066	27663	30083	28855	70287	60977	48071	36698	29490	27673	16875
25	39099	27683	30061	28876	70279	60989	48089	36681	29460	27685	16872
26	39094	27662	30095	28894	70289	60983	48105	36668	29476	27701	16899
27	39067	27663	30083	28892	70260	60973	48068	36698	29500	27703	16897
28	39092	27697	30095	28900	70299	60957	48086	36679	29504	27692	16887
29	39061	27686	30066	28859	70260	60971	48061	36690	29491	27683	16874
30	39057	27702	30055	28896	70268	60977	48080	36689	29459	27697	16859

Sumber : Produsen Pumping Unit

3.1.3 Data Jumlah Tenaga Kerja

Jumlah tenaga kerja pada Produsen *Pumping Unit* untuk bagian produksi *pumping unit* dapat dilihat pada tabel 3.5.

Tabel 3.5. Data Jumlah Tenaga Kerja Produksi *Pumping Unit*

No	Departemen Produksi	Jumlah Tenaga Kerja
1	<i>Pitman</i>	5
2	<i>Horsehead</i>	3
3	<i>Samson Post Front</i>	3
4	<i>Samson Post Rear</i>	3
5	<i>Walking Beam Assembly</i>	12
6	<i>Gear Reducer Assembly</i>	12
7	<i>Frame Assembly</i>	5
8	<i>Equalizer</i>	3
9	<i>Frame Extension</i>	3
10	<i>Belt Guard</i>	3
11	<i>Counter Weight</i>	2

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.1.4 Data Jumlah Hari Kerja

Produksi *pumping unit* di Produsen *Pumping Unit* dilaksanakan pada hari Senin sampai Jumat. Dalam penelitian ini yang menjadi kendala adalah jam kerja bagian produksi. Rata-rata jumlah hari kerja efektif bagian produksi pada Produsen *Pumping Unit* dalam satu bulan adalah 20 hari kerja. Untuk 1 hari jam kerja adalah 8 jam. Adapun jumlah waktu kerja yang tersedia pada bagian produksi Produsen *Pumping Unit* selama tahun 2010 dapat dilihat pada tabel 3.6.

Tabel 3.6. Data Waktu Kerja Tersedia Tahun 2010

Tahun	Bulan	Jumlah Hari Kerja	Total Waktu Kerja Tersedia (Jam)	Total Waktu Kerja Tersedia (Menit)	Total Waktu Kerja Tersedia (Detik)
2010	September	14	112	6720	403200
	Oktober	21	168	10080	604800
	November	22	176	10560	633600
	Desember	22	176	10560	633600
TOTAL		79	632	37920	2275200

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.1.5 Data Penjualan

Data penjualan *pumping unit* dari Produsen *Pumping Unit* diperlukan untuk meramalkan jumlah permintaan akan produk tersebut pada masa yang akan datang. Data penjualan yang dikumpulkan adalah penjualan selama 4 tahun terakhir tahun 2007 – 2010. Data penjualan tersebut dapat dilihat pada tabel 3.7.

Tabel 3.7. Total Penjualan *Pumping Unit* Periode Tahun 2007-2010

Bulan	C25				C114				C228			
	2007	2008	2009	2010	2007	2008	2009	2010	2007	2008	2009	2010
1	0	0	0	0	15	55	30	13	0	0	0	0
2	0	0	0	0	14	53	25	12	0	0	0	1
3	1	0	0	0	19	55	76	7	1	0	0	1
4	1	0	0	0	18	51	36	8	1	0	0	1
5	1	0	0	0	18	63	52	25	1	0	0	1
6	1	0	0	0	19	54	42	35	1	0	0	1
7	1	0	0	0	19	53	20	15	1	0	0	1
8	0	0	0	0	19	52	20	15	1	0	0	1
9	0	0	0		9	45	10		2	0	0	
10	0	0	0		9	46	30		2	1	0	
11	0	0	0		10	49	20		1	2	0	
12	0	0	0		9	15	44		1	0	0	
TOTAL	5	0	0	0	178	591	405	130	12	3	0	7

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.1.6 Data Pemakaian dan Kapasitas Gudang Bahan Baku

Pemakaian bahan baku dan bahan tambahan berbeda-beda tergantung dari jenis produk yang akan diproduksi. Gudang bahan baku juga memiliki kapasitas terbatas. Data pemakaian dari bahan baku untuk tiap jenis *pumping unit* dan kapasitas gudang per bulan dapat dilihat pada tabel 3.8. dan 3.9.

Tabel 3.8. Data Pemakaian Bahan untuk Tiap Jenis *Pumping Unit*

No	Keterangan	Material	Satuan	C25		C114		C228	
				Pemakaian Bahan					
1	Exp. Metal T = 2,3	SS400	4' x 8'	1,0	Lbr	-	Lbr	0,77	Lbr
2	Exp. Metal T = 3,2	SS400	4' x 8'	-	Lbr	0,12	Lbr	0,33	Lbr
3	PL. T = 3,2	SS400	4' x 8'	0,2	Lbr	1,72	Lbr	1,33	Lbr
4	PL. T = 4,5	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	0,04	Lbr	0,33	Lbr

Tabel 3.8. Data Pemakaian Bahan untuk Tiap Jenis *Pumping Unit* (Sambungan)

No	Keterangan	Material	Satuan	C25		C114		C228	
				Pemakaian Bahan					
5	PL. T = 6	SS400	4' x 8'	1,0	Lbr	0,16	Lbr	0,33	Lbr
6	PL. T = 9	SS400	4' x 8'	0,2	Lbr	0,12	Lbr	0,67	Lbr
7	PL. T = 10	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	-	Lbr	-	Lbr
8	PL. T = 10	SS400	5' x 20'	-	Lbr	0,92	Lbr	1,00	Lbr
9	PL. T = 12	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	-	Lbr	-	Lbr
10	PL. T = 12	SS400	5' x 20'	-	Lbr	0,52	Lbr	1,00	Lbr
11	PL. T = 16	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	0,44	Lbr	0,33	Lbr
12	PL. T = 19	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	-	Lbr	0,33	Lbr
13	PL. T = 22	SS400	4' x 8'	-	Lbr	-	Lbr	0,33	Lbr
14	PL. T = 25	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	0,48	Lbr	1,00	Lbr
15	PL. T = 32	SS400	4' x 8'	-	Lbr	0,04	Lbr	0,13	Lbr
16	PL. T = 38	SS400	4' x 8'	0,1	Lbr	-	Lbr	0,07	Lbr
17	PL. T = 50	SS400	4' x 8'	-	Lbr	0,04	Lbr	0,07	Lbr
18	FB 5 x 25	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,12	Btg	-	Btg
19	FB 9 x 38	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	3,16	Btg	-	Btg
20	WF 150 x 75 x 5 x 7	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	0,4	Btg	-	Btg
21	WF 200 x 100 x 5,5 x 8	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	0,67	Btg
22	WF 200 x 150 x 6 x 9	SS400	L = 8800 mm	-	Btg	1	Btg	-	Btg
23	WF 200 x 150 x 6 x 9	SS401	L = 9000 mm	-	Btg	-	Btg	1,00	Btg
24	WF 300 X 150 X 6,5 X 9 - 24,66 #	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	-	Btg
25	WF 350 x 175 x 9 x 12	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	0,4	Btg	-	Btg
26	WF 400 x 200 x 8 x 13	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	1	Btg	0,33	Btg
27	WF 400 x 225 x 12 x 9	SS400	L = 1800 mm	-	Btg	1	Btg	-	Btg
28	WF 450 x 200 x 9 x 14	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	-	Btg	-	Btg
29	WF 450 x 250 x 12 x 19	SS400	L = 1600 mm	-	Btg	-	Btg	0,67	Btg
30	WF 611,1 x 323,8 x 12,7 x 19,05 (24 x 104 #)	SS400	L = 11000 mm	-	Btg	-	Btg	1,00	Btg
31	WF 617 x 230 x 13 x 22 (24 x 94 #)	SS400	L = 9500 mm	-	Btg	0,52	Btg	-	Btg
32	UNP Channal 100 x 50 x 5	SS400	L = 6000 mm	2,0	Btg	-	Btg	-	Btg
33	H 200 x 200 x 8 x 12	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
34	H 208 x 202 x 10 x 16	SS400	L = 7200 mm	-	Btg	0,52	Btg	-	Btg
35	L 30 x 30 x 3	SS400	L = 6000 mm	1,0	Btg	0,08	Btg	-	Btg
36	L 40 x 40 x 4	SS400	L = 6000 mm	4,0	Btg	-	Btg	1,00	Btg
37	L 50 x 50 x 5	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	1,24	Btg	-	Btg
38	L 50 x 50 x 5	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	-	Btg
39	L 60 x 60 x 6	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	1,64	Btg	0,67	Btg
40	L 60 x 60 x 6	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	-	Btg
41	L 70 x 70 x 7	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,36	Btg	-	Btg

Tabel 3.8. Data Pemakaian Bahan untuk Tiap Jenis *Pumping Unit* (Sambungan)

No	Keterangan	Material	Satuan	C25		C114		C228	
				Pemakaian Bahan	Btg	Pemakaian Bahan	Btg	Pemakaian Bahan	Btg
42	L 75 x 75 x 7	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,67	Btg
43	L 90 x 90 x 9	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	2,33	Btg
44	L 100 x 100 x 10	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,6	Btg	0,33	Btg
45	L 120 x 120 x 12	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,6	Btg	-	Btg
46	L 150 x 150 x 12	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
47	L 150 x 150 x 15	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,2	Btg	0,33	Btg
48	RHS 60 x 30 x 3,2	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	-	Btg
49	FB 5 x 25	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
50	FB 5 x 25	SS400	L = 12000 mm	1,0	Btg	-	Btg	-	Btg
51	FB 9 x 38	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	4,00	Btg
52	RB DIA = 6	SS400	L = 12000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
53	RB DIA = 9	SS400	L = 12000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
54	RB DIA = 12	SS400	L = 12000 mm	0,1	Btg	-	Btg	0,33	Btg
55	RB DIA = 16	SS400	L = 12000 mm	0,3	Btg	0,24	Btg	0,67	Btg
56	RB DIA = 19	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	1,64	Btg	1,00	Btg
57	RB DIA = 25	SS400	L = 12000 mm	-	Btg	0,12	Btg	0,33	Btg
58	Shaft Ø = 1/2"	S45C	L = 6000 mm	1,0	Btg	0,36	Btg	1,33	Btg
59	Shaft Ø = 1"	SS400	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	0,33	Btg
60	Shaft Ø = 1"	ASB709	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
61	Shaft Ø = 1 1/4"	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,04	Btg	-	Btg
62	Shaft Ø = 1 1/2"	SS400	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
63	Shaft Ø = 1 1/2"	AISI 4140	L = 6000 mm	-	Btg	0,08	Btg	-	Btg
64	Shaft Ø = 1 3/4"	AISI 4140	L = 6000 mm	-	Btg	0,08	Btg	-	Btg
65	Shaft Ø = 2"	SS400	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
66	Shaft Ø = 2 1/4"	ASB709	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
67	Shaft Ø = 2 1/2"	ASB709	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
68	Shaft Ø = 3"	ASB709	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
69	Shaft Ø = 4"	SS400	L = 350 mm	-	Btg	-	Btg	1,00	Btg
70	Shaft Ø = 4"	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,08	Btg	-	Btg
71	Shaft Ø = 4"	S45C	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
72	Shaft Ø = 4"	AISI 4140	L = 6000 mm	0,1	Btg	0,24	Btg	-	Btg
73	Shaft Ø = 4"	ASB709	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
74	Shaft Ø = 5"	SS400	L = 60 mm	-	Btg	-	Btg	1,00	Btg
75	Shaft Ø = 5"	AISI 4140	L = 425 mm	-	Btg	-	Btg	1,33	Btg
76	Shaft Ø = 5"	AISI 4140	L = 6000 mm	-	Btg	0,08	Btg	-	Btg
77	Shaft Ø = 6"	S45C	L = 6000 mm	-	Btg	0,04	Btg	-	Btg
78	Shaft Ø = 7"	AISI 4140	L = 540 mm	-	Btg	-	Btg	1,00	Btg

Tabel 3.8. Data Pemakaian Bahan untuk Tiap Jenis *Pumping Unit* (Sambungan)

No	Keterangan	Material	Satuan	C25		C114		C228	
				Pemakaian Bahan	Pemakaian Bahan	Pemakaian Bahan	Pemakaian Bahan		
79	Pipe SGP 1/2"	SS400	L = 6000 mm	0,1	Btg	-	Btg	-	Btg
80	Pipe SGP 3/4"	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,08	Btg	-	Btg
81	Pipe SGP 3/4"	A53	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
82	Pipe SGP 1"	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	0,04	Btg	-	Btg
83	Pipe SGP 1"	A53	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
84	Pipe SGP 1 1/4"	SS400	L = 6000 mm	-	Btg	1,96	Btg	-	Btg
85	Pipe SCH 80 3/4"	A53	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
86	Pipe SCH 80 1"	A53	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg
87	Pipe Hitam STK 5"	A53	L = 6000 mm	-	Btg	-	Btg	0,33	Btg

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

Gudang memiliki kapasitas terbatas untuk bahan baku pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13. Hal ini disebabkan biaya simpan tinggi untuk ketiga jenis bahan ini. Selain itu, bahan baku pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13 juga sering mengalami kendala dalam persediaan karena harus menunggu pengiriman. Sementara bahan-bahan lainnya tidak memiliki kendala dalam kapasitas gudang dan juga dalam persediaan bahan di gudang. Oleh karena itu kapasitas bahan yang menjadi kendala penelitian ini adalah pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13.

Tabel 3.9. Kapasitas Gudang

No	Keterangan	Material	Satuan	Kapasitas/bulan
1	PL. $T = 4,5$	SS400	4' x 8'	10
2	WF 400 x 200 x 8 x 13	SS400	L = 12000 mm	50
3	RB DIA = 16	SS400	L = 12000 mm	35

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.1.7 Data Jumlah Produksi yang Memenuhi Batasan BEP

Perusahaan menetapkan jumlah produksi minimum yang harus dicapai untuk dapat memenuhi batasan *break even point* dalam unit produksi. Perusahaan dikatakan dalam keadaan *break even* apabila jumlah penghasilannya adalah sama

dengan jumlah biaya. Jumlah produksi minimum untuk September-Desember tahun 2010 dapat dilihat pada tabel 3.10.

Tabel 3.10. Jumlah Produksi Minimum

Bulan	<i>Pumping Unit</i>		
	C25	C114	C228
September	0	4	1
Oktober	0	6	1
November	0	7	1
Desember	0	8	1

Sumber : Produsen *Pumping Unit*

3.2 Pengolahan Data

3.2.1 Penentuan Fungsi Tujuan

Fungsi tujuan dari model ini adalah untuk memaksimumkan laba (Z) dari setiap *pumping unit* yang diproduksi. Pada tabel 3.1. telah dipaparkan bahwa laba dari setiap penjualan *pumping unit* adalah:

1. C25 : \$ 4.851,00/unit
2. C114 : \$ 9.362,57/unit
3. C228 : \$ 22.140,00/unit

Secara matematis formulasi untuk fungsi tujuan dapat dituliskan sebagai berikut:

$$\text{Maksimumkan } Z = \sum_{j=1}^n C_j \times X_j \quad (3.1)$$

Z = laba yang ingin dicapai dari seluruh *pumping unit* yang diproduksi

C_j = laba untuk produksi *pumping unit* ke- j

X_j = jumlah produksi optimal (variabel keputusan jenis *pumping unit* ke- j)

j = jenis *pumping unit* ke-1, 2, ..., n

Dimana variabel keputusan yang akan dicari solusi oprimalnya adalah:

X_1 = *pumping unit* tipe C25

X_2 = *pumping unit* tipe C114

X_3 = *pumping unit* tipe C228

Maka formulasi fungsi tujuan dari penelitian ini dapat dituliskan sebagai berikut:

$$\text{Maks. } Z = 4851X_1 + 9362,57X_2 + 22140X_3 \quad (3.2)$$

3.2.2 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Pertama

1. Uji keseragaman dan kecukupan data waktu siklus tenaga kerja

Uji keseragaman data dilakukan untuk melihat apakah data yang diambil sudah seragam atau tidak. Data dikatakan seragam apabila data berada pada batas kontrol atas (BKA) dan batas kontrol bawah (BKB). Perhitungan uji keseragaman data untuk *pumping unit* C25 adalah sebagai berikut:

- Mengelompokkan data ke dalam subgrup dengan anggota yang sama secara berurutan. Pengelompokan data ini dapat dilihat pada tabel 3.11.

Tabel 3.11. Pengelompokan Data Waktu Kecepatan Rata-Rata Operasi Perakitan Pitman (S1) dalam Sub Grup

Sub Grup	Anggota Sub Grup (detik)						Harga Rata-Rata
1	39290	39276	39297	39283	39299	39261	39284,33
2	39250	39250	39254	39298	39263	39292	39267,83
3	39258	39263	39281	39287	39269	39251	39268,17
4	39273	39285	39253	39286	39265	39297	39276,50
5	39268	39260	39269	39259	39280	39268	39267,33
Jumlah							196364,17

- Menentukan nilai rata-rata dan standar deviasi

$$(\bar{x}) = \frac{\sum x_i}{k} = \frac{196364,17}{5} = 39272,83 \quad (3.4)$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (x_i - \bar{x})^2}{n-1}} \quad (3.5)$$

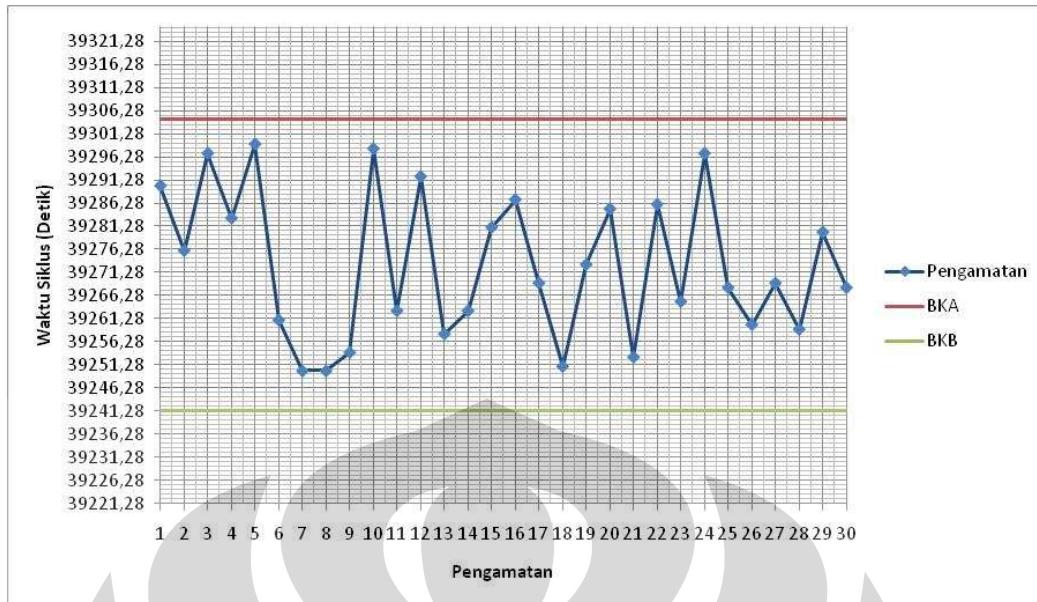
$$\sigma = \sqrt{\frac{(39290-39272,83)^2 + (39276-39272,83)^2 + \dots + (39268-39272,83)^2}{30-1}}$$

$$\sigma = 15,77$$

- Menentukan nilai batas kontrol atas (BKA) dan batas kontrol bawah (BKB)

$$BKA = \bar{x} + k \times \sigma = 39272,83 + 2 \times 15,77 = 39304,38 \quad (3.6)$$

$$BKB = \bar{x} - k \times \sigma = 39272,83 - 2 \times 15,77 = 39241,28 \quad (3.7)$$



Gambar 3.1. Control Chart Uji Keseragaman

Dari gambar 3.1. dapat dilihat bahwa semua data pengamatan berada dalam batas kontrol. Hal ini berarti data yang dikumpulkan seragam. Rekapitulasi hasil pengujian keseragaman waktu siklus untuk jenis *pumping unit* C25 dapat dilihat pada tabel 3.13.

Sedangkan uji kecukupan data dilakukan untuk melihat apakah jumlah data yang diambil pada saat pengamatan mencukupi untuk dilakukan perhitungan. Pada penelitian ini digunakan tingkat ketelitian 5% dan tingkat kepercayaan sebesar 95%. Untuk menghitung kecukupan data dapat dihitung dengan rumus sebagai berikut:

$$N' = \left(\frac{40 \sqrt{\left(N \sum_{j=1}^N X_j^2 - (\sum_{j=1}^N X_j)^2 \right)}}{\sum_{j=1}^N X_j} \right)^2 \quad (3.8)$$

Dimana:

N = jumlah pengamatan pendahuluan yang dilakukan

N' = jumlah pengamatan yang diperlukan

X_j = data pengamatan ke- j ($j = 1, 2, 3, \dots, n$)

Perhitungan uji kecukupan data untuk *pumping unit* C25 stasiun perakitan *pitman* (S1) yaitu:

$$N' = \left(\frac{40 \sqrt{(30(39290^2 + 39276^2 + \dots + 39268^2)) - (39290 + 39276 + \dots + 39268)^2}}{(39290 + 39276 + \dots + 39268)} \right)^2$$

$$N' = 0,0003$$

Karena $N' < N$, maka data yang dikumpulkan dinyatakan cukup. Rekapitulasi hasil pengujian kecukupan data untuk tiap jenis *pumping unit* dapat dilihat pada tabel 3.12.

Tabel 3.12. Uji Kecukupan Data Waktu Siklus Pembuatan *Pumping Unit* Tipe C25, C114, dan C228

Stasiun Kerja	N'			Keterangan
	C25	C114	C228	
Pitman (S1)	0,0002	0,0003	0,0003	Cukup
Horse Head (S2)	0,0004	0,0005	0,0004	Cukup
Samson Post Front (S3)	0,0004	0,0004	0,0005	Cukup
Samson Post Rear (S4)	0,0004	0,0005	0,0003	Cukup
Walking Beam Assy (S5)	0,0001	0,0001	0,0001	Cukup
Gear Reducer Assy (S6)	0,0001	0,0001	0,0001	Cukup
Frame Assy (S7)	0,0001	0,0002	0,0002	Cukup
Equalizer (S8)	0,0002	0,0003	0,0002	Cukup
Frame Extension (S9)	0,0003	0,0003	0,0005	Cukup
Belt Guard (S10)	0,0005	0,0005	0,0004	Cukup
Counter Weight (S11)	0,0013	0,0011	0,0013	Cukup

Tabel 3.13. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan Pumping Unit Tipe C25

Stasiun Kerja	Sub Grup	Anggota Sub Grup (Detik)							Harga Rata-Rata	Jumlah Harga Rata-rata	Standar Deviasi	BKA	BKB	Ket.
<i>Pitman (S1)</i>	1	39290	39276	39297	39283	39299	39261	39284,33	39272,83	15,77	39304,38	39241,28	Seragam	
	2	39250	39250	39254	39298	39263	39292	39267,83						
	3	39258	39263	39281	39287	39269	39251	39268,17						
	4	39273	39285	39253	39286	39265	39297	39276,50						
	5	39268	39260	39269	39259	39280	39268	39267,33						
<i>Horse Head (S2)</i>	1	27869	27853	27870	27888	27860	27898	27873,00	27877,07	14,12	27905,30	27848,83	Seragam	
	2	27878	27888	27877	27875	27855	27880	27875,50						
	3	27867	27876	27868	27892	27859	27892	27875,67						
	4	27900	27877	27893	27871	27885	27852	27879,67						
	5	27864	27900	27865	27883	27891	27886	27881,50						
<i>Samson Post Front (S3)</i>	1	30299	30298	30262	30263	30299	30296	30286,17	30274,63	15,50	30305,63	30243,63	Seragam	
	2	30281	30277	30257	30297	30257	30275	30274,00						
	3	30286	30259	30286	30268	30271	30279	30274,83						
	4	30260	30290	30265	30269	30267	30259	30268,33						
	5	30265	30276	30251	30251	30300	30276	30269,83						
<i>Samson Post Rear (S4)</i>	1	29053	29065	29083	29088	29065	29060	29069,00	29071,93	15,46	29102,85	29041,02	Seragam	
	2	29093	29081	29050	29090	29091	29067	29078,67						
	3	29091	29062	29090	29061	29066	29062	29072,00						
	4	29080	29053	29098	29058	29066	29056	29068,50						
	5	29060	29056	29098	29080	29082	29053	29071,50						
<i>Walking Beam Assy (S5)</i>	1	70452	70460	70478	70457	70468	70475	70465,00	70477,27	14,88	70507,02	70447,51	Seragam	
	2	70500	70500	70494	70457	70496	70477	70487,33						
	3	70480	70461	70489	70485	70472	70500	70481,17						
	4	70494	70468	70461	70485	70489	70467	70477,33						
	5	70486	70478	70468	70457	70495	70469	70475,50						
<i>Gear Reducer Assy (S6)</i>	1	61198	61177	61151	61153	61188	61177	61174,00	61176,27	13,89	61204,05	61148,48	Seragam	
	2	61184	61183	61188	61165	61199	61164	61180,50						
	3	61186	61167	61168	61171	61193	61153	61173,00						
	4	61173	61182	61182	61181	61171	61188	61179,50						
	5	61199	61156	61175	61171	61158	61187	61174,33						
<i>Frame Assy (S7)</i>	1	48291	48271	48251	48295	48280	48256	48274,00	48280,40	14,21	48308,83	48251,97	Seragam	
	2	48285	48281	48287	48300	48270	48277	48283,33						
	3	48264	48285	48266	48300	48289	48295	48283,17						
	4	48256	48294	48281	48294	48272	48294	48281,83						
	5	48256	48279	48297	48274	48291	48281	48279,67						
<i>Equalizer (S8)</i>	1	36899	36874	36855	36894	36900	36900	36887,00	36878,33	14,32	36906,98	36849,69	Seragam	
	2	36900	36861	36889	36889	36870	36885	36882,33						
	3	36874	36884	36860	36866	36865	36890	36873,17						
	4	36858	36893	36868	36889	36873	36860	36873,50						
	5	36878	36880	36867	36875	36892	36862	36875,67						
<i>Frame Extension (S9)</i>	1	29681	29696	29677	29691	29679	29653	29679,50	29676,47	12,96	29702,39	29650,55	Seragam	
	2	29666	29666	29663	29669	29660	29697	29670,17						
	3	29691	29695	29686	29668	29675	29654	29678,17						
	4	29686	29666	29667	29670	29683	29659	29671,83						
	5	29669	29680	29693	29693	29681	29680	29682,67						
<i>Belt Guard (S10)</i>	1	27851	27898	27853	27859	27874	27855	27865,00	27872,73	16,56	27905,85	27839,62	Seragam	
	2	27890	27856	27862	27861	27893	27882	27874,00						
	3	27896	27873	27898	27895	27886	27900	27891,33						
	4	27870	27871	27864	27890	27859	27874	27871,33						
	5	27874	27851	27866	27878	27852	27851	27862,00						
<i>Counter Weight (S11)</i>	1	17099	17060	17064	17092	17099	17097	17085,17	17076,30	15,49	17107,28	17045,32	Seragam	
	2	17078	17094	17080	17082	17058	17089	17080,17						
	3	17082	17068	17051	17060	17050	17079	17065,00						
	4	17057	17087	17087	17076	17051	17078	17072,67						
	5	17064	17084	17098	17088	17062	17075	17078,50						

Tabel 3.14. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan Pumping Unit Tipe C114

Stasiun Kerja	Sub Grup	Anggota Sub Grup (Detik)							Harga Rata-Rata	Jumlah Harga Rata-rata	Standar Deviasi	BKA	BKB	Ket.
<i>Pitman (S1)</i>	1	39041	39060	39065	39041	39073	39054	39055,67	39047,70	16,42	39080,5	39014,9	Seragam	
	2	39052	39073	39035	39060	39059	39028	39051,17						
	3	39071	39031	39037	39025	39074	39050	39048,00						
	4	39051	39025	39064	39035	39031	39032	39039,67						
	5	39028	39063	39064	39039	39025	39045	39044,00						
<i>Horse Head (S2)</i>	1	27626	27631	27669	27628	27635	27660	27641,50	27649,97	16,19	27682,4	27617,6	Seragam	
	2	27663	27669	27641	27646	27671	27674	27660,67						
	3	27642	27633	27654	27660	27651	27651	27648,50						
	4	27645	27662	27653	27672	27655	27645	27655,33						
	5	27670	27628	27636	27674	27627	27628	27643,83						
<i>Samson Post Front (S3)</i>	1	30063	30046	30028	30071	30068	30070	30057,67	30051,30	15,01	30081,3	30021,3	Seragam	
	2	30038	30058	30049	30060	30039	30034	30046,33						
	3	30032	30071	30057	30058	30061	30050	30054,83						
	4	30035	30053	30038	30051	30026	30061	30044,00						
	5	30030	30074	30068	30057	30029	30064	30053,67						
<i>Samson Post Rear (S4)</i>	1	28869	28842	28862	28835	28836	28872	28852,67	28850,63	16,69	28884	28817,2	Seragam	
	2	28866	28869	28825	28851	28835	28835	28846,83						
	3	28849	28831	28852	28847	28827	28866	28845,33						
	4	28868	28874	28827	28842	28873	28865	28858,17						
	5	28845	28842	28868	28875	28830	28841	28850,17						
<i>Walking Beam Assy (S5)</i>	1	70271	70253	70231	70263	70264	70226	70251,33	70252,20	14,82	70281,8	70222,6	Seragam	
	2	70227	70251	70263	70249	70262	70257	70251,50						
	3	70247	70251	70241	70267	70227	70262	70249,17						
	4	70238	70264	70241	70273	70250	70246	70252,00						
	5	70270	70265	70238	70269	70231	70269	70257,00						
<i>Gear Reducer Assy (S6)</i>	1	60964	60953	60944	60970	60934	60956	60953,50	60950,67	14,26	60979,2	60922,1	Seragam	
	2	60963	60940	60953	60975	60957	60939	60954,50						
	3	60931	60944	60931	60927	60948	60945	60937,67						
	4	60958	60944	60965	60971	60966	60962	60961,00						
	5	60933	60926	60968	60963	60948	60942	60946,67						
<i>Frame Assy (S7)</i>	1	48070	48026	48046	48032	48062	48047	48047,17	48051,80	15,10	48082	48021,6	Seragam	
	2	48063	48064	48053	48047	48053	48074	48059,00						
	3	48072	48045	48035	48042	48031	48050	48045,83						
	4	48059	48073	48041	48026	48071	48064	48055,67						
	5	48037	48051	48065	48029	48067	48059	48051,33						
<i>Equalizer (S8)</i>	1	36648	36656	36645	36649	36629	36637	36644,00	36648,40	14,88	36678,2	36618,6	Seragam	
	2	36671	36632	36635	36673	36657	36661	36654,83						
	3	36665	36646	36667	36673	36653	36674	36663,00						
	4	36634	36638	36649	36633	36635	36636	36637,50						
	5	36655	36634	36650	36661	36626	36630	36642,67						
<i>Frame Extension (S9)</i>	1	29459	29470	29445	29440	29431	29443	29448,00	29450,27	13,18	29476,6	29423,9	Seragam	
	2	29458	29430	29429	29444	29447	29458	29444,33						
	3	29460	29452	29455	29442	29439	29457	29450,83						
	4	29434	29471	29449	29466	29459	29467	29457,67						
	5	29437	29457	29453	29459	29471	29426	29450,50						
<i>Belt Guard (S10)</i>	1	27672	27651	27639	27645	27662	27636	27650,83	27653,07	15,67	27684,4	27621,7	Seragam	
	2	27641	27666	27669	27666	27645	27650	27656,17						
	3	27675	27675	27653	27675	27634	27659	27661,83						
	4	27671	27638	27643	27665	27641	27632	27648,33						
	5	27672	27660	27664	27629	27625	27639	27648,17						
<i>Counter Weight (S11)</i>	1	16851	16831	16864	16872	16848	16864	16855,00	16847,43	14,45	16876,3	16818,5	Seragam	
	2	16865	16830	16854	16834	16849	16843	16845,83						
	3	16856	16842	16830	16833	16873	16827	16843,50						
	4	16853	16839	16862	16848	16849	16837	16848,00						
	5	16838	16873	16849	16829	16825	16855	16844,83						

Tabel 3.15. Uji Keseragaman Data Waktu Siklus Kerja Pembuatan Pumping Unit Tipe C228

Stasiun Kerja	Sub Grup	Anggota Sub Grup (Detik)							Harga Rata-Rata	Jumlah Harga Rata-rata	Standar Deviasi	BKA	BKB	Ket.
<i>Pitman (S1)</i>	1	39101	39093	39089	39090	39105	39081	39093,17	39077,90	16,01	39109,9	39045,9	Seragam	
	2	39070	39081	39061	39074	39099	39066	39075,17						
	3	39055	39060	39067	39055	39103	39067	39067,83						
	4	39071	39097	39069	39078	39069	39066	39075,00						
	5	39099	39094	39067	39092	39061	39057	39078,33						
<i>Horse Head (S2)</i>	1	27666	27658	27693	27685	27666	27675	27673,83	27678,60	13,94	27706,5	27650,7	Seragam	
	2	27686	27685	27670	27681	27664	27694	27680,00						
	3	27682	27689	27666	27686	27700	27679	27683,67						
	4	27661	27702	27656	27687	27671	27663	27673,33						
	5	27683	27662	27663	27697	27686	27702	27682,17						
<i>Samson Post Front (S3)</i>	1	30063	30090	30101	30099	30066	30102	30086,83	30080,57	16,40	30113,4	30047,8	Seragam	
	2	30077	30103	30061	30101	30081	30055	30079,67						
	3	30077	30104	30068	30079	30093	30069	30081,67						
	4	30097	30058	30061	30081	30093	30083	30078,83						
	5	30061	30095	30083	30095	30066	30055	30075,83						
<i>Samson Post Rear (S4)</i>	1	28882	28882	28889	28897	28864	28886	28883,33	28882,70	13,61	28909,9	28855,5	Seragam	
	2	28889	28874	28874	28891	28894	28899	28886,83						
	3	28890	28863	28883	28862	28880	28891	28878,17						
	4	28863	28899	28884	28872	28901	28855	28879,00						
	5	28876	28894	28892	28900	28859	28896	28886,17						
<i>Walking Beam Assy (S5)</i>	1	70266	70269	70268	70285	70277	70255	70270,00	70276,50	15,29	70307,1	70245,9	Seragam	
	2	70270	70269	70294	70300	70256	70267	70276,00						
	3	70264	70292	70263	70271	70291	70296	70279,50						
	4	70303	70259	70268	70304	70266	70287	70281,17						
	5	70279	70289	70260	70299	70260	70268	70275,83						
<i>Gear Reducer Assy (S6)</i>	1	60980	60962	60968	60988	61005	60962	60977,50	60977,20	13,02	61003,2	60951,2	Seragam	
	2	60981	60966	60960	60972	60955	60984	60969,67						
	3	60993	60995	61002	60988	60965	60974	60986,17						
	4	60983	60980	60973	60989	60964	60977	60977,67						
	5	60989	60983	60973	60957	60971	60977	60975,00						
<i>Frame Assy (S7)</i>	1	48064	48060	48058	48057	48059	48063	48060,17	48076,27	15,88	48108	48044,5	Seragam	
	2	48075	48091	48079	48101	48065	48063	48079,00						
	3	48057	48101	48064	48057	48082	48096	48076,17						
	4	48088	48072	48078	48095	48103	48071	48084,50						
	5	48089	48105	48068	48086	48061	48080	48081,50						
<i>Equalizer (S8)</i>	1	36689	36664	36673	36688	36664	36688	36677,67	36679,17	12,91	36705	36653,3	Seragam	
	2	36690	36663	36669	36679	36656	36662	36669,83						
	3	36668	36700	36695	36681	36671	36688	36683,83						
	4	36659	36666	36689	36682	36688	36698	36680,33						
	5	36681	36668	36698	36679	36690	36689	36684,17						
<i>Frame Extension (S9)</i>	1	29500	29493	29479	29505	29495	29489	29493,50	29478,13	16,19	29510,5	29445,8	Seragam	
	2	29462	29465	29455	29487	29462	29461	29465,33						
	3	29468	29477	29485	29458	29468	29500	29476,00						
	4	29488	29455	29464	29477	29471	29490	29474,17						
	5	29460	29476	29500	29504	29491	29459	29481,67						
<i>Belt Guard (S10)</i>	1	27664	27695	27697	27689	27683	27656	27680,67	27682,30	14,46	27711,2	27653,4	Seragam	
	2	27689	27666	27670	27680	27702	27658	27677,50						
	3	27669	27688	27675	27686	27687	27679	27680,67						
	4	27700	27656	27666	27702	27678	27673	27679,17						
	5	27685	27701	27703	27692	27683	27697	27693,50						
<i>Counter Weight (S11)</i>	1	16899	16864	16869	16884	16876	16904	16882,67	16883,10	15,61	16914,3	16851,9	Seragam	
	2	16895	16860	16872	16875	16891	16898	16881,83						
	3	16886	16863	16897	16857	16857	16903	16877,17						
	4	16892	16898	16894	16892	16904	16875	16892,50						
	5	16872	16899	16897	16887	16874	16859	16881,33						

2. Penentuan *rating factor* dan *allowance*

Waktu normal diperoleh dengan menambahkan *rating factor*. Tenaga kerja pada bagian produksi memiliki kemampuan kerja normal sehingga $p = 1$. Sedangkan waktu standar diperoleh dengan menambahkan *allowance*. Penentuan *allowance* dilakukan secara subjektif dengan menggunakan metode *westinghouse*. Besarnya nilai *allowance* untuk setiap stasiun kerja dapat dilihat pada tabel 3.16.

Tabel 3.16. Allowance Tiap Stasiun Kerja

Stasiun Kerja	Faktor	Kelonggaran (%)	Total (%)
<i>Pitman</i> (S1)	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	18,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	2,00	
	Keadaan temperatur	2,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Horse Head</i> (S2)	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	17,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	2,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Samson Post Front</i> (S3)	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	18,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	2,00	
	Keadaan temperatur	2,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	

Tabel 3.16. Allowance Tiap Stasiun Kerja (Sambungan)

Stasiun Kerja	Faktor	Kelonggaran (%)	Total (%)
<i>Samson Post Rear (S4)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	20,50
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	5,50	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Walking Beam Assy (S5)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	20,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	5,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Gear Reducer Assy (S6)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	19,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	1,00	
	Kelelahan mata	5,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Frame Assy (S7)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	18,50
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	5,50	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	1,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Equalizer (S8)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	19,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	4,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	

Tabel 3.16. Allowance Tiap Stasiun Kerja (Sambungan)

Stasiun Kerja	Faktor	Kelonggaran (%)	Total (%)
<i>Frame Extension (S9)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	20,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	2,00	
	Kelelahan mata	5,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Belt Guard (S10)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	16,50
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	1,00	
	Kelelahan mata	4,50	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	1,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	
<i>Counter Weight (S11)</i>	Tenaga yang dikeluarkan	6,00	15,00
	Sikap kerja	1,00	
	Gerakan kerja	1,00	
	Kelelahan mata	1,00	
	Keadaan temperatur	1,00	
	Keadaan atmosfer	1,00	
	Keadaan lingkungan	3,00	
	Kebutuhan pribadi	1,00	

3. Perhitungan waktu normal dan waktu standar
- Waktu normal, perhitungan waktu normal stasiun kerja perakitan *pitman* (S1) tipe C25 adalah:

$$W_n = \text{waktu siklus rata-rata} \times (\text{rating factor}) \quad (3.9)$$

$$W_n = 39272,83 \times 1 = 39272,83 \text{ detik}$$

- Waktu standar

Perhitungan waktu standar stasiun kerja perakitan *pitman* (S1) tipe C25 adalah:

$$W_s = W_n \times (1 + \text{allowance}) \quad (3.10)$$

$$W_s = 39272,83 \times (1 + 0,18) = 46341,94 \text{ detik}$$

Hasil perhitungan waktu normal dan waktu standar untuk setiap stasiun kerja *pumping unit* dapat dilihat pada tabel 3.17.

Tabel 3.17. Waktu Normal dan Waktu Standar pada Setiap Stasiun Kerja

Stasiun Kerja	Wn			Ws		
	C25	C114	C228	C25	C114	C228
Pitman (S1)	39272,83	39047,70	39077,90	46341,94	46076,29	46111,92
Horse Head (S2)	27877,07	27649,97	27678,60	32616,17	32350,46	32383,96
Samson Post Front (S3)	30274,63	30051,30	30080,57	35724,07	35460,53	35495,07
Samson Post Rear (S4)	29071,93	28850,63	28882,70	35031,68	34765,01	34803,65
Walking Beam Assy (S5)	70477,27	70252,20	70276,50	84572,72	84302,64	84331,80
Gear Reducer Assy (S6)	61176,27	60950,67	60977,20	72799,76	72531,29	72562,87
Frame Assy (S7)	48280,40	48051,80	48076,27	57212,27	56941,38	56970,38
Equalizer (S8)	36878,33	36648,40	36679,17	43885,22	43611,60	43648,21
Frame Extension (S9)	29676,47	29450,27	29478,13	35611,76	35340,32	35373,76
Belt Guard (S10)	27872,73	27653,07	27682,30	32471,73	32215,82	32249,88
Counter Weight (S11)	17076,30	16847,43	16883,10	19637,75	19374,55	19415,57

4. Formulasi fungsi kendala pertama

Fungsi kendala pertama merupakan ketersediaan jam kerja tenaga kerja (orang). Diasumsikan bahwa jumlah waktu standar tenaga kerja di setiap stasiun kerja harus lebih kecil atau sama dengan jam kerja yang tersedia. Sehingga formulasi fungsi kendala pertama ini adalah:

$$\begin{aligned} \sum_{j=1}^n a_{ij} X_j \leq Y_k &= a_{11}X_1 + a_{12}X_2 + \cdots + a_{1n}X_n \leq Y_1 \\ &= a_{21}X_1 + a_{22}X_2 + \cdots + a_{2n}X_n \leq Y_2 \\ &= a_{m1}X_1 + a_{m2}X_2 + \cdots + a_{mn}X_n \leq Y_k \end{aligned} \quad (3.11)$$

Dimana:

a_{ij} = waktu standar di stasiun kerja i untuk jenis *pumping unit* ke-j

X_{ij} = jumlah produksi optimal (variabel keputusan jenis *spring bed* ke-j)

Y_k = jam tenaga kerja tersedia pada bulan ke-k

i = stasiun kerja, $i = 1, 2, \dots, m$

j = jenis *pumping unit* $j = 1, 2, \dots, n$

Jumlah jam tenaga kerja yang tersedia (Y) dapat dihitung dengan menggunakan rumus:

Jumlah tenaga kerja (orang) per stasiun kerja x Waktu kerja tersedia (3.12)

Dimana jumlah tenaga kerja dapat dilihat pada tabel 3.5. jam kerja tersedia dapat dilihat pada tabel 3.6. Sebagai contoh jumlah jam kerja yang tersedia stasiun kerja perakitan *pitman* tipe C25 pada bulan September 2010 adalah:

Jumlah jam kerja tersedia = $5 \times 60480 = 3024000$ detik.

Rekapitulasi untuk jumlah jam kerja orang tersedia untuk setiap stasiun kerja pada bulan September – Desember 2010 dapat dilihat pada tabel 3.18.

Tabel 3.18. Ketersediaan Jam Kerja Orang Bulan September-Desember 2010

No	Departemen Produksi	Jumlah Tenaga Kerja	Ketersediaan Jam Kerja Orang (detik)			
			September	Oktober	November	Desember
1	Pitman (S1)	5	2016000	3024000	3168000	3168000
2	Horsehead (S2)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
3	Samson Post Front (S3)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
4	Samson Post Rear (S4)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
5	Walking Beam Assembly (S5)	12	4838400	7257600	7603200	7603200
6	Gear Reducer Assembly (S6)	12	4838400	7257600	7603200	7603200
7	Frame Assembly (S7)	5	2016000	3024000	3168000	3168000
8	Equalizer (S8)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
9	Frame Extension (S9)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
10	Belt Guard (S10)	3	1209600	1814400	1900800	1900800
11	Counter Weight (S11)	2	806400	1209600	1267200	1267200

Sehingga formulasi kendala ketersediaan jam kerja tenaga kerja (orang) untuk bulan September 2010 adalah:

$$S_1 : 46341,94X_1 + 46076,29X_2 + 46111,92X_3 \leq 2016000 \quad (3.13)$$

$$S_2 : 32616,17X_1 + 32350,46X_2 + 32383,96X_3 \leq 1209600 \quad (3.14)$$

$$S_3 : 35724,07X_1 + 35460,53X_2 + 35495,07X_3 \leq 1209600 \quad (3.15)$$

$$S_4 : 35031,68X_1 + 34765,01X_2 + 34803,65X_3 \leq 1209600 \quad (3.16)$$

$$S_5 : 84572,72X_1 + 84302,64X_2 + 84331,80X_3 \leq 4838400 \quad (3.17)$$

$$S_6 : 72799,76X_1 + 72531,29X_2 + 72562,87X_3 \leq 4838400 \quad (3.18)$$

$$S_7 : 57212,27X_1 + 56941,38X_2 + 56970,38X_3 \leq 2016000 \quad (3.19)$$

$$S_8 : 43885,22X_1 + 43611,60X_2 + 43648,21X_3 \leq 1209600 \quad (3.20)$$

$$S_9 : 35611,76X_1 + 35340,32X_2 + 35373,76X_3 \leq 1209600 \quad (3.21)$$

$$S_{10} : 32471,73X_1 + 32215,82X_2 + 32249,88X_3 \leq 1209600 \quad (3.22)$$

$$S_{11} : 19637,75X_1 + 19374,55X_2 + 19415,57X_3 \leq 806400 \quad (3.23)$$

3.2.3 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Kedua

Fungsi kendala kedua merupakan ketersediaan bahan baku. Diasumsikan bahwa jumlah pemakaian bahan baku harus lebih kecil atau sama dengan ketersediaan bahan baku di gudang setiap bulan. Formulasi yang digunakan untuk merumuskan fungsi kendala kedua ini adalah:

$$\begin{aligned}
 \sum_{j=1}^n d_{ij}X_j &\leq K_l = d_{11}X_1 + d_{12}X_2 + \dots + d_{1n}X_n \leq K_1 \\
 &= d_{21}X_1 + d_{22}X_2 + \dots + d_{2n}X_n \leq K_2 \\
 &= d_{m1}X_1 + d_{m2}X_2 + \dots + d_{mn}X_n \leq K_l
 \end{aligned} \tag{3.24}$$

Dimana:

- d_{ij} = jumlah pemakaian bahan baku i untuk jenis *pumping unit* ke-j
- X_j = jumlah produksi optimal (variabel keputusan jenis *pumping unit* ke-j)
- K_l = rata-rata ketersediaan bahan baku di gudang bulan ke-l
- j = jenis *pumping unit*, $j = 1, 2, \dots, n$
- i = jenis bahan baku, $i = 1, 2, \dots, m$

Gudang memiliki kapasitas terbatas untuk bahan baku pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13. Hal ini disebabkan biaya simpan tinggi untuk ketiga jenis bahan ini. Selain itu, bahan baku pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13 juga sering mengalami kendala dalam persediaan karena harus menunggu pengiriman. Sementara bahan-bahan lainnya tidak memiliki kendala dalam kapasitas gudang dan juga dalam persediaan bahan di gudang. Oleh karena itu, kapasitas bahan yang menjadi kendala penelitian ini adalah pelat $T = 4,5$ mm, *roller bearing* (RB) $\varnothing = 16$ mm, dan *wide flange* (WF) 400 x 200 x 8 x 13.

Data pemakaian bahan baku yang digunakan dapat dilihat pada tabel 3.8. Sebagai contoh untuk bahan baku pelat $T = 4,5$ mm, tipe C25, C114, dan C228 memerlukan 0,1, 0,04, dan 0,33 pelat dari 1 lembar. Dimana untuk bahan baku pelat $T = 4,5$ mm memiliki kapasitas gudang sebanyak 10 lembar, tabel kapasitas gudang dapat dilihat pada tabel 3.9. Sehingga formulasi fungsi kendala pemakaian bahan baku untuk satu unit *pumping unit* tiap bulannya adalah:

$$\text{Pelat } T = 4,5 \text{ mm} : 0,10X_1 + 0,04X_2 + 0,33X_3 \leq 10 \tag{3.25}$$

$$\text{Roller bearing (RB)} \varnothing = 16 \text{ mm} : 0,00X_1 + 1,00X_2 + 0,33X_3 \leq 50 \tag{3.26}$$

$$\text{Wide flange (WF) } 400 \times 200 \times 8 \times 13 : 0,30X_1 + 0,24X_2 + 0,67X_3 \leq 35 \tag{3.27}$$

3.2.4 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Ketiga

Peramalan permintaan menggunakan data historis permintaan pada bulan Januari 2007 – Agustus 2010. Peramalan ini dilakukan untuk melihat besarnya kemungkinan permintaan terhadap *pumping unit* pada September-Desember 2010.

Hasil peramalan ini digunakan sebagai fungsi pembatas untuk kendala ketiga yaitu target produksi *pumping unit*.

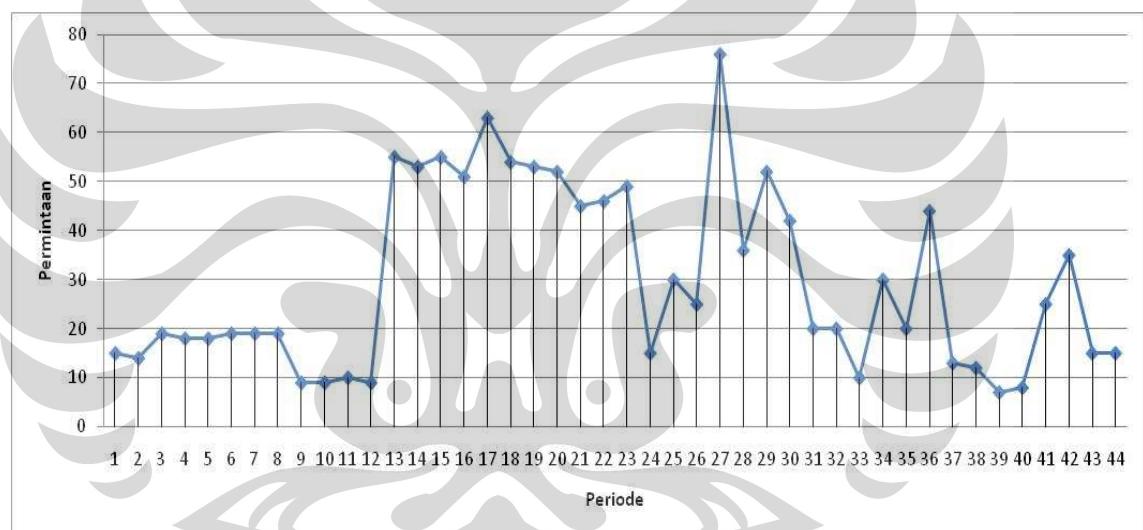
Berikut adalah langkah-langkah peramalan:

1. Mendenifikasi tujuan peramalan

Tujuan dari peramalan adalah menentukan besarnya permintaan terhadap tiap *pumping unit* tahun 2010.

2. Membuat diagram pencar

Pembuatan diagram pencar berguna untuk melihat pola atau tren perkembangan jumlah permintaan. Diagram pencar untuk penjualan *pumping unit* tipe C114 pada Januari 2007 – Agustus 2010 berdasarkan tabel 3.7. dapat dilihat pada gambar 5.2.



Gambar 3.2. Diagram Pencar Penjualan Pumping Unit Tipe C114 Januari 2007- Agustus 2010

3. Memilih beberapa metode peramalan

Dengan melihat pola kecenderungan data pada diagram pencar, maka dipilih metode peramalan analisis deret waktu (*time series*) yaitu konstan, linier, kuadratis, dekomposisi, dan pemulusan eksponensial.

4. Menghitung parameter fungsi peramalan

Perhitungan parameter peramalan untuk *pumping unit* C114 dapat dilihat sebagai berikut:

a. Metode konstan

$$\text{Fungsi peramalan : } Y = a = \frac{\sum y}{n} \quad (3.28)$$

Perhitungan parameter peramalan metode konstan dapat dilihat pada tabel 3.19.

$$Y = a = \frac{\sum y}{n} = \frac{1304}{44} = 29,63636 \approx 30 \quad (3.29)$$

Fungsi peramalannya adalah: $Y = 30$ unit

b. Metode linier

$$\text{Persamaan : } Y = a + bX \quad (3.30)$$

Perhitungan parameter peramalan metode linier dapat dilihat pada tabel 3.20.

$$b = \frac{n \sum XY - \sum X \sum Y}{n \sum X^2 - (\sum X)^2} = \frac{(44 \times 29134) - (990 \times 1304)}{(44 \times 29370) - 990^2} = -0,02903 \quad (3.31)$$

$$a = \frac{\sum Y - b \sum X}{n} = \frac{1304 - (-0,02903 \times 990)}{44} = 30,28964 \quad (3.32)$$

Sehingga fungsi persamaannya:

$$Y = 30,28964 + (-0,02903)X \quad (3.33)$$

Perhitungan parameter fungsi persamaan peramalan metode linier dapat dilihat pada tabel 3.21.

Hasil peramalan *pumping unit* C114 untuk bulan September – Desember 2010 dengan menggunakan metode kuadratis, yaitu:

- September = 31 unit
- Oktober = 31 unit
- November = 31 unit
- Desember = 31 unit

c. Metode kuadratis

$$\text{Persamaan : } Y = a + bX + cX^2 \quad (3.34)$$

Perhitungan parameter peramalan metode kuadratis dapat dilihat pada tabel 3.22.

$$\begin{aligned} \alpha &= \sum X \sum X^2 - n \sum X^3 = (990 \times 29370) - (44 \times 980100) \\ &= -14048100 \end{aligned} \quad (3.35)$$

$$\beta = (\sum X)^2 - n \sum X^2 = 990^2 - (44 \times 29370) = -312180 \quad (3.36)$$

$$\begin{aligned} \gamma &= (\sum X^2)^2 - n \sum X^4 = 29370^2 - (44 \times 34885686) \\ &= -672373284 \end{aligned} \quad (3.37)$$

$$\delta = \sum X \sum Y - n \sum XY = (990 \times 1304) - (44 \times 29134) = 9064 \quad (3.38)$$

$$\theta = \sum X^2 \sum Y - n \sum X^2 Y = (29370 \times 1304) - (44 \times 792082)$$

$$= 3446872 \quad (3.39)$$

$$b = \frac{\gamma\delta-\theta\alpha}{\gamma\beta-\alpha^2} = \frac{(-672373284 \times 9064) - (3446872 \times (-14048100))}{(-672373284 \times (-3121800)) - (-14048100)^2} = 3,3721 \quad (3.40)$$

$$c = \frac{\theta-b\alpha}{\gamma} = \frac{3446872 - (3,3721 \times (-14048100))}{-672373284} = -0,0756 \quad (3.41)$$

$$a = \frac{\sum Y - b \sum X - c \sum X^2}{n} = \frac{1304 - (3,3721 \times 990) - (-0,0756 \times 29370)}{44} = 4,2144 \quad (3.42)$$

Sehingga fungsi persamaannya:

$$Y = 4,2144 + 3,3721X + (-0,0756)X^2 \quad (3.43)$$

Perhitungan parameter fungsi persamaan peramalan metode kuadratis dapat dilihat pada tabel 3.23.

Hasil peramalan *pumping unit* C114 untuk bulan September – Desember 2010 dengan menggunakan metode kuadratis, yaitu:

- September = 8 unit
 - Oktober = 11 unit
 - November = 14 unit
 - Desember = 17 unit
- d. Metode dekomposisi

Perhitungan parameter dan hasil peramalan metode dekomposisi dan MSE (*Mean Square Error*) dihitung menggunakan *software ExcelOM2 (Excel Operation Managment 2)*, dapat dilihat pada gambar 3.3.

Hasil peramalan *pumping unit* C114 untuk bulan September – Desember 2010 dengan menggunakan metode dekomposisi, yaitu:

- September = 30 unit
- Oktober = 31 unit
- November = 31 unit
- Desember = 26 unit

e. Metode pemulusan eksponensial

Perhitungan parameter dan hasil peramalan untuk metode pemulusan eksponensial dihitung menggunakan *MINITAB14*, dapat dilihat pada gambar 3.4.

Hasil peramalan *pumping unit* C114 untuk bulan September – Desember 2010 dengan menggunakan metode dekomposisi, yaitu:

- September = 16 unit
- Oktober = 16 unit
- November = 16 unit
- Desember = 16 unit

5. Menghitung kesalahan setiap metode peramalan

Ukuran nilai kesalahan yang digunakan pada penelitian ini adalah MSE (*Mean Squared Error*). Secara matematis dirumuskan sebagai berikut:

$$MSE = \frac{\sum_{t=1}^n (X_t - F_t)^2}{n} \quad (3.44)$$

Perhitungan parameter MSE untuk setiap metode, dapat dilihat pada tabel 3.24., 3.25., 3.26., 3.27.

Rekapitulasi hasil perhitungan MSE untuk setiap metode peramalan yang dipakai untuk *pumping unit* C114 dapat dilihat sebagai berikut:

- a. $MSE_{konstan} = \frac{14762}{44} = 335,04$
- b. $MSE_{linier} = \frac{14756,2}{44} = 335,37$
- c. $MSE_{kuadratis} = \frac{9536,02}{44} = 216,728$
- d. $MSE_{dekomposisi} = 331,2002$
- e. $MSE_{pemulusan eksponensial} = \frac{10588,4}{44} = 240,646$

6. Memilih metode dengan kesalahan terkecil

Pemilihan metode peramalan dilakukan dengan memilih nilai MSE terkecil.

Maka metode peramalan yang dipilih untuk *pumping unit* tipe C114 adalah metode kuadratis.

**Tabel 3.19. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Konstan
Pumping Unit Tipe C114**

X	Y
1	15
2	14
3	19
4	18
5	18
6	19
7	19
8	19
9	9
10	9
11	10
12	9
13	55
14	53
15	55
16	51
17	63
18	54
19	53
20	52
21	45
22	46
23	49
24	15
25	30
26	25
27	76
28	36
29	52
30	42
31	20
32	20
33	10
34	30
35	20
36	44
37	13
38	12
39	7
40	8
41	25
42	35
43	15
44	15
990	1304

**Tabel 3.20. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Linier
Pumping Unit Tipe C114**

X	Y	XY	X ²
1	15	15	1
2	14	28	4
3	19	57	9
4	18	72	16
5	18	90	25
6	19	114	36
7	19	133	49
8	19	152	64
9	9	81	81
10	9	90	100
11	10	110	121
12	9	108	144
13	55	715	169
14	53	742	196
15	55	825	225
16	51	816	256
17	63	1071	289
18	54	972	324
19	53	1007	361
20	52	1040	400
21	45	945	441
22	46	1012	484
23	49	1127	529
24	15	360	576
25	30	750	625
26	25	650	676
27	76	2052	729
28	36	1008	784
29	52	1508	841
30	42	1260	900
31	20	620	961
32	20	640	1024
33	10	330	1089
34	30	1020	1156
35	20	700	1225
36	44	1584	1296
37	13	481	1369
38	12	456	1444
39	7	273	1521
40	8	320	1600
41	25	1025	1681
42	35	1470	1764
43	15	645	1849
44	15	660	1936
990	1304	29134	29370

Tabel 3.21. Perhitungan Parameter Fungsi Persamaan Peramalan Metode Linier *Pumping Unit* Tipe C114

b	-0,02903	
a	30,28964	
Persamaan		
X	Y'	Y''
1	30,26061	31
2	30,23157	31
3	30,20254	31
4	30,1735	31
5	30,14447	
6	30,11543	
7	30,0864	
8	30,05736	
9	30,02833	
10	29,9993	
11	29,97026	
12	29,94123	
13	29,91219	
14	29,88316	
15	29,85412	
16	29,82509	
17	29,79605	
18	29,76702	
19	29,73798	
20	29,70895	
21	29,67992	
22	29,65088	
23	29,62185	
24	29,59281	
25	29,56378	
26	29,53474	
27	29,50571	
28	29,47667	
29	29,44764	
30	29,4186	
31	29,38957	
32	29,36054	
33	29,3315	
34	29,30247	
35	29,27343	
36	29,2444	
37	29,21536	
38	29,18633	
39	29,15729	
40	29,12826	
41	29,09922	
42	29,07019	
43	29,04116	
44	29,01212	

**Tabel 3.22. Perhitungan Parameter Peramalan Metode Kuadratis
Pumping Unit Tipe C114**

X	Y	XY	X ²	X ³	X?	X ² Y
1	15	15	1	1	1	15
2	14	28	4	8	16	56
3	19	57	9	27	81	171
4	18	72	16	64	256	288
5	18	90	25	125	625	450
6	19	114	36	216	1296	684
7	19	133	49	343	2401	931
8	19	152	64	512	4096	1216
9	9	81	81	729	6561	729
10	9	90	100	1000	10000	900
11	10	110	121	1331	14641	1210
12	9	108	144	1728	20736	1296
13	55	715	169	2197	28561	9295
14	53	742	196	2744	38416	10388
15	55	825	225	3375	50625	12375
16	51	816	256	4096	65536	13056
17	63	1071	289	4913	83521	18207
18	54	972	324	5832	104976	17496
19	53	1007	361	6859	130321	19133
20	52	1040	400	8000	160000	20800
21	45	945	441	9261	194481	19845
22	46	1012	484	10648	234256	22264
23	49	1127	529	12167	279841	25921
24	15	360	576	13824	331776	8640
25	30	750	625	15625	390625	18750
26	25	650	676	17576	456976	16900
27	76	2052	729	19683	531441	55404
28	36	1008	784	21952	614656	28224
29	52	1508	841	24389	707281	43732
30	42	1260	900	27000	810000	37800
31	20	620	961	29791	923521	19220
32	20	640	1024	32768	1048576	20480
33	10	330	1089	35937	1185921	10890
34	30	1020	1156	39304	1336336	34680
35	20	700	1225	42875	1500625	24500
36	44	1584	1296	46656	1679616	57024
37	13	481	1369	50653	1874161	17797
38	12	456	1444	54872	2085136	17328
39	7	273	1521	59319	2313441	10647
40	8	320	1600	64000	2560000	12800
41	25	1025	1681	68921	2825761	42025
42	35	1470	1764	74088	3111696	61740
43	15	645	1849	79507	3418801	27735
44	15	660	1936	85184	3748096	29040
990	1304	29134	29370	980100	34885686	792082

Tabel 3.23. Perhitungan Parameter Fungsi Persamaan Peramalan Metode Kuadratis Pumping Unit Tipe C114

α	-1,4E+07
β	-312180
γ	-6,7E+08
δ	9064
θ	3446872
b	3,372079
c	-0,07558
a	4,214437

$$\text{Persamaan } Y = a + bX + cX^2$$

X	Y'	Y''
1	7,510935	8
2	10,65627	11
3	13,65045	14
4	16,49347	17
5	19,18532	
6	21,72602	
7	24,11556	
8	26,35393	
9	28,44114	
10	30,3772	
11	32,16209	
12	33,79582	
13	35,27839	
14	36,6098	
15	37,79005	
16	38,81914	
17	39,69707	
18	40,42384	
19	40,99945	
20	41,4239	
21	41,69718	
22	41,81931	
23	41,79027	
24	41,61008	
25	41,27872	
26	40,79621	
27	40,16253	
28	39,37769	
29	38,4417	
30	37,35454	
31	36,11622	
32	34,72674	
33	33,1861	
34	31,4943	
35	29,65133	
36	27,65721	
37	25,51193	
38	23,21548	
39	20,76788	
40	18,16912	
41	15,41919	
42	12,5181	
43	9,465858	
44	6,262451	

Forecasting		Multiplicative decomposition									
4 seasons		Enter past demands in the data area. Do not change the time									
Data		Error analysis									
Period	Demand (y)	Time (x)	Average	Ratio	Seasonal	Smoothed	Unadjusted	Adjusted	Error	Error	Error^2
Period 1	15	1	29,63636	0,506135	1,027607	14,59701	30,08954	30,92024	-15,9202	15,92024	253,4539
Period 2	14	2	29,63636	0,472393	1,039877	13,46313	30,06847	31,26752	-17,2675	17,26752	298,1671
Period 3	19	3	29,63636	0,641104	1,052147	18,05881	30,04739	31,61428	-12,6143	12,61428	159,12
Period 4	18	4	29,63636	0,607362	0,880368	20,44599	30,02631	26,43421	-8,43421	8,434205	71,13582
Period 5	18	5	29,63636	0,607362	1,027607	17,51642	30,00523	30,8336	-12,8336	12,8336	164,7012
Period 6	19	6	29,63636	0,641104	1,039877	18,27139	29,98415	31,17984	-12,1798	12,17984	148,3485
Period 7	19	7	29,63636	0,641104	1,052147	18,05881	29,96308	31,52557	-12,5256	12,52557	156,8898
Period 8	19	8	29,63636	0,641104	0,880368	21,58188	29,942	26,35998	-7,35998	7,359979	54,16929
Period 9	9	9	29,63636	0,303681	1,027607	8,758209	29,92092	30,74696	-21,747	21,74696	472,9301
Period 10	9	10	29,63636	0,303681	1,039877	8,654867	29,89984	31,09217	-22,0922	22,09217	488,0638
Period 11	10	11	29,63636	0,337423	1,052147	9,504373	29,87876	31,43686	-21,4369	21,43686	459,5389
Period 12	9	12	29,63636	0,303681	0,880368	10,223	29,85768	26,28575	-17,2858	17,28575	298,9792
Period 13	55	13	29,63636	1,855828	1,027607	53,52239	29,83661	30,66032	24,33968	24,33968	592,4202
Period 14	53	14	29,63636	1,788344	1,039877	50,96755	29,81553	31,00449	21,99551	21,99551	483,8024
Period 15	55	15	29,63636	1,855828	1,052147	52,27405	29,79445	31,34815	23,65185	23,65185	559,4101
Period 16	51	16	29,63636	1,720859	0,880368	57,93031	29,77337	26,21153	24,78847	24,78847	614,4684
Period 17	63	17	29,63636	2,125767	1,027607	61,30746	29,75229	30,57368	32,42682	32,42682	1051,466
Period 18	54	18	29,63636	1,822086	1,039877	51,9292	29,73122	30,91682	23,08318	23,08318	532,8334
Period 19	53	19	29,63636	1,788344	1,052147	50,37318	29,71014	31,25944	21,74056	21,74056	472,652
Period 20	52	20	29,63636	1,754601	0,880368	59,0662	29,68906	26,1373	25,8627	25,8627	668,8792
Period 21	45	21	29,63636	1,518405	1,027607	43,79104	29,66798	30,48704	14,51296	14,51296	210,6261
Period 22	46	22	29,63636	1,552147	1,039877	44,23599	29,6469	30,82914	15,17086	15,17086	230,155
Period 23	49	23	29,63636	1,653374	1,052147	46,57143	29,62582	31,17073	17,82927	17,82927	317,8829
Period 24	15	24	29,63636	0,506135	0,880368	17,03833	29,60475	26,06307	-11,0631	11,06307	122,3916
Period 25	30	25	29,63636	1,01227	1,027607	29,19403	29,58867	30,4004	-0,4004	0,400395	0,160316
Period 26	25	26	29,63636	0,843558	1,039877	24,0413	29,56259	30,74147	-5,74147	5,741466	32,96444
Period 27	76	27	29,63636	2,564417	1,052147	72,23324	29,54151	31,08202	44,91798	44,91798	2017,625
Period 28	36	28	29,63636	1,214724	0,880368	40,89199	29,52043	25,98885	10,01115	10,01115	100,2232
Period 29	52	29	29,63636	1,754601	1,027607	50,60299	29,49936	30,31375	21,68625	21,68625	470,2932
Period 30	42	30	29,63636	1,417178	1,039877	40,38938	29,47828	30,65379	11,34621	11,34621	128,7364
Period 31	20	31	29,63636	0,674847	1,052147	19,00875	29,4572	30,99331	-10,9933	10,99331	120,8529
Period 32	20	32	29,63636	0,674847	0,880368	22,71777	29,43612	25,91462	-5,91462	5,914622	34,98275
Period 33	10	33	29,63636	0,337423	1,027607	9,731343	29,41504	30,22711	-20,2271	20,22711	409,1362
Period 34	30	34	29,63636	1,01227	1,039877	28,84956	29,39396	30,56612	-0,56612	0,566117	0,320488
Period 35	20	35	29,63636	0,674847	1,052147	19,00875	29,37289	30,9046	-10,9046	10,9046	118,9103
Period 36	44	36	29,63636	1,484663	0,880368	49,97909	29,35181	25,8404	18,1596	18,1596	329,7712
Period 37	13	37	29,63636	0,43865	1,027607	12,65075	29,33073	30,14047	-17,1405	17,14047	293,7959
Period 38	12	38	29,63636	0,404908	1,039877	11,53982	29,30965	30,47844	-18,4784	18,47844	341,4528
Period 39	7	39	29,63636	0,236196	1,052147	6,653061	29,28857	30,81589	-23,8158	23,81589	567,1967
Period 40	8	40	29,63636	0,269939	0,880368	9,087108	29,2675	25,76617	-17,7662	17,76617	315,6368
Period 41	25	41	29,63636	0,843558	1,027607	24,32886	29,24642	30,05383	-5,05383	5,053834	25,54124
Period 42	35	42	29,63636	1,180982	1,039877	33,65782	29,22534	30,39077	4,609233	4,609233	21,24503
Period 43	15	43	29,63636	0,506135	1,052147	14,25656	29,20426	30,72718	-15,7272	15,72718	247,3443
Period 44	15	44	29,63636	0,506135	0,880368	17,03833	29,18318	25,69194	-10,6919	10,69194	114,3177
										Total	-0,04979 712,3134 14572,81
										Average	-0,00113 16,18894 331,2002
										Slope	-0,02108 Bias MAD MSE SE 19,33033
Ratios											
Season 1 Season 2 Season 3 Season 4											
0,50613497	0,472393	0,641104	0,607362								
0,60736196	0,641104	0,641104	0,641104								
0,30368098	0,303681	0,337423	0,303681								
1,85582822	1,788344	1,855828	1,720859								
2,12576687	1,822086	1,788344	1,754601								
1,51840491	1,552147	1,653374	1,506135								
1,01226994	0,843558	2,564417	1,214724								
1,75460123	1,417178	0,674847	0,674847								
0,33742331	1,01227	0,674847	1,484663								
0,43865031	0,404908	0,236196	0,269939								
0,84355828	1,180982	0,506135	0,506135								
Average	1,02760736	1,039877	1,052147	0,880368							
Forecasts											
Period	Unadjusted	Seasonal	Adjusted								
45	29,162105	1,027607	29,96719								
46	29,1410268	1,039877	30,30309								
47	29,1199487	1,052147	30,63847								
48	29,0988705	0,880368	25,61772								

Gambar 3.3. Perhitungan Parameter Peramalan
Metode Dekomposisi dan MSE Pumping Unit Tipe C114

Y	SMOO1	LEVE1	TREN1	FITS1	RESI1	FORE1	UPPE1	LOWE1
15	14,3815	14,3815	2,15548	12,7817	2,2183	15,9444	41,8062	-9,9174
14	14,7074	14,7074	2,05012	16,537	-2,537	15,6619	48,7255	-17,4017
19	18,3747	18,3747	2,03879	16,7575	2,2425	15,3794	56,2522	-25,4935
18	18,6729	18,6729	1,95518	20,4135	-2,4135	15,0968	64,0968	-33,9031
18	18,7328	18,7328	1,86413	20,6281	-2,6281			
19	19,4453	19,4453	1,80881	20,5969	-1,5969			
19	19,6285	19,6285	1,73072	21,2541	-2,2541			
19	19,6578	19,6578	1,64899	21,3592	-2,3592			
9	12,4314	12,4314	1,22264	21,3068	-12,3068			
9	10,2977	10,2977	1,06141	13,6541	-4,6541			
10	10,3789	10,3789	1,01432	11,3591	-1,3591			
9	9,6673	9,6673	0,93141	11,3933	-2,3933			
55	42,6198	42,6198	2,46962	10,5987	44,4013			
53	50,7944	50,7944	2,74367	45,0895	7,9105			
55	54,5924	54,5924	2,79432	53,538	1,462			
51	52,7808	52,7808	2,57306	57,3867	-6,3867			
63	60,8681	60,8681	2,83795	55,3538	7,6462			
54	56,7063	56,7063	2,5017	63,706	-9,706			
53	54,7309	54,7309	2,28664	59,208	-6,208			
52	53,399	53,399	2,11281	57,0176	-5,0176			
45	47,931	47,931	1,74865	55,5118	-10,5118			
46	47,026	47,026	1,62117	49,6796	-3,6796			
49	48,9016	48,9016	1,6334	48,6471	0,3529			
15	24,908	24,908	0,40235	50,535	-35,535			
30	28,6924	28,6924	0,56481	25,3104	4,6896			
25	26,187	26,187	0,41733	29,2572	-4,2572			
76	62,2273	62,2273	2,12856	26,6043	49,3957			
36	43,9063	43,9063	1,14621	64,3558	-28,3558			
52	50,0629	50,0629	1,3869	45,0525	6,9475			
42	44,6348	44,6348	1,05953	51,4498	-9,4498			
20	27,1642	27,1642	0,16939	45,6944	-25,6944			
20	22,0448	22,0448	-0,08467	27,3336	-7,3336			
10	13,3348	13,3348	-0,49901	21,9601	-11,9601			
30	25,2142	25,2142	0,09562	12,8358	17,1642			
20	21,4805	21,4805	-0,08833	25,3098	-5,3098			
44	37,6964	37,6964	0,69488	21,3922	22,6078			
13	20,0797	20,0797	-0,18476	38,3913	-25,3913			
12	14,2013	14,2013	-0,45827	19,8949	-7,8949			
7	8,8801	8,8801	-0,69187	13,743	-6,743			
8	8,0525	8,0525	-0,69839	8,1883	-0,1883			
25	20,0799	20,0799	-0,08708	7,3541	17,6459			
35	30,8156	30,8156	0,43282	19,9928	15,0072			
15	19,5305	19,5305	-0,13008	31,2485	-16,2485			
15	16,2269	16,2269	-0,28252	19,4004	-4,4004			

**Gambar 3.4. Perhitungan Parameter Peramalan
Metode Pemulusan Eksponensial Pumping Unit Tipe C114**

**Tabel 3.24. Perhitungan MSE Metode Konstan untuk *Pumping Unit*
Tipe C114**

X	Y	Y'	Y-Y'	(Y-Y') ²
1	15	29,63636	-14,6364	214,2231
2	14	29,63636	-15,6364	244,4959
3	19	29,63636	-10,6364	113,1322
4	18	29,63636	-11,6364	135,405
5	18	29,63636	-11,6364	135,405
6	19	29,63636	-10,6364	113,1322
7	19	29,63636	-10,6364	113,1322
8	19	29,63636	-10,6364	113,1322
9	9	29,63636	-20,6364	425,8595
10	9	29,63636	-20,6364	425,8595
11	10	29,63636	-19,6364	385,5868
12	9	29,63636	-20,6364	425,8595
13	55	29,63636	25,36364	643,314
14	53	29,63636	23,36364	545,8595
15	55	29,63636	25,36364	643,314
16	51	29,63636	21,36364	456,405
17	63	29,63636	33,36364	1113,132
18	54	29,63636	24,36364	593,5868
19	53	29,63636	23,36364	545,8595
20	52	29,63636	22,36364	500,1322
21	45	29,63636	15,36364	236,0413
22	46	29,63636	16,36364	267,7686
23	49	29,63636	19,36364	374,9504
24	15	29,63636	-14,6364	214,2231
25	30	29,63636	0,363636	0,132231
26	25	29,63636	-4,63636	21,49587
27	76	29,63636	46,36364	2149,587
28	36	29,63636	6,363636	40,49587
29	52	29,63636	22,36364	500,1322
30	42	29,63636	12,36364	152,8595
31	20	29,63636	-9,63636	92,8595
32	20	29,63636	-9,63636	92,8595
33	10	29,63636	-19,6364	385,5868
34	30	29,63636	0,363636	0,132231
35	20	29,63636	-9,63636	92,8595
36	44	29,63636	14,36364	206,314
37	13	29,63636	-16,6364	276,7686
38	12	29,63636	-17,6364	311,0413
39	7	29,63636	-22,6364	512,405
40	8	29,63636	-21,6364	468,1322
41	25	29,63636	-4,63636	21,49587
42	35	29,63636	5,363636	28,7686
43	15	29,63636	-14,6364	214,2231
44	15	29,63636	-14,6364	214,2231
990	1304	1304	-2,5E-14	14762,18

SEE 18,52853
MSE 335,5041

Tabel 3.25. Perhitungan MSE Metode Linier untuk Pumping Unit Tipe C114

X	Y	Y'	Y-Y'	(Y-Y') ²
1	15	30,26061	-15,2606	232,8861
2	14	30,23157	-16,2316	263,4639
3	19	30,20254	-11,2025	125,4968
4	18	30,1735	-12,1735	148,1942
5	18	30,14447	-12,1445	147,4881
6	19	30,11543	-11,1154	123,5529
7	19	30,0864	-11,0864	122,9082
8	19	30,05736	-11,0574	122,2653
9	9	30,02833	-21,0283	442,1907
10	9	29,9993	-20,9993	440,9704
11	10	29,97026	-19,9703	398,8113
12	9	29,94123	-20,9412	438,535
13	55	29,91219	25,08781	629,3981
14	53	29,88316	23,11684	534,3884
15	55	29,85412	25,14588	632,3151
16	51	29,82509	21,17491	448,3769
17	63	29,79605	33,20395	1102,502
18	54	29,76702	24,23298	587,2374
19	53	29,73798	23,26202	541,1214
20	52	29,70895	22,29105	496,8909
21	45	29,67992	15,32008	234,705
22	46	29,65088	16,34912	267,2937
23	49	29,62185	19,37815	375,5128
24	15	29,59281	-14,5928	212,9502
25	30	29,56378	0,436223	0,19029
26	25	29,53474	-4,53474	20,56389
27	76	29,50571	46,49429	2161,719
28	36	29,47667	6,523326	42,55379
29	52	29,44764	22,55236	508,609
30	42	29,4186	12,5814	158,2915
31	20	29,38957	-9,38957	88,16403
32	20	29,36054	-9,36054	87,61963
33	10	29,3315	-19,3315	373,7069
34	30	29,30247	0,697533	0,486553
35	20	29,27343	-9,27343	85,99654
36	44	29,2444	14,7556	217,7278
37	13	29,21536	-16,2154	262,938
38	12	29,18633	-17,1863	295,3699
39	7	29,15729	-22,1573	490,9457
40	8	29,12826	-21,1283	446,4033
41	25	29,09922	-4,09922	16,80364
42	35	29,07019	5,92981	35,16264
43	15	29,04116	-14,0412	197,1541
44	15	29,01212	-14,0121	196,3395
990	1304	1304	-1,7E-13	14756,2
			SEE	18,52478
			MSE	335,3682

**Tabel 3.26. Perhitungan MSE Metode Kuadratis untuk *Pumping Unit*
Tipe C114**

X	Y	Y'	Y-Y'	(Y-Y') ²
1	15	7,510935	7,489065	56,08609
2	14	10,65627	3,343726	11,18051
3	19	13,65045	5,349549	28,61767
4	18	16,49347	1,506532	2,269639
5	18	19,18532	-1,18532	1,404994
6	19	21,72602	-2,72602	7,431185
7	19	24,11556	-5,11556	26,1689
8	19	26,35393	-7,35393	54,08028
9	9	28,44114	-19,4411	377,9581
10	9	30,3772	-21,3772	456,9845
11	10	32,16209	-22,1621	491,1582
12	9	33,79582	-24,7958	614,8328
13	55	35,27839	19,72161	388,9418
14	53	36,6098	16,3902	268,6385
15	55	37,79005	17,20995	296,1822
16	51	38,81914	12,18086	148,3733
17	63	39,69707	23,30293	543,0264
18	54	40,42384	13,57616	184,3121
19	53	40,99945	12,00055	144,0132
20	52	41,4239	10,5761	111,854
21	45	41,69718	3,302817	10,9086
22	46	41,81931	4,180691	17,47817
23	49	41,79027	7,209725	51,98014
24	15	41,61008	-26,6101	708,0963
25	30	41,27872	-11,2787	127,2096
26	25	40,79621	-15,7962	249,5202
27	76	40,16253	35,83747	1284,324
28	36	39,37769	-3,37769	11,40881
29	52	38,4417	13,5583	183,8276
30	42	37,35454	4,645464	21,58033
31	20	36,11622	-16,1162	259,7324
32	20	34,72674	-14,7267	216,8768
33	10	33,1861	-23,1861	537,5951
34	30	31,4943	-1,4943	2,232918
35	20	29,65133	-9,65133	93,14824
36	44	27,65721	16,34279	267,0867
37	13	25,51193	-12,5119	156,5483
38	12	23,21548	-11,2155	125,7871
39	7	20,76788	-13,7679	189,5545
40	8	18,16912	-10,1691	103,4109
41	25	15,41919	9,58081	91,79191
42	35	12,5181	22,4819	505,4356
43	15	9,465858	5,534142	30,62673
44	15	6,262451	8,737549	76,34477
990	1304	1304	2,91E-13	9536,02
		SEE	14,89187	
		MSE	216,7277	

Tabel 3.27. Perhitungan MSE Metode Pemulusan Eksponensial untuk Pumping Unit Tipe C114

$Y - Y'$	$(Y - Y')^2$
2,2183	4,920855
-2,537	6,436369
2,2425	5,028806
-2,4135	5,824982
-2,6281	6,90691
-1,5969	2,55009
-2,2541	5,080967
-2,3592	5,565825
-12,3068	151,4573
-4,6541	21,66065
-1,3591	1,847153
-2,3933	5,727885
44,4013	1971,475
7,9105	62,57601
1,462	2,137444
-6,3867	40,78994
7,6462	58,46437
-9,706	94,20644
-6,208	38,53926
-5,0176	25,17631
-10,5118	110,4979
-3,6796	13,53946
0,3529	0,124538
-35,535	1262,736
4,6896	21,99235
-4,2572	18,12375
49,3957	2439,935
-28,3558	804,0514
6,9475	48,26776
-9,4498	89,29872
-25,6944	660,2022
-7,3336	53,78169
-11,9601	143,044
17,1642	294,6098
-5,3098	28,19398
22,6078	511,1126
-25,3913	644,7181
-7,8949	62,32945
-6,743	45,46805
-0,1883	0,035457
17,6459	311,3778
15,0072	225,2161
-16,2485	264,0138
-4,4004	19,36352
-65,0823	10588,41
SEE	15,6921
MSE	240,6456

7. Verifikasi peramalan

Dilakukan untuk mendapatkan hasil peramalan yang benar-benar mencerminkan data masa lalu. Pada penelitian ini alat yang digunakan adalah *moving range chart*. Sebagai contoh untuk *pumping unit* tipe C114, perhitungan proses verifikasi dapat dilihat pada tabel 3.27.

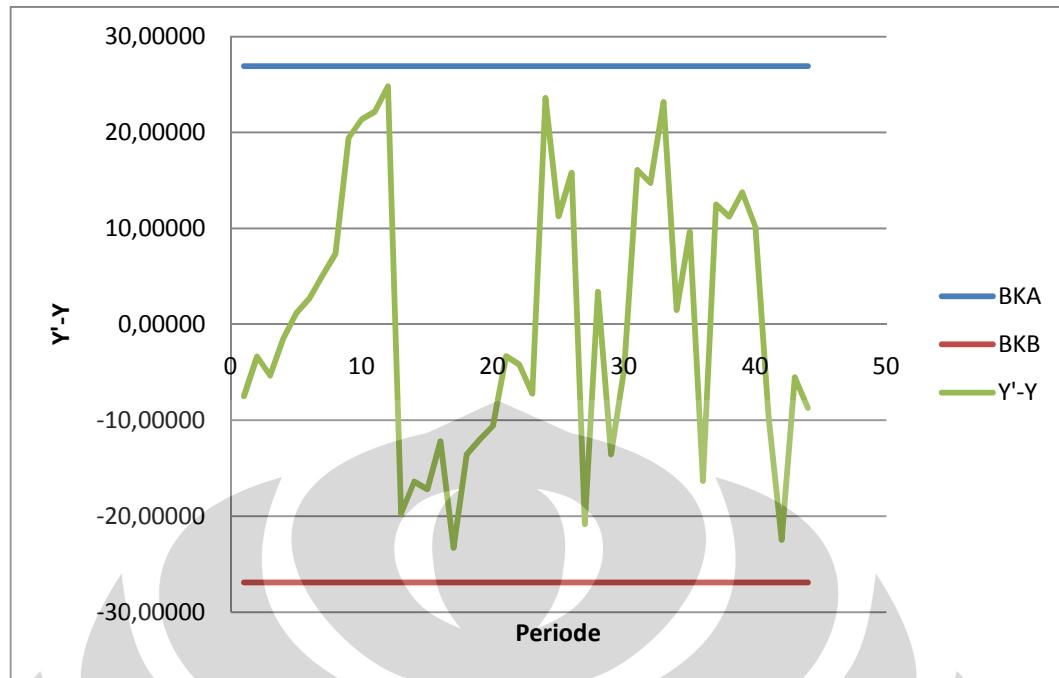
$$\overline{MR} = \frac{\sum MR}{n-1} = \frac{434,9476}{44-1} = 10,115 \quad (3.45)$$

$$BKA = 2,66 \times \overline{MR} = 2,66 \times 10,115 = 26,906 \quad (3.46)$$

$$BKB = -2,66 \times \overline{MR} = 2,66 \times 10,115 = -26,906 \quad (3.47)$$

Tabel 3.28. Perhitungan Hasil Verifikasi Peramalan *Pumping Unit* Tipe C114

X	Y	Y'	Y'-Y	MR
1	15	7,510935	-7,48906	
2	14	10,65627	-3,34373	4,145338
3	19	13,65045	-5,34955	2,005822
4	18	16,49347	-1,50653	3,843017
5	18	19,18532	1,185324	2,691856
6	19	21,72602	2,72602	1,540696
7	19	24,11556	5,115555	2,389535
8	19	26,35393	7,35393	2,238375
9	9	28,44114	19,44114	12,08721
10	9	30,3772	21,3772	1,936053
11	10	32,16209	22,16209	0,784893
12	9	33,79582	24,79582	2,633732
13	55	35,27839	-19,7216	44,51743
14	53	36,6098	-16,3902	3,331411
15	55	37,79005	-17,2099	0,81975
16	51	38,81914	-12,1809	5,02909
17	63	39,69707	-23,3029	11,12207
18	54	40,42384	-13,5762	9,726768
19	53	40,99945	-12,0006	1,575608
20	52	41,4239	-10,5761	1,424447
21	45	41,69718	-3,30282	7,273287
22	46	41,81931	-4,18069	0,877874
23	49	41,79027	-7,20973	3,029035
24	15	38,61008	23,61008	30,8198
25	30	41,27872	11,27872	12,33136
26	25	40,79621	15,79621	4,517484
27	76	55,16253	-20,8375	36,63368
28	36	39,37769	3,377693	24,21516
29	52	38,4417	-13,5583	16,936
30	42	37,35454	-4,64546	8,912841
31	20	36,11622	16,11622	20,76168
32	20	34,72674	14,72674	1,38948
33	10	33,1861	23,1861	8,459359
34	30	31,4943	1,494295	21,6918
35	20	29,65133	9,651333	8,157038
36	44	27,65721	-16,3428	25,99412
37	13	25,51193	12,51193	28,85472
38	12	23,21548	11,21548	1,296444
39	7	20,76788	13,76788	2,552396
40	8	18,16912	10,16912	3,598765
41	25	15,41919	-9,58081	19,74993
42	35	12,5181	-22,4819	12,90109
43	15	9,465858	-5,53414	16,94775
44	15	6,262451	-8,73755	3,203407
990	1304	1304	12	434,9476
			Avg MR	10,11506
			BKA	26,90606
			BKB	-26,90606



Gambar 3.4. Moving Range Chart Peramalan Penjualan Pumping Unit Tipe C114

Dari gambar 3.4. dapat dilihat bahwa tidak ada data di luar batas kontrol sehingga dapat disimpulkan bahwa hasil peramalan dinilai baik dan metode yang digunakan representatif.

Perhitungan peramalan untuk *pumping unit* tipe C25 dan C228 dapat dilihat pada lampiran. Dari hasil perhitungan seluruh tipe *pumping unit*, maka metode-metode yang dipilih untuk tiap tipe *pumping unit* adalah:

1. Tipe C25 : menggunakan metode dekomposisi
2. Tipe C114 : menggunakan metode kuadratis
3. Tipe C228 : menggunakan metode dekomposisi

Pada tabel 3.28. dapat dilihat rekapitulasi hasil peramalan tiap tipe *pumping unit* untuk bulan September – Desember 2010. Dari hasil peramalan permintaan, telah diketahui berapa jumlah permintaan terhadap *pumping unit* yang akan diproduksi pada bulan September – Desember 2010. Dalam penelitian ini, diasumsikan bahwa jumlah produk yang akan diproduksi bernilai lebih kecil atau sama dengan hasil dari jumlah produk yang diramalkan pada bulan September – Desember 2010. Secara matematis formulasi fungsi kendala untuk jumlah permintaan dapat dituliskan:

$$X_{ji} \leq R_{ji} \quad (3.48)$$

Dimana:

X : jumlah produksi optimal (varibel keputusan jenis *pumping unit* ke-j)

R : jumlah permintaan (target produksi)

i : bulan, i = 1, 2, 3, ..., m

j : jenis *pumping unit*, j = 1, 2, ..., n

Tabel 3.29. Hasil Peramalan *Pumping Unit* Tipe C25, C114, dan C228

Bulan	<i>Pumping Unit</i>		
	C25	C114	C228
September	0	8	1
Oktober	0	11	1
November	0	14	1
Desember	0	17	1

Dari tabel 3.28 dapat diketahui hasil peramalan yang menjadi target produksi. Formulasi fungsi kendala untuk target produksi pada bulan November 2010, misalnya adalah sebagai berikut:

$$1. \quad C25 : X_{19} \leq Y_{19} = X_1 \leq 0 \quad (3.49)$$

$$2. \quad C114 : X_{29} \leq Y_{29} = X_2 \leq 8 \quad (3.50)$$

$$3. \quad C228 : X_{39} \leq Y_{39} = X_3 \leq 1 \quad (3.51)$$

3.2.5 Penentuan dan Formulasi Fungsi Kendala Keempat

Fungsi kendala keempat merupakan fungsi kendala jumlah produksi minimum yang memenuhi batas BEP (*break even point*) dalam unit produksi. Dalam penelitian ini, diasumsikan bahwa jumlah produksi harus lebih besar atau sama dengan jumlah produksi minimum yang diterapkan perusahaan. Secara matematis formulasi fungsi kendala untuk jumlah produksi minimum dapat dituliskan:

$$X_{ij} \geq S_{ij} \quad (3.52)$$

Dimana:

X : jumlah produksi optimal (varibel keputusan jenis *pumping unit* ke-j)

S : jumlah produksi minimum (target produksi)

i : bulan, i = 1, 2, 3, ..., m

j : jenis *pumping unit*, j = 1, 2, ..., n

Dari tabel 3.10. dapat diketahui hasil peramalan yang menjadi target produksi. Formulasi fungsi kendala untuk target produksi pada bulan November 2010, misalnya adalah sebagai berikut:

$$1. C25 : X_{19} \geq Y_{19} = X_1 \geq 0 \quad (3.53)$$

$$2. C114 : X_{29} \geq Y_{29} = X_2 \geq 8 \quad (3.54)$$

$$3. C228 : X_{39} \geq Y_{39} = X_3 \geq 1 \quad (3.55)$$

3.2.6 Penentuan Model Perencanaan Produksi

Pada tabel 3.29., 3.30, 3.31., dan 3.32. dapat dilihat rekapitulasi penentuan fungsi tujuan dan fungsi kendala yang dinyatakan dalam model *linear programming* untuk bulan September – Desember 2010.

Tabel 3.30. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan September 2010

Tujuan										
Max. Z :	4851	X_1	+	9362,57	X_2	+	22140	X_3		
Kendala										
Jam Tenaga Kerja										
46341,943 X_1 + 46076,29 X_2 + 46111,92 X_3 ≤ 2016000										
32616,168 X_1 + 32350,46 X_2 + 32383,96 X_3 ≤ 1209600										
35724,067 X_1 + 35460,53 X_2 + 35495,07 X_3 ≤ 1209600										
35031,680 X_1 + 34765,01 X_2 + 34803,65 X_3 ≤ 1209600										
84572,720 X_1 + 84302,64 X_2 + 84331,80 X_3 ≤ 4838400										
72799,757 X_1 + 72531,29 X_2 + 72562,87 X_3 ≤ 4838400										
57212,274 X_1 + 56941,38 X_2 + 56970,38 X_3 ≤ 2016000										
43885,217 X_1 + 43611,60 X_2 + 43648,21 X_3 ≤ 1209600										
35611,760 X_1 + 35340,32 X_2 + 35373,76 X_3 ≤ 1209600										
32471,734 X_1 + 32215,82 X_2 + 32249,88 X_3 ≤ 1209600										
19637,745 X_1 + 19374,55 X_2 + 19415,57 X_3 ≤ 806400										
Ketersediaan Bahan Baku										
0,10 X_1 + 0,04 X_2 + 0,33 X_3 ≤ 10										
0,00 X_1 + 1,00 X_2 + 0,33 X_3 ≤ 50										
0,30 X_1 + 0,24 X_2 + 0,67 X_3 ≤ 35										
Target Produksi										
X110 ≤ R110 :		X_1							≤	0
X210 ≤ R210 :				X_2					≤	8
X310 ≤ R310 :						X_3		≤		1
Jumlah Produksi Minimum										
X110 ≥ R110 :		X_1							≥	0
X210 ≥ R210 :			X_2						≥	4
X310 ≥ R310 :					X_3			≥		1

Tabel 3.31. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan Oktober 2010

Tujuan						
Max. Z : 4851 X_1 + 9362,57 X_2 + 22140 X_3						
Kendala						
Jam Tenaga Kerja						
	46341,94 X_1	+	46076,29 X_2	+	46111,92 X_3	\leq 3024000
	32616,17 X_1	+	32350,46 X_2	+	32383,96 X_3	\leq 1814400
	35724,07 X_1	+	35460,53 X_2	+	35495,07 X_3	\leq 1814400
	35031,68 X_1	+	34765,01 X_2	+	34803,65 X_3	\leq 1814400
	84572,72 X_1	+	84302,64 X_2	+	84331,80 X_3	\leq 7257600
	72799,76 X_1	+	72531,29 X_2	+	72562,87 X_3	\leq 7257600
	57212,27 X_1	+	56941,38 X_2	+	56970,38 X_3	\leq 3024000
	43885,22 X_1	+	43611,60 X_2	+	43648,21 X_3	\leq 1814400
	35611,76 X_1	+	35340,32 X_2	+	35373,76 X_3	\leq 1814400
	32471,73 X_1	+	32215,82 X_2	+	32249,88 X_3	\leq 1814400
	19637,75 X_1	+	19374,55 X_2	+	19415,57 X_3	\leq 1209600
Ketersediaan Bahan Baku						
	0,10 X_1	+	0,04 X_2	+	0,33 X_3	\leq 10
	0,00 X_1	+	1,00 X_2	+	0,33 X_3	\leq 50
	0,30 X_1	+	0,24 X_2	+	0,67 X_3	\leq 35
Target Produksi						
X111 \leq R111 :	X_1				\leq	0
X211 \leq R211 :			X_2		\leq	11
X311 \leq R311 :				X_3	\leq	1
Jumlah Produksi Minimum						
X111 \geq R111 :	X_1				\geq	0
X211 \geq R211 :			X_2		\geq	6
X311 \geq R311 :				X_3	\geq	1

**Tabel 3.32. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala
Bulan November 2010**

Tujuan						
Max. Z : 4851 X_1 + 9362,57 X_2 + 22140 X_3						
Kendala						
Jam Tenaga Kerja						
	46341,94 X_1	+	46076,29 X_2	+	46111,92 X_3	\leq 3168000
	32616,17 X_1	+	32350,46 X_2	+	32383,96 X_3	\leq 1900800
	35724,07 X_1	+	35460,53 X_2	+	35495,07 X_3	\leq 1900800
	35031,68 X_1	+	34765,01 X_2	+	34803,65 X_3	\leq 1900800
	84572,72 X_1	+	84302,64 X_2	+	84331,80 X_3	\leq 7603200
	72799,76 X_1	+	72531,29 X_2	+	72562,87 X_3	\leq 7603200
	57212,27 X_1	+	56941,38 X_2	+	56970,38 X_3	\leq 3168000
	43885,22 X_1	+	43611,60 X_2	+	43648,21 X_3	\leq 1900800
	35611,76 X_1	+	35340,32 X_2	+	35373,76 X_3	\leq 1900800
	32471,73 X_1	+	32215,82 X_2	+	32249,88 X_3	\leq 1900800
	19637,75 X_1	+	19374,55 X_2	+	19415,57 X_3	\leq 1267200
Ketersediaan Bahan Baku						
	0,10 X_1	+	0,04 X_2	+	0,33 X_3	\leq 10
	0,00 X_1	+	1,00 X_2	+	0,33 X_3	\leq 50
	0,30 X_1	+	0,24 X_2	+	0,67 X_3	\leq 35
Target Produksi						
X112 ≤ R112 :	X_1				\leq	0
X212 ≤ R212 :		X_2			\leq	14
X312 ≤ R312 :				X_3	\leq	1
Jumlah Produksi Minimum						
X112 ≥ R112 :	X_1				\geq	0
X212 ≥ R212 :		X_2			\geq	7
X312 ≥ R312 :				X_3	\geq	1

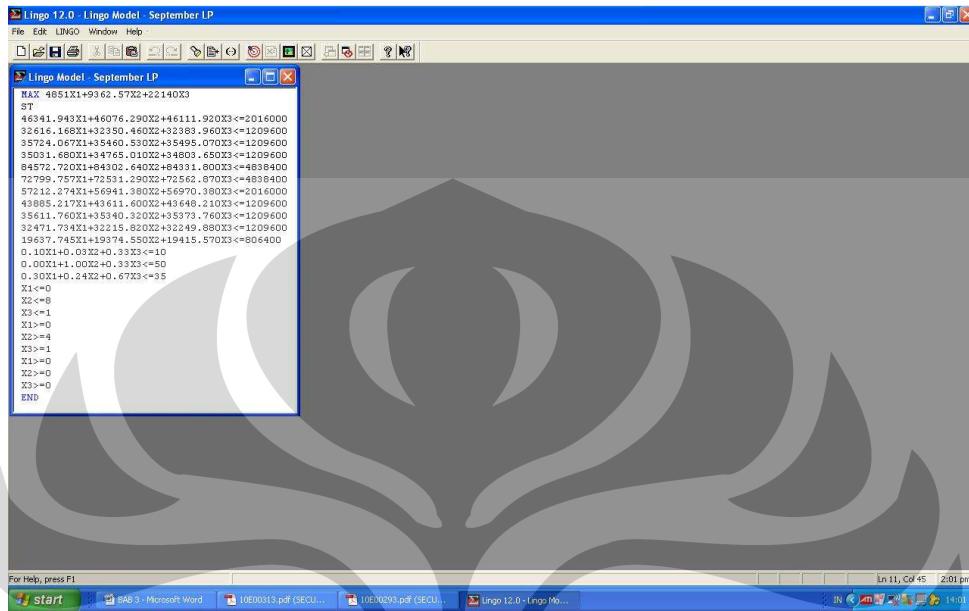
Tabel 3.33. Rekapitulasi Fungsi Tujuan dan Fungsi Kendala Bulan Desember 2010

Tujuan						
Max. Z : 4851 X_1 + 9362,57 X_2 + 22140 X_3						
Kendala						
Jam Tenaga Kerja						
	46341,94 X_1	+	46076,29 X_2	+	46111,92 X_3	\leq 3168000
	32616,17 X_1	+	32350,46 X_2	+	32383,96 X_3	\leq 1900800
	35724,07 X_1	+	35460,53 X_2	+	35495,07 X_3	\leq 1900800
	35031,68 X_1	+	34765,01 X_2	+	34803,65 X_3	\leq 1900800
	84572,72 X_1	+	84302,64 X_2	+	84331,80 X_3	\leq 7603200
	72799,76 X_1	+	72531,29 X_2	+	72562,87 X_3	\leq 7603200
	57212,27 X_1	+	56941,38 X_2	+	56970,38 X_3	\leq 3168000
	43885,22 X_1	+	43611,60 X_2	+	43648,21 X_3	\leq 1900800
	35611,76 X_1	+	35340,32 X_2	+	35373,76 X_3	\leq 1900800
	32471,73 X_1	+	32215,82 X_2	+	32249,88 X_3	\leq 1900800
	19637,75 X_1	+	19374,55 X_2	+	19415,57 X_3	\leq 1267200
Ketersediaan Bahan Baku						
	0,10 X_1	+	0,04 X_2	+	0,33 X_3	\leq 10
	0,00 X_1	+	1,00 X_2	+	0,33 X_3	\leq 50
	0,30 X_1	+	0,24 X_2	+	0,67 X_3	\leq 35
Target Produksi						
X112 \leq R112 :	X_1					\leq 0
X212 \leq R212 :		X_2				\leq 17
X312 \leq R312 :			X_3			\leq 1
Jumlah Produksi Minimum						
X112 \geq R112 :	X_1					\geq 0
X212 \geq R212 :		X_2				\geq 8
X312 \geq R312 :			X_3			\geq 1

3.2.7 Penyelesaian Model *Linear Programming*

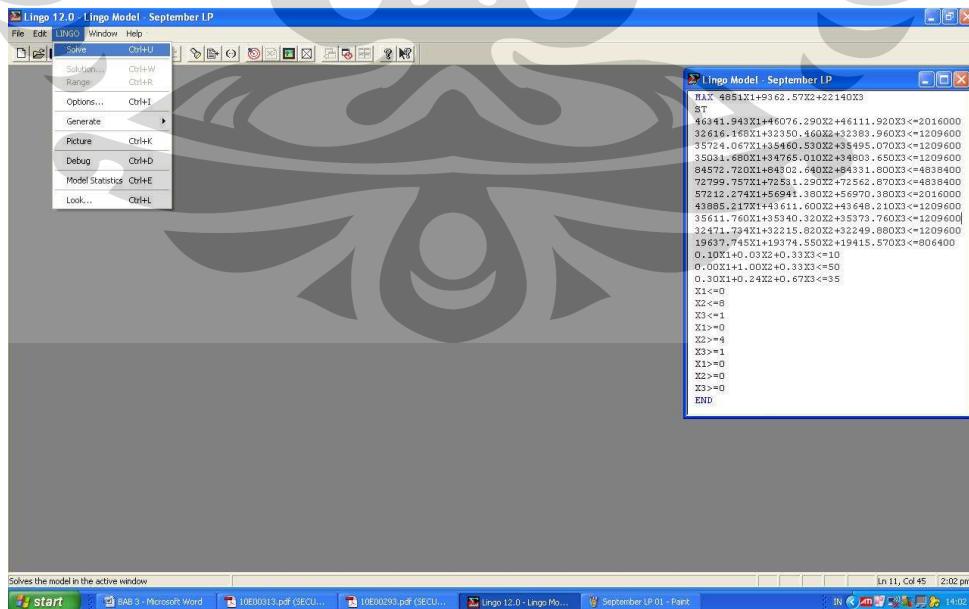
Penyelesaian model *linear programming* dibantu menggunakan *software LINGO12*. Adapun langkah penyelesaian model *linear programming* untuk bulan September 2010 adalah:

1. Membentuk model *linear programming*, seperti tercantum pada tabel 3.30. dengan memasukkan pada *software LINGO12*. Contoh dapat dilihat pada gambar 3.5.



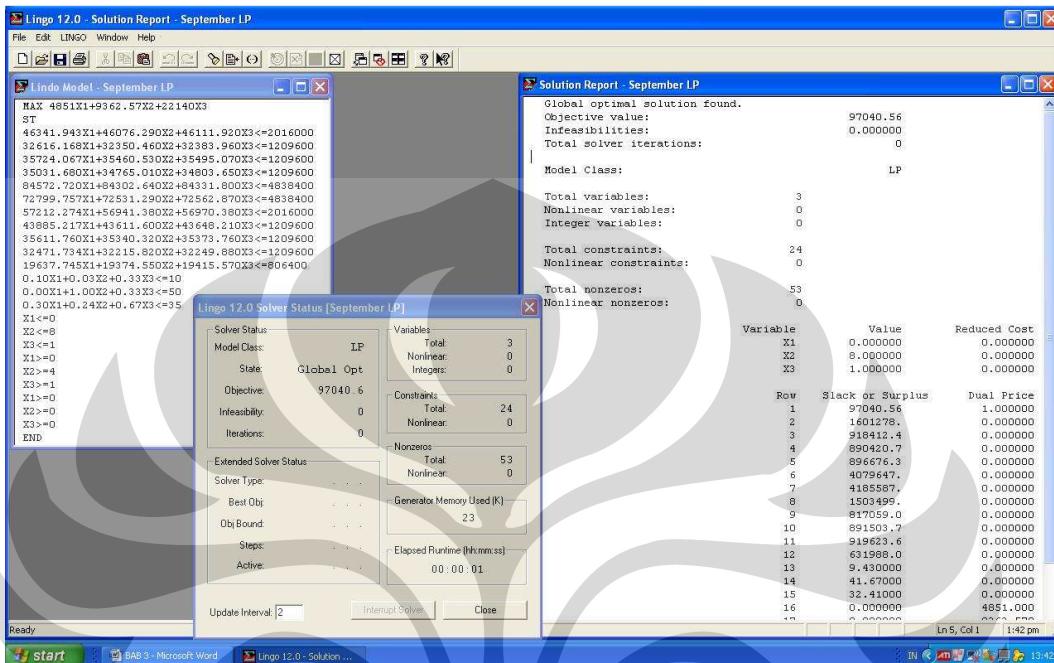
Gambar 3.5. Model Linear Programming dengan Software LINGO12

2. Setelah membentuk model *linear programming* ke dalam *software LINGO12*, klik *Solve* pada *Menu Lingo* -> *Solve*. Contoh dapat dilihat pada gambar 3.6.



Gambar 3.6. Penyelesaian Model Linear Programming dengan Software LINGO12

Setelah kita klik *Solve* pada *Menu Lingo*, maka hasilnya dapat dilihat pada gambar 3.7.



Gambar 3.7. Hasil Penyelesaian Model *Linear Programming* dengan Software *LINGO12*

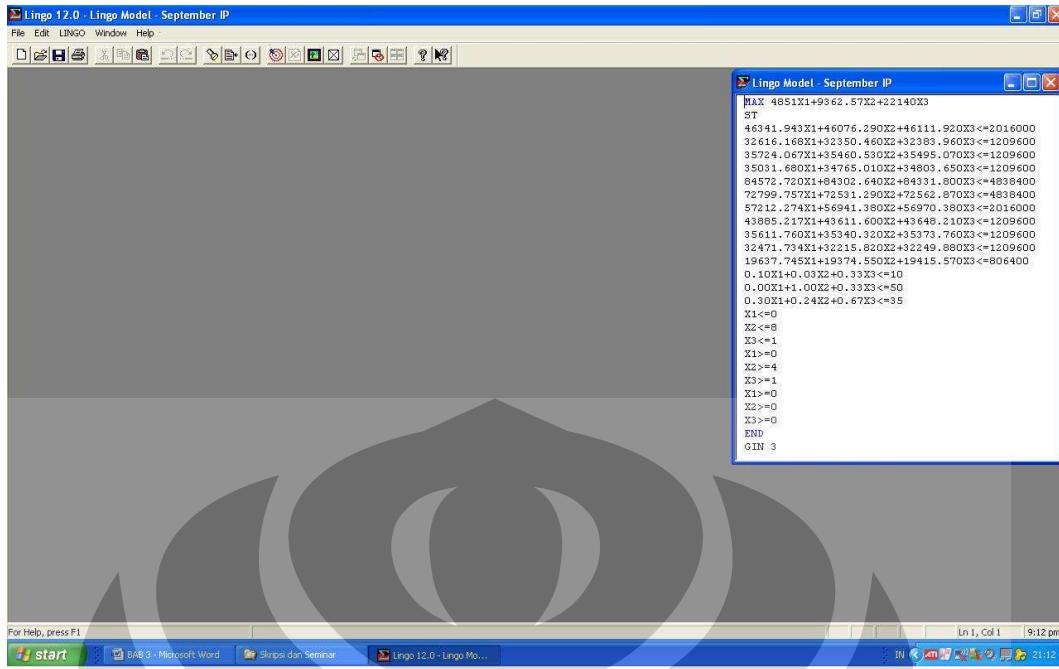
Dari hasil perhitungan model *linear programming* dengan *software LINGO12*, dapat diperoleh produksi untuk bulan September 2010 setiap *pumping unit*, berikut adalah hasilnya:

1. $X_1 = 0$ unit
2. $X_2 = 8$ unit
3. $X_3 = 1$ unit

3.2.8 Penyelesaian Model *Integer Programming*

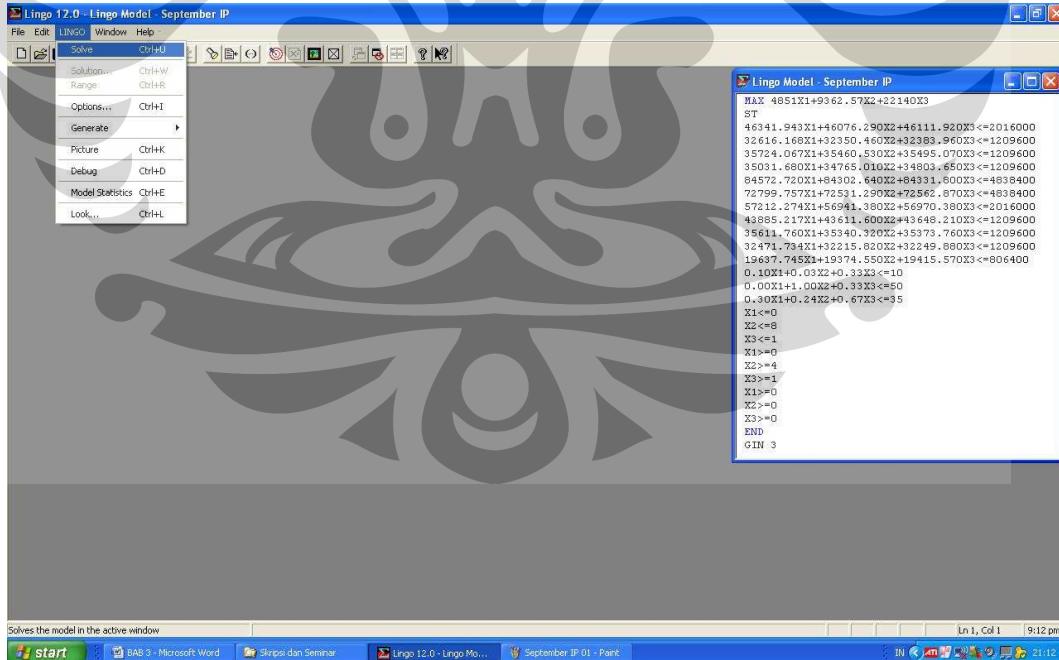
Penyelesaian model *integer programming* dibantu menggunakan *software LINGO12*. Adapun langkah penyelesaian model *linear programming* untuk bulan September 2010 adalah:

1. Membuat model *integer programming*, seperti tercantum pada tabel 3.30. dengan memasukkan pada *software LINGO12*. Contoh dapat dilihat pada gambar 3.8.



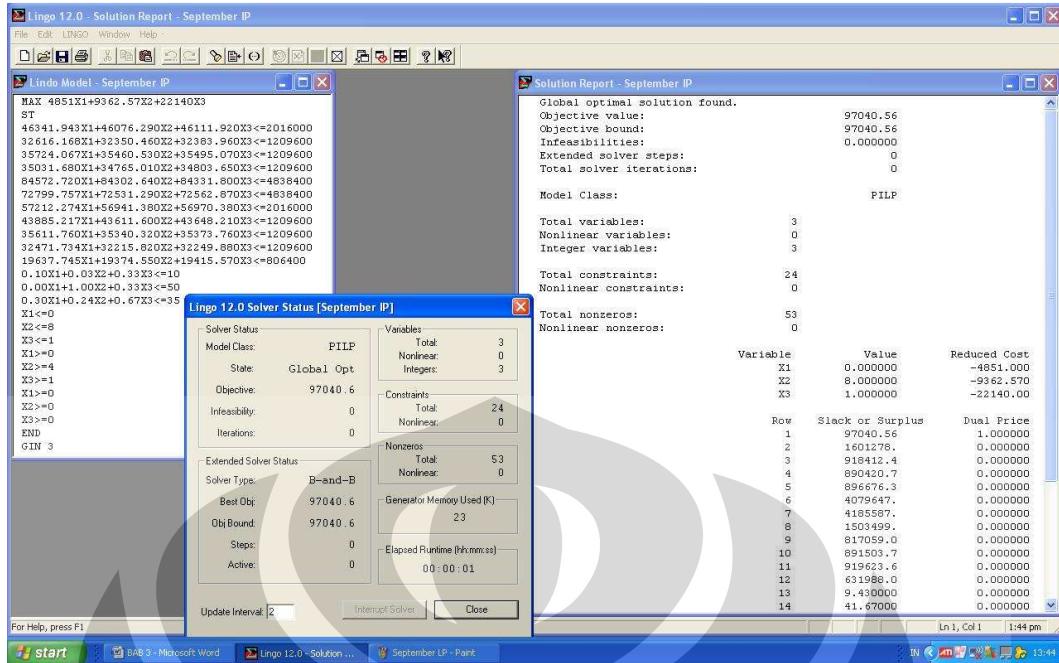
Gambar 3.8. Model Integer Programming dengan Software LINGO12

2. Setelah membentuk model integer programming ke dalam software LINGO12, klik *Solve* pada *Menu Lingo -> Solve*. Contoh dapat dilihat pada gambar 3.9.



Gambar 3.9. Penyelesaian Model Integer Programming dengan Software LINGO12

Setelah kita klik *Solve* pada *Menu Lingo*, maka hasilnya dapat dilihat pada gambar 3.10.



Gambar 3.10. Penyelesaian Model Integer Programming dengan Software LINGO12

Dari hasil perhitungan model *integer programming* dengan *software LINGO12*, dapat diperoleh produksi untuk bulan September 2010 setiap *pumping unit*, berikut adalah hasilnya:

1. $X_1 = 0$ unit
2. $X_2 = 8$ unit
3. $X_3 = 1$ unit

Untuk perhitungan pada bulan Oktober, November, dan Desember 2010 dapat dilakukan dengan cara yang sama, yaitu dengan menggunakan bantuan *software LINGO12*. Hasil rekapitulasi penentuan jumlah produksi dengan perhitungan model *integer programming* bulan September, Oktober, November, dan Desember 2010 dapat dilihat pada tabel 3.33.

Tabel 3.34. Rekapitulasi Penentuan Jumlah Produksi dengan Model Integer Programming

Bulan	C25 (unit)/X ₁	C114 (unit)/X ₂	C228 (unit)/X ₃	Laba
September	0	8	1	\$ 97.040,57
Oktober	0	11	1	\$ 125.128,29
November	0	14	1	\$ 153.216,00
Desember	0	17	1	\$ 181.303,71

BAB 4

ANALISIS

4.1 Analisis Perencanaan Produksi Saat Ini

Saat ini perencanaan produksi Produsen *Pumping Unit* untuk menentukan jumlah *pumping unit* yang akan diproduksi dilakukan berdasarkan perkiraan pola permintaan masa lalu dengan menggunakan peramalan kuantitatif. Seperti yang diketahui, bahwa hasil interpretasi peramalan tidak akan terlalu jauh berbeda dengan pola data permintaan tahun sebelumnya. Namun kenyataannya terjadi pergeseran permintaan sebesar 178 unit dari tahun 2007 menjadi 591 unit pada tahun 2008 untuk tipe C114 dan penurunan dari 12 unit menjadi 3 unit pada tahun yang sama untuk tipe C228. Perkiraan yang dilakukan belum mempertimbangkan keterbatasan perusahaan dalam hal tenaga kerja, mesin, bahan baku, dan modal secara matematis. Sementara seperti diketahui, proses produksi dapat dilakukan jika tersedia tenaga kerja, mesin, bahan baku, dan modal yang cukup. Jika salah satu dari elemen ini tidak terpenuhi maka proses produksi akan mengalami gangguan bahkan dapat mengakibatkan proses produksi harus dihentikan. Hal ini dapat terjadi di Produsen *Pumping Unit*, karena acuan produksi hanya berdasarkan perkiraan permintaan. Secara umum proses produksi telah berjalan cukup baik, namun perusahaan mengharapkan adanya metode perencanaan produksi yang lebih baik yang dapat mengalokasikan sumber daya terbatas dengan efisien.

4.2 Analisis Perencanaan Produksi dengan *Integer Programming*

Model *integer programming* digunakan untuk memperoleh solusi dalam bentuk bilangan bulat (*integer*). Model ini terdiri dari 3 parameter, yakni:

1. Variabel keputusan, yaitu jumlah produksi untuk tiap *pumping unit*.
2. Fungsi tujuan, yaitu laba yang diinginkan dari hasil jumlah produksi.
3. Fungsi kendala, yaitu batasan ketersediaan jam kerja orang, ketersediaan bahan baku, target produksi, dan jumlah produksi minimum.

Sebagai contoh, nilai dari variabel keputusan, fungsi tujuan, dan fungsi kendala untuk bulan September 2010 adalah:

1. Variabel keputusan:

- a. *Pumping unit C25* = 0 unit
- b. *Pumping unit C114* = 8 unit
- c. *Pumping unit C28* = 1 unit

2. Fungsi tujuan:

$$\text{Laba yang dihasilkan} = 4851X_1 + 9362,57X_2 + 22140X_3$$

$$= 4851(0) + 9362,57(8) + 22140(1)$$

$$= \$ 97.040,57$$

3. Fungsi kendala:

- a. Jam tenaga kerja yang terpakai

- Perakitan *pitman*

$$46341,94(0) + 46076,29(8) + 46111,92(1) = 414722,24 \text{ detik}$$

- Perakitan *horse head*

$$32616,17(0) + 32350,46(8) + 32383,96(1) = 291187,64 \text{ detik}$$

- Perakitan *samson post front*

$$35724,07(0) + 35460,53(8) + 35495,07(1) = 319179,34 \text{ detik}$$

- Perakitan *samson post rear*

$$35031,68(0) + 34765,01(8) + 34803,65(1) = 312923,76 \text{ detik}$$

- Perakitan *walking beam assy*

$$84572,72(0) + 84302,64(8) + 84331,80(1) = 758752,92 \text{ detik}$$

- Perakitan *gear reducer assy*

$$72799,76(0) + 72531,29(8) + 72562,87(1) = 652813,21 \text{ detik}$$

- Perakitan *frame assy*

$$57212,27(0) + 56941,38(8) + 56970,38(1) = 512501,44 \text{ detik}$$

- Perakitan *equalizer*

$$43885,22(0) + 43611,60(8) + 43648,21(1) = 392540,98 \text{ detik}$$

- Perakitan *frame extension*

$$35611,76(0) + 35340,32(8) + 35373,76(1) = 318096,32 \text{ detik}$$

- Perakitan *belt guard*

$$32471,73(0) + 32215,82(8) + 32249,88(1) = 289976,46 \text{ detik}$$

- Perakitan *counter weight*

$$19637,75(0) + 19374,55(8) + 19415,57(1) = 174411,95 \text{ detik}$$

b. Bahan baku yang terpakai

- Pelat T = 4,5 mm

$$0,10(0) + 0,04(8) + 0,33(1) = 0,65 \text{ lbr}$$

- Roller bearing (RB) Ø = 16 mm

$$0,00(0) + 1,00(8) + 0,33(1) = 8,33 \text{ btg}$$

- Wide flange (WF) 400 x 200 x 8 x 13

$$0,30(0) + 0,24(8) + 0,67(1) = 2,59 \text{ btg}$$

Pada tabel 4.1. dapat dilihat hasil rekapitulasi dari setiap nilai variabel keputusan, fungsi tujuan dan fungsi kendala untuk bulan September, Oktober, November, Desember 2010.

Tabel 4.1. Rekapitulasi Hasil Perhitungan dengan Integer Programming

Fungsi		September	Oktober	November	Desember
Variabel Keputusan					
1	C25	0	0	0	0
2	C114	8	11	14	17
3	C228	1	1	1	1
Fungsi Tujuan		97040,56	125128,27	153215,98	181303,69
Jam Tenaga Kerja Terpakai					
-	Perakitan pitman	414722,21	552951,07	691179,93	829408,78
-	Perakitan horse head	291187,65	388239,03	485290,42	582341,80
-	Perakitan samson post front	319179,34	425560,94	531942,54	638324,15
-	Perakitan samson post rear	312923,76	417218,80	521513,84	625808,88
-	Perakitan walking beam assy	758752,92	1011660,84	1264568,76	1517476,68
-	Perakitan gear reducer assy	652813,21	870407,09	1088000,97	1305594,85
-	Perakitan frame assy	512501,44	683325,59	854149,74	1024973,89
-	Perakitan equalizer	392540,98	523375,76	654210,55	785045,34
-	Perakitan frame extension	318096,32	424117,28	530138,24	636159,20
-	Perakitan belt guard	289976,46	386623,93	483271,40	579918,86
-	Perakitan counter weight	174411,95	232535,60	290659,24	348782,89
Bahan Baku Terpakai					
-	Pelat T = 4,5 mm	0,65	0,77	0,89	1,01
-	Roller bearing (RB) Ø = 16 mm	8,33	11,33	14,33	17,33
-	Wide flange (WF) 400 x 200 x 8 x 13	2,59	3,31	4,03	4,75

Dari tabel 4.1. dapat dilihat penggunaan sumber daya oleh perusahaan sesuai perencanaan produksi pada bulan September, Oktober, November, dan Desember 2010. Pada tabel 4.2. dapat dilihat ketersediaan sumber daya

perusahaan tiap bulannya dan selisih antara penggunaan dengan ketersediaan sumberdaya di perusahaan.

Tabel 4.2. Perbandingan Ketersediaan Sumber Daya di Perusahaan dengan Pemakaian Sumber Daya Berdasarkan Integer Programming

Sumber Daya Terpakai	Terpakai				Ketersediaan Sumber Daya			
	September	Okttober	November	Desember	September	Okttober	November	Desember
Jam Tenaga Kerja Terpakai (detik)								
- Perakitan pitman	414722,21	552951,07	691179,93	829408,78	2016000	3024000	3168000	3168000
- Perakitan horse head	291187,65	388239,03	485290,42	582341,80	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan samson post front	319179,34	425560,94	531942,54	638324,15	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan samson post rear	312923,76	417218,80	521513,84	625808,88	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan walking beam assy	758752,92	1011660,84	1264568,76	1517476,68	4838400	7257600	7603200	7603200
- Perakitan gear reducer assy	652813,21	870407,09	1088000,97	1305594,85	4838400	7257600	7603200	7603200
- Perakitan frame assy	512501,44	683325,59	854149,74	1024973,89	2016000	3024000	3168000	3168000
- Perakitan equalizer	392540,98	523375,76	654210,55	785045,34	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan frame extension	318096,32	424117,28	530138,24	636159,20	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan belt guard	289976,46	386623,93	483271,40	579918,86	1209600	1814400	1900800	1900800
- Perakitan counter weight	174411,95	232535,60	290659,24	348782,89	806400	1209600	1267200	1267200
Bahan Baku Terpakai								
- Pelat T = 4,5 mm	0,65	0,77	0,89	1,01	10	10	10	10
- Roller bearing (RB) Ø = 16 mm	8,33	11,33	14,33	17,33	50	50	50	50
- Wide flange (WF) 400 x 200 x 8 x 13	2,59	3,31	4,03	4,75	35	35	35	35
Sumber Daya Terpakai	Selisih				Percentase Sisa Pemakaian Sumber Daya			
	September	Okttober	November	Desember	September	Okttober	November	Desember
Jam Tenaga Kerja Terpakai (detik)								
- Perakitan pitman	1601277,79	2471048,93	2476820,07	2338591,22	79,43%	81,71%	78,18%	73,82%
- Perakitan horse head	918412,35	1426160,97	1415509,58	1318458,20	75,93%	78,60%	74,47%	69,36%
- Perakitan samson post front	890420,66	1388839,06	1368857,46	1262475,85	73,61%	76,55%	72,01%	66,42%
- Perakitan samson post rear	896676,24	1397181,20	1379286,16	1274991,12	74,13%	77,01%	72,56%	67,08%
- Perakitan walking beam assy	4079647,08	6245939,16	6338631,24	6085723,32	84,32%	86,06%	83,37%	80,04%
- Perakitan gear reducer assy	4185586,79	6387192,91	6515199,03	6297605,15	86,51%	88,01%	85,69%	82,83%
- Perakitan frame assy	1503498,56	2340674,41	2313850,26	2143026,11	74,58%	77,40%	73,04%	67,65%
- Perakitan equalizer	817059,02	1291024,24	1246589,45	1115754,66	67,55%	71,15%	65,58%	58,70%
- Perakitan frame extension	891503,68	1390282,72	1370661,76	1264640,80	73,70%	76,62%	72,11%	66,53%
- Perakitan belt guard	919623,54	1427776,07	1417528,60	1320881,14	76,03%	78,69%	74,58%	69,49%
- Perakitan counter weight	631988,05	977064,40	976540,76	918417,11	78,37%	80,78%	77,06%	72,48%
Bahan Baku Terpakai								
- Pelat T = 4,5 mm	9,35	9,23	9,11	8,99	93,50%	92,30%	91,10%	89,90%
- Roller bearing (RB) Ø = 16 mm	41,67	38,67	35,67	32,67	83,34%	77,34%	71,34%	65,34%
- Wide flange (WF) 400 x 200 x 8 x 13	32,41	31,69	30,97	30,25	92,60%	90,54%	88,49%	86,43%

Dari tabel 4.2. dapat disimpulkan perusahaan dapat berproduksi tanpa adanya gangguan kekurangan sumber daya karena sumber daya yang terpakai masih dalam batas ketersediaan sumber daya perusahaan. Misalnya pada bulan September 2010, tenaga kerja perakitan *pitman* yang terpakai 414722,21 detik atau 20,57%.

Selain itu, dapat juga dilihat bahwa terdapat sumber daya perusahaan berlebih tidak seimbang antara sumber daya yang ada. Misalnya pada bulan September 2010, untuk tenaga kerja perakitan *gear reducer assy* yang terpakai 652813,21 detik atau 13,49%. Sedangkan untuk perakitan *equalizer* terpakai 392540,98 detik atau 32,45%.

4.3 Analisis Sensitivitas Perencanaan Produksi

Analisis sensitivitas merupakan kajian tentang sensitivitas solusi optimal yang diakibatkan oleh perubahan yang terjadi pada parameter-parameter model, yakni nilai variabel keputusan pada fungsi tujuan, nilai ruas kanan, dan koefisien fungsi kendala. Dalam hal ini, ingin diketahui seberapa besar perubahan pada parameter model yang diijinkan untuk tetap mempertahankan solusi optimal.

Pada tabel 4.2. dapat dilihat kelebihan kapasitas produksi baik kapasitas tenaga kerja maupun ketersediaan bahan. Nilai positif pada selisih kapasitas menandakan terjadi kelebihan kapasitas, sedangkan nilai nol menandakan kapasitas terbatas, yakni kapasitas tersedia telah terpakai seluruhnya. Melalui analisis sensitivitas ini dapat dicari sejauh mana nilai kapasitas dapat dinaikkan atau diturunkan dengan tetap mempertahankan solusi optimal. Misalnya untuk bulan September 2010, dari hasil uji program aplikasi *LINGO12* dapat dilihat maksimum penambahan dan pengurangan kapasitas yang diijinkan. *Allowable increase* berarti maksimum penambahan yang diijinkan, misalnya untuk perakitan *pitman* (row 2) penambahan yang diijinkan tidak terhingga. Sedangkan *allowable decrease* berarti maksimum pengurangan yang diijinkan, misalnya untuk perakitan *pitman* (row 2) pengurangan yang diijinkan 1601278 detik. Rekapitulasi penambahan dan pengurangan kapasitas yang diijinkan dapat dilihat pada tabel 4.3.

Tabel 4.3. Perubahan Maksimum Kapasitas

Kapasitas Perusahaan		ROW	Current RHS	Allowable Increase	Allowable Decrease
Jam Tenaga Kerja Terpakai (detik)					
-	Perakitan <i>pitman</i>	2	2016000	<i>INFINITY</i>	1601278,00
-	Perakitan <i>horse head</i>	3	1209600	<i>INFINITY</i>	918412,40
-	Perakitan <i>samson post front</i>	4	1209600	<i>INFINITY</i>	890420,70
-	Perakitan <i>samson post rear</i>	5	1209600	<i>INFINITY</i>	896676,30
-	Perakitan <i>walking beam assy</i>	6	4838400	<i>INFINITY</i>	4079647,00
-	Perakitan <i>gear reducer assy</i>	7	4838400	<i>INFINITY</i>	4185587,00
-	Perakitan <i>frame assy</i>	8	2016000	<i>INFINITY</i>	1503499,00
-	Perakitan <i>equalizer</i>	9	1209600	<i>INFINITY</i>	817059,00
-	Perakitan <i>frame extension</i>	10	1209600	<i>INFINITY</i>	891503,70
-	Perakitan <i>belt guard</i>	11	1209600	<i>INFINITY</i>	919623,60
-	Perakitan <i>counter weight</i>	12	806400	<i>INFINITY</i>	631988,00
Bahan Baku Terpakai					
-	Pelat T = 4,5 mm	13	10	<i>INFINITY</i>	9,43
-	<i>Roller bearing (RB) Ø = 16 mm</i>	14	50	<i>INFINITY</i>	41,67
-	Wide flange (WF) 400 x 200 x 8 x 13	15	35	<i>INFINITY</i>	32,41
Target Produksi (Unit)					
-	C25	16	0	18,61809	0,00
-	C114	17	8	18,73490	4,00
-	C228	18	1	18,71919	0,00

Dengan adanya informasi pengurangan kapasitas yang diijinkan pada analisis sensitivitas ini, maka perusahaan dapat mengurangi kelebihan kapasitasnya sampai pada batas yang ditetapkan. Dengan adanya pengurangan kapasitas tersedia ini maka biaya produksi dapat dikurangi, sehingga laba dapat dimaksimumkan.

BAB 5

KESIMPULAN DAN SARAN

5.1 Kesimpulan

Setelah dilakukan pengolahan dan analisa terhadap pemecahan masalah, maka dapat diambil kesimpulan sebagai berikut:

1. Saat ini perencanaan produksi Produsen *Pumping Unit* untuk menentukan jumlah *pumping unit* yang akan diproduksi dilakukan berdasarkan perkiraan pola permintaan masa lalu dengan menggunakan peramalan kuantitatif. Seperti yang diketahui, bahwa hasil interpretasi peramalan tidak akan terlalu jauh berbeda dengan pola data permintaan tahun sebelumnya. Namun kenyataannya terjadi pergeseran permintaan sebesar 178 unit dari tahun 2007 menjadi 591 unit pada tahun 2008 untuk tipe C114 dan penurunan dari 12 unit menjadi 3 unit pada tahun yang sama untuk tipe C228. Perkiraan yang dilakukan belum mempertimbangkan keterbatasan perusahaan dalam hal tenaga kerja, mesin, bahan baku, dan modal secara matematis.
2. Jumlah produksi yang optimal pada periode perencanaan dengan menggunakan *integer programming* pada bulan September adalah 0 unit *pumping unit* tipe C25, 8 unit *pumping unit* tipe C114, dan 1 unit *pumping unit* tipe C228. Pada bulan Oktober, 0 unit *pumping unit* tipe C25, 11 unit *pumping unit* tipe C114, dan 1 unit *pumping unit* tipe C228. Pada bulan November, 0 unit *pumping unit* tipe C25, 14 unit *pumping unit* tipe C114, dan 1 unit *pumping unit* tipe C228. Pada bulan Desember, 0 unit *pumping unit* tipe C25, 17 unit *pumping unit* tipe C114, dan 1 unit *pumping unit* tipe C228.
3. Keuntungan yang diperoleh untuk bulan September, Oktober, November, dan Desember berturut-turut dengan menggunakan *integer programming* adalah \$97040,56, \$125128,27, \$153215,98, dan \$181303,69.
4. Melalui perhitungan ketersediaan sumber daya dengan menggunakan *integer programming* perusahaan dapat berproduksi tanpa adanya gangguan kekurangan sumber daya karena sumber daya yang terpakai masih dalam batas ketersediaan sumber daya perusahaan. Misalnya pada bulan September 2010, tenaga kerja perakitan *pitman* yang terpakai 414722,21 detik atau

20,57%. Selain itu, dapat juga dilihat bahwa terdapat sumber daya perusahaan berlebih tidak seimbang antara sumber daya yang ada. Misalnya pada bulan September 2010, untuk tenaga kerja perakitan *gear reducer assy* yang terpakai 652813,21 detik atau 13,49%. Sedangkan untuk perakitan *equalizer* terpakai 392540,98 detik atau 32,45%.

5. Melalui analisa sensitivitas perencanaan produksi dapat diketahui seberapa besar perubahan pada parameter model yang diijinkan untuk tetap mempertahankan solusi optimal. Dari analisa sensitivitas perencanaan produksi dapat dilihat kelebihan atau kekurangan kapasitas produksi baik kapasitas tenaga kerja maupun ketersediaan bahan. Pada hasil perhitungan dengan menggunakan *LINGO12* kapasitas tenaga kerja dan bahan baku perlu dikurangi untuk menekan biaya produksi, sehingga laba dapat dimaksimumkan.

5.2 Saran

Saran yang diberikan untuk penyempurnaan penulisan skripsi kepada peneliti selanjutnya adalah melakukan perencanaan produksi dengan memperhitungkan sisa pemakaian bahan baku di setiap akhir periode untuk melihat sejauh mana pencapaian keuntungan perusahaan terhadap variabel-variabel perusahaan.

DAFTAR REFERENSI

- Ashok Rao, Lawrence P. Carr, Ismael Dambolena, Robert J. Kopp, John Martin, Farshad Rafii, Phyllis Fineman Schlesinger. (1996). *Total Quality Management Across Functional Perspective*. John Wiley & Sons. Canada.
- Barnes. (1980). *Motion and Time Study 7th edition*. John Wiley & Sons. USA.
- Chase, Jacobs, Aquilano. (2006). *Operations Management Eleventh Edition*. Mc. Graw Hill International Edition. Singapore.
- Ginting, Rosnani. (2007). *Sistem Produksi*. Penerbit Graha Ilmu. Surabaya.
- J.R. Tony Arnold and Stephen N. Chapman. (2004). *Introduction to Materials Management Fifth Edition*. Prentice Hall. New Jersey.
- Makridakis dan Victor E. Mc. Gee. (1988). *Metode dan Aplikasi Peramalan Edisi Kedua*. Penerbit Erlangga. Jakarta.
- Nasution, Arman Hakim. (2003). *Perencanaan dan Pengendalian Produksi*. Penerbit Guna Widya. Surabaya.
- Render, Barry. (2001). *Prinsip-Prinsip Manajemen Operasi*. Penerbit Salemba Empat. Jakarta.
- Siswanto. (2007). *Riset Operasi Jilid 1*. Penerbit Erlangga. Jakarta.
- Sritomo, Wignjosoebroto. (2003) *Pengantar Teknik dan Manajemen Pabrik Edisi Pertama*. Penerbit Guna Widya. Surabaya.
- Taha, Hamdy. A. (2007) *Operation Research an Introduction*. Prentice Hall.
- Zulfikariyah, Fien. (2004). *Operation Research*. Bayu Media.

Lampiran 1 : Tabel *Allowance* Berdasarkan Literatur

FAKTOR		KELONGGARAN		
A. Tenaga yang Dikeluarkan		Contoh Pekerjaan	Ekuivalen Berat	
1. Dapat diajukan		Bekerja di meja, duduk	Tanpa Beban	0% - 6%
2. Sangat ringan		Bekerja di meja, berdiri	0,00 - 2,25 kg	6% - 7,5%
3. Ringan		Menyekop, ringan	9,00 - 18,00 kg	12% - 19%
4. Sedang		Mencangkul	19,00 - 27,00 kg	9% - 30%
5. Berat		Mengayun palu yang berat	27,00 - 50,00 kg	30% - 50%
6. Sangat berat		Memanggul beban	Di atas 50 kg	
7. Luar biasa berat		Memanggul karung berat		
B. Sikap Kerja				
1. Duduk		Bekerja duduk, ringan		0% - 1%
2. Berdiri di atas dua kaki		Badan tegak, ditumpu dua kaki		1% - 2,5%
3. Berdiri di atas satu kaki		Satu kaki mengerjakan alat kontrol		2,5% - 4%
4. Berbaring		Pada bagian sisi, belakang atau depan beban		2,5% - 4%
5. Membungkuk		Badan dibungkukkan ditumpu pada kedua kaki		4% - 10%
C. Gerakan Kerja				
1. Normal		Ayunan bebas dari palu		0%
2. Agak terbatas		Ayunan terbatas dari palu		0% - 5%
3. Sulit		Membawa beban berat dengan satu tangan		0% - 5%
4. Pada anggota-anggota badan terbatas		Bekerja dengan tangan di atas kepala		5% - 10%
5. Seluruh anggota badan terbatas		Bekerja dilorong pertambangan yang sempit		10% - 15%
E. Keadaan Temperatur Tempat Kerja		Temperatur	Kelelahan Normal	Berlebihan
1. Beku		Di bawah 0°	Di atas 10°	Di atas 12°
2. Rendah		0° - 13°	10° - 0°	12° - 5°
3. Sedang		13° - 22°	5° - 0°	8° - 0°
4. Normal		22° - 28°	0° - 5°	0° - 8°
5. Tinggi		28° - 38°	5° - 40°	8° - 100°
6. Sangat tinggi		Di atas 38°	Di atas 40°	Di atas 100°
F. Keadaan Atmosfer				
1. Baik		Tuang yang berventilasi yang baik, udara segar		0%
2. Cukup		Ventilasi kurang baik, ada bau(bauan (tidak berbahaya)		0% - 5%
3. Kurang baik		Ada debu-debu beracun, atau tidak beracun tetapi banyak		5% - 10%
G. Keadaan Lingkungan yang Baik				
1. Bersih, sehat, cerah dengan kebisikan rendah				0%
2. Siklus kerja yang berulang-ulang antara 5-10 detik				0% - 2%
3. Siklus kerja berulang-ulang antara 0-5 detik				1% - 3%
4. Sangat bising				0% - 5%
5. Jika faktor-faktor yang berpengaruh dapat menurunkan kualitas				0% - 5%
6. Terasa adanya getaran lantai				5% - 10%
7. Keadaan-kedaan yang di luar kebiasaan				5% - 15%

Lampiran 2 : Peramalan Pumping Unit Tipe C25

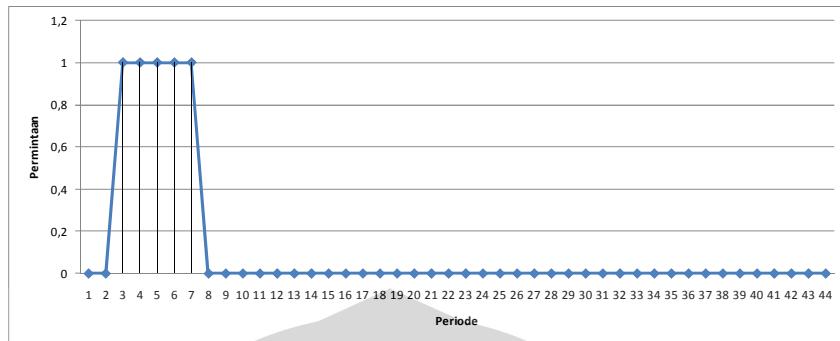


Diagram Pencar Pumping Unit Tipe C25

Tabel Perhitungan Peramalan Metode Eksponensial, MSE, dan Verifikasi

Peramalan Pumping Unit Tipe C25

Y	C25								MR	$Y - Y'$	$(Y - Y')^2$	
	SMOO1	LEVE1	TREN1	FITS1	RESI1	FORE1	UPPE1	LOWE1				
0	-0,02845	-0,02845	-0,01641	0,37879	-0,37879	-0,01004	0,158783	-0,17886	0,42364	0,04485	0,002012	
0	0,00337	0,00337	-0,01592	-0,04485	0,04485	-0,02084	0,250368	-0,29204	0,0323	1,01255	1,025258	
1	1,07605	1,07605	-0,00504	-0,01255	1,01255	-0,03163	0,34628	-0,40955	1,08356	-0,07101	0,005042	
1	0,99467	0,99467	-0,0058	1,07101	-0,07101	-0,04243	0,443679	-0,52854	0,08214	0,01113	0,000124	
1	1,00084	1,00084	-0,00568	0,98887	0,01113				0,00629	0,00484	2,34E-05	
1	1,00036	1,00036	-0,00563	0,99516	0,00484				0,00042	0,00526	2,77E-05	
1	1,0004	1,0004	-0,00557	0,99474	0,00526				8E-05	-0,99482	0,989667	
0	-0,07472	-0,07472	-0,01627	0,99482	-0,99482				1,0858	0,09098	0,008277	
0	0,00683	0,00683	-0,01529	-0,09098	0,09098				0,08252	0,00846	7,16E-05	
0	0,00064	0,00064	-0,0152	-0,00846	0,00846				0,0061	0,01456	0,000212	
0	0,00109	0,00109	-0,01504	-0,01456	0,01456				0,00061	0,01395	0,000195	
0	0,00105	0,00105	-0,01489	-0,01395	0,01395				0,00013	0,01384	0,000192	
0	0,00104	0,00104	-0,01474	-0,01384	0,01384				0,00014	0,0137	0,000188	
0	0,00103	0,00103	-0,0146	-0,0137	0,0137				0,00013	0,01357	0,000184	
0	0,00102	0,00102	-0,01445	-0,01357	0,01357				0,00014	0,01343	0,00018	
0	0,00101	0,00101	-0,01431	-0,01343	0,01343				0,00013	0,0133	0,000177	
0	0,001	0,001	-0,01416	-0,0133	0,0133				0,00014	0,01316	0,000173	
0	0,00099	0,00099	-0,01402	-0,01316	0,01316				0,00013	0,01303	0,00017	
0	0,00098	0,00098	-0,01388	-0,01303	0,01303				0,00013	0,0129	0,000166	
0	0,00097	0,00097	-0,01374	-0,0129	0,0129				0,00013	0,01277	0,000163	
0	0,00096	0,00096	-0,0136	-0,01277	0,01277				0,00012	0,01265	0,00016	
0	0,00095	0,00095	-0,01347	-0,01265	0,01265				0,00013	0,01252	0,000157	
0	0,00094	0,00094	-0,01333	-0,01252	0,01252				0,00013	0,01239	0,000154	
0	0,00093	0,00093	-0,0132	-0,01239	0,01239				0,00012	0,01227	0,000151	
0	0,00092	0,00092	-0,01307	-0,01227	0,01227				0,00012	0,01215	0,000148	
0	0,00091	0,00091	-0,01294	-0,01215	0,01215				0,00012	0,01203	0,000145	
0	0,0009	0,0009	-0,01281	-0,01203	0,01203				0,00012	0,01191	0,000142	
0	0,00089	0,00089	-0,01268	-0,01191	0,01191				0,00012	0,01179	0,000139	
0	0,00089	0,00089	-0,01255	-0,01179	0,01179				0,00012	0,01167	0,000136	
0	0,00088	0,00088	-0,01243	-0,01167	0,01167				0,00012	0,01155	0,000133	
0	0,00087	0,00087	-0,0123	-0,01155	0,01155				0,00011	0,01144	0,000131	
0	0,00086	0,00086	-0,01218	-0,01144	0,01144				0,00012	0,01132	0,000128	
0	0,00085	0,00085	-0,01206	-0,01132	0,01132				0,00011	0,01121	0,000126	
0	0,00084	0,00084	-0,01194	-0,01121	0,01121				0,00011	0,0111	0,000123	
0	0,00083	0,00083	-0,01182	-0,0111	0,0111				0,00011	0,01099	0,000121	
0	0,00083	0,00083	-0,0117	-0,01099	0,01099				0,00011	0,01088	0,000118	
0	0,00082	0,00082	-0,01159	-0,01088	0,01088				0,00011	0,01077	0,000116	
0	0,00081	0,00081	-0,01147	-0,01077	0,01077				0,00011	0,01066	0,000114	
0	0,0008	0,0008	-0,01135	-0,01066	0,01066				0,00011	0,01055	0,000111	
0	0,00079	0,00079	-0,01124	-0,01055	0,01055				0,0001	0,01045	0,000109	
0	0,00078	0,00078	-0,01113	-0,01045	0,01045				0,00011	0,01034	0,000107	
0	0,00078	0,00078	-0,01102	-0,01034	0,01034				1E-04	0,01024	0,000105	
0	0,00077	0,00077	-0,01091	-0,01024	0,01024				0,0001	0,01014	0,000103	
0	0,00076	0,00076	-0,0108	-0,01014	0,01014				2,80727	0,14268	2,178959	
									Avg MR	0,065285	SEE	0,225108
									BKA	0,147545	MSE	0,049522
									BKB	-0,14754		

Lampiran 3 : Peramalan Pumping Unit Tipe C228

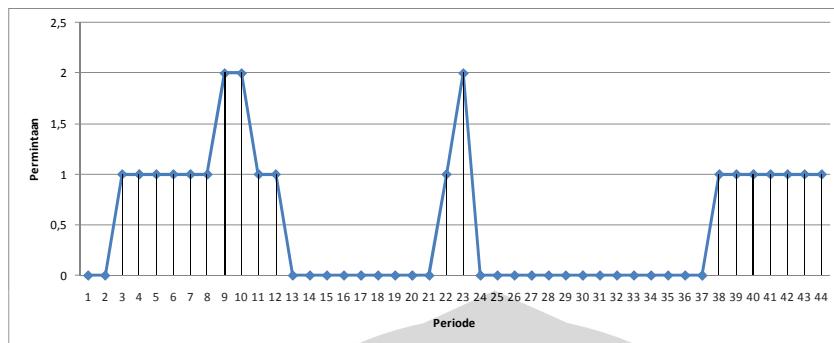


Diagram Pencar Pumping Unit Tipe C228

Tabel Perhitungan Peramalan Metode Eksponensial, MSE, dan Verifikasi

Peramalan Pumping Unit Tipe C228

C228											
Y	SMOO1	LEVE1	TREN1	FITS1	RESI1	FORE1	UPPE1	LOWE1	MR	Y-Y'	(Y-Y')^2
0	-0,04539	-0,04539	-0,01333	0,63999	-0,63999	0,999967	1,58371	0,416219		-0,63999	0,40882
0	0,00417	0,00417	-0,0127	-0,05873	0,05873	0,999931	1,9351	0,064759	0,0502	0,05873	0,003449
1	1,0716	1,0716	-0,0019	-0,00853	1,00853	0,999895	2,3015	-0,30171	1,07823	1,00853	1,017133
1	0,99505	0,99505	-0,00265	1,0697	-0,0697	0,999859	2,67307	-0,67335	0,0773	-0,0697	0,004858
1	1,00054	1,00054	-0,00257	0,9924	0,0076				0,00557	0,0076	5,78E-05
1	1,00014	1,00014	-0,00254	0,99797	0,00203				0,00037	0,00203	4,12E-06
1	1,00017	1,00017	-0,00252	0,9976	0,0024				5E-05	0,0024	5,76E-06
1	1,00017	1,00017	-0,00249	0,99765	0,00235				2E-05	0,00235	5,52E-06
2	2,07116	2,07116	0,008241	0,99767	1,00233				1,08173	1,00233	1,004665
2	1,99436	1,99436	0,007391	2,0794	-0,0794				0,07765	-0,0794	0,006304
1	0,92888	0,92888	-0,00334	2,00175	-1,00175				1,07621	-1,00175	1,003503
1	1,00529	1,00529	-0,00254	0,92554	0,07446				0,07721	0,07446	0,005544
0	-0,07119	-0,07119	-0,01328	1,00275	-1,00275				1,08722	-1,00275	1,005508
0	0,006	0,006	-0,01238	-0,08447	0,08447				0,07809	0,08447	0,007135
0	0,00045	0,00045	-0,01231	-0,00638	0,00638				0,00547	0,00638	4,07E-05
0	0,00084	0,00084	-0,01218	-0,01185	0,01185				0,00051	0,01185	0,00014
0	0,0008	0,0008	-0,01206	-0,01134	0,01134				9E-05	0,01134	0,000129
0	0,0008	0,0008	-0,01194	-0,01125	0,01125				0,00011	0,01125	0,000127
0	0,00079	0,00079	-0,01182	-0,01114	0,01114				0,00011	0,01114	0,000124
0	0,00078	0,00078	-0,01117	-0,01103	0,01103				0,00011	0,01103	0,000122
0	0,00078	0,00078	-0,01158	-0,01092	0,01092				0,00011	0,01092	0,000119
1	1,07176	1,07176	-0,00076	-0,01081	1,01081				1,08182	1,01081	1,021737
2	2,06595	2,06595	0,009192	1,07101	0,92899				1,00414	0,92899	0,863022
0	-0,14733	-0,14733	-0,01303	2,07515	-2,07515				2,23551	-2,07515	4,306248
0	0,01138	0,01138	-0,01132	-0,16036	0,16036				0,16043	0,16036	0,025715
0	0	0	0	-0,01132	0,00007	-0,00007			0,01139	-0,00007	4,9E-09
0	0,0008	0,0008	-0,01112	-0,01132	0,01132				0,00093	0,01132	0,000128
0	0,00074	0,00074	-0,01108	-0,01039	0,01039				4E-05	0,01039	0,000108
0	0,00073	0,00073	-0,01097	-0,01035	0,01035				0,00011	0,01035	0,000107
0	0,00073	0,00073	-0,01086	-0,01024	0,01024				0,0001	0,01024	0,000105
0	0,00072	0,00072	-0,01075	-0,01014	0,01014				1E-04	0,01014	0,000103
0	0,00071	0,00071	-0,01065	-0,01004	0,01004				0,00011	0,01004	0,000101
0	0,00071	0,00071	-0,01054	-0,00993	0,00993				9E-05	0,00993	9,86E-05
0	0,0007	0,0007	-0,01044	-0,00984	0,00984				1E-04	0,00984	9,68E-05
0	0,00069	0,00069	-0,01033	-0,00974	0,00974				0,0001	0,00974	9,49E-05
0	0,00068	0,00068	-0,01023	-0,00964	0,00964				1E-04	0,00964	9,29E-05
0	0,00068	0,00068	-0,01013	-0,00954	0,00954				9E-05	0,00954	9,1E-05
1	1,07167	1,07167	0,000685	-0,00945	1,00945				1,0818	1,00945	1,018989
1	0,99486	0,99486	-9E-05	1,07235	-0,07235				0,07758	-0,07235	0,005235
1	1,00037	1,00037	-3,4E-05	0,99477	0,00523				0,00557	0,00523	2,74E-05
1	0,99998	0,99998	-3,7E-05	1,00034	-0,00034				0,0004	-0,00034	1,16E-07
1	1	1	-3,7E-05	0,99994	0,00006				3E-05	0,00006	3,6E-09
1	1	1	-3,6E-05	0,99997	0,00003				0	0,00003	9E-10
1	1	1	-3,6E-05	0,99997	0,00003				0,99997	0,00003	9E-10
									11,35687	0,60204	11,70989
									AVG MR	0,264113 SEE	0,521846
									BKA	0,596896 MSE	0,266134
									BKB	-0,5969	

Lampiran 4 : Linear Programming September 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=2016000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1209600
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1209600
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1209600
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=4838400
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=4838400
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=2016000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1209600
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1209600
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1209600
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=806400
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=8
X3<=1
X1>=0
X2>=4
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END

Global optimal solution found.
Objective value: 97040.56
Infeasibilities: 0.000000
Total solver iterations: 0

Model Class: LP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 0

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      0.000000
X2      8.000000      0.000000
X3      1.000000      0.000000

Row    Slack or Surplus    Dual Price
1      97040.56      1.000000
2      1601278.        0.000000
3      918412.4       0.000000
4      890420.7       0.000000
5      896676.3       0.000000
6      4079647.        0.000000
7      4185587.        0.000000
8      1503499.        0.000000
9      817059.0       0.000000
10     891503.7       0.000000
11     919623.6       0.000000
12     631988.0       0.000000
13     9.430000        0.000000
14     41.67000        0.000000
15     32.41000        0.000000
16     0.000000        4851.000
17     0.000000        9362.570
18     0.000000        22140.00
19     0.000000        0.000000
20     4.000000        0.000000
21     0.000000        0.000000
22     0.000000        0.000000
23     8.000000        0.000000
24     1.000000        0.000000

```

Lampiran 5 : Linear Programming Oktober 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3024000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1814400
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1814400
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1814400
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7257600
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7257600
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3024000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1814400
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1814400
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1814400
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1209600
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=11
X3<=1
X1>=0
X2>=6
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END

Global optimal solution found.
Objective value: 125128.3
Infeasibilities: 0.000000
Total solver iterations: 0

Model Class: LP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 0

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000  0.000000
X2      11.000000  0.000000
X3      1.000000  0.000000

Row    Slack or Surplus   Dual Price
1        125128.3  1.000000
2        2471049.  0.000000
3        1426161.  0.000000
4        1388839.  0.000000
5        1397181.  0.000000
6        6245939.  0.000000
7        6387193.  0.000000
8        2340674.  0.000000
9        1291024.  0.000000
10       1390283.  0.000000
11       1427776.  0.000000
12       977064.4  0.000000
13       9.340000  0.000000
14       38.670000 0.000000
15       31.690000 0.000000
16       0.000000  4851.000
17       0.000000  9362.570
18       0.000000  22140.00
19       0.000000  0.000000
20       5.000000  0.000000
21       0.000000  0.000000
22       0.000000  0.000000
23       11.000000 0.000000
24       1.000000  0.000000

```

Lampiran 6 : Linear Programming November 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3168000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1900800
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1900800
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1900800
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7603200
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7603200
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3168000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1900800
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1900800
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1900800
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1267200
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=14
X3<=1
X1>=0
X2>=7
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END

Global optimal solution found.
Objective value: 153216.0
Infeasibilities: 0.000000
Total solver iterations: 0

Model Class: LP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 0

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      0.000000
X2     14.000000      0.000000
X3     1.000000      0.000000

Row    Slack or Surplus   Dual Price
1       153216.0      1.000000
2       2476820.        0.000000
3       1415510.        0.000000
4       1368858.        0.000000
5       1379286.        0.000000
6       6338631.        0.000000
7       6515199.        0.000000
8       2313850.        0.000000
9       1246589.        0.000000
10      1370662.        0.000000
11      1417529.        0.000000
12      976540.7       0.000000
13      9.250000        0.000000
14      35.67000        0.000000
15      30.97000        0.000000
16      0.000000        4851.000
17      0.000000        9362.570
18      0.000000        22140.00
19      0.000000        0.000000
20      7.000000        0.000000
21      0.000000        0.000000
22      0.000000        0.000000
23     14.000000        0.000000
24      1.000000        0.000000

```

Lampiran 7 : Linear Programming Desember 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3168000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1900800
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1900800
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1900800
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7603200
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7603200
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3168000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1900800
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1900800
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1900800
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1267200
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=17
X3<=1
X1>=0
X2>=8
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END

Global optimal solution found.
Objective value: 181303.7
Infeasibilities: 0.000000
Total solver iterations: 0

Model Class: LP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 0

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      0.000000
X2      17.000000      0.000000
X3      1.000000      0.000000

Row    Slack or Surplus    Dual Price
1      181303.7      1.000000
2      2338591.      0.000000
3      1318458.      0.000000
4      1262476.      0.000000
5      1274991.      0.000000
6      6085723.      0.000000
7      6297605.      0.000000
8      2143026.      0.000000
9      1115755.      0.000000
10     1264641.      0.000000
11     1320881.      0.000000
12     918417.1      0.000000
13     9.160000      0.000000
14     32.67000      0.000000
15     30.25000      0.000000
16     0.000000      4851.000
17     0.000000      9362.570
18     0.000000      22140.00
19     0.000000      0.000000
20     9.000000      0.000000
21     0.000000      0.000000
22     0.000000      0.000000
23     17.00000      0.000000
24     1.000000      0.000000

```

Lampiran 8 : Integer Programming September 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=2016000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1209600
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1209600
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1209600
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=4838400
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=4838400
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=2016000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1209600
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1209600
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1209600
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=806400
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=8
X3<=1
X1>=0
X2>=4
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END
GIN 3

Global optimal solution found.
  Objective value: 97040.56
  Objective bound: 97040.56
  Infeasibilities: 0.000000
  Extended solver steps: 0
  Total solver iterations: 0

  Model Class: PILP

  Total variables: 3
  Nonlinear variables: 0
  Integer variables: 3

  Total constraints: 24
  Nonlinear constraints: 0

  Total nonzeros: 53
  Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      -4851.000
X2      8.000000      -9362.570
X3      1.000000      -22140.00

Row    Slack or Surplus    Dual Price
1       97040.56      1.000000
2       1601278.        0.000000
3       918412.4       0.000000
4       890420.7       0.000000
5       896676.3       0.000000
6       4079647.        0.000000
7       4185587.        0.000000
8       1503499.        0.000000
9       817059.0       0.000000
10      891503.7       0.000000
11      919623.6       0.000000
12      631988.0       0.000000
13      9.430000       0.000000
14      41.670000      0.000000
15      32.410000      0.000000
16      0.000000       0.000000
17      0.000000       0.000000
18      0.000000       0.000000
19      0.000000       0.000000
20      4.000000       0.000000
21      0.000000       0.000000
22      0.000000       0.000000
23      8.000000       0.000000
24      1.000000       0.000000

```

Lampiran 9 : Integer Programming Oktober 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3024000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1814400
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1814400
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1814400
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7257600
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7257600
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3024000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1814400
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1814400
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1814400
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1209600
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=11
X3<=1
X1>=0
X2>=6
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END
GIN 3

Global optimal solution found.
Objective value: 125128.3
Objective bound: 125128.3
Infeasibilities: 0.000000
Extended solver steps: 0
Total solver iterations: 0

Model Class: PILP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 3

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      -4851.000
X2      11.000000      -9362.570
X3      1.000000      -22140.00

Row    Slack or Surplus    Dual Price
1       125128.3      1.000000
2       2471049.      0.000000
3       1426161.      0.000000
4       1388839.      0.000000
5       1397181.      0.000000
6       6245939.      0.000000
7       6387193.      0.000000
8       2340674.      0.000000
9       1291024.      0.000000
10      1390283.      0.000000
11      1427776.      0.000000
12      977064.4      0.000000
13      9.340000      0.000000
14      38.670000     0.000000
15      31.690000     0.000000
16      0.000000      0.000000
17      0.000000      0.000000
18      0.000000      0.000000
19      0.000000      0.000000
20      5.000000      0.000000
21      0.000000      0.000000
22      0.000000      0.000000
23      11.000000     0.000000
24      1.000000      0.000000

```

Lampiran 10 : Integer Programming November 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3168000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1900800
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1900800
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1900800
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7603200
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7603200
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3168000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1900800
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1900800
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1900800
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1267200
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=14
X3<=1
X1>=0
X2>=7
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END
GIN 3

Global optimal solution found.
Objective value: 153216.0
Objective bound: 153216.0
Infeasibilities: 0.000000
Extended solver steps: 0
Total solver iterations: 0

Model Class: PILP

Total variables: 3
Nonlinear variables: 0
Integer variables: 3

Total constraints: 24
Nonlinear constraints: 0

Total nonzeros: 53
Nonlinear nonzeros: 0

Variable      Value      Reduced Cost
X1      0.000000      -4851.000
X2     14.000000      -9362.570
X3     1.000000      -22140.00

Row    Slack or Surplus    Dual Price
1       153216.0       1.000000
2       2476820.        0.000000
3       1415510.        0.000000
4       1368858.        0.000000
5       1379286.        0.000000
6       6338631.        0.000000
7       6515199.        0.000000
8       2313850.        0.000000
9       1246589.        0.000000
10      1370662.        0.000000
11      1417529.        0.000000
12      976540.7       0.000000
13      9.250000        0.000000
14      35.670000       0.000000
15      30.970000       0.000000
16      0.000000        0.000000
17      0.000000        0.000000
18      0.000000        0.000000
19      0.000000        0.000000
20      7.000000        0.000000
21      0.000000        0.000000
22      0.000000        0.000000
23      14.000000       0.000000
24      1.000000        0.000000

```

Lampiran 11 : Integer Programming Desember 2010

```

MAX 4851X1+9362.57X2+22140X3
ST
46341.943X1+46076.290X2+46111.920X3<=3168000
32616.168X1+32350.460X2+32383.960X3<=1900800
35724.067X1+35460.530X2+35495.070X3<=1900800
35031.680X1+34765.010X2+34803.650X3<=1900800
84572.720X1+84302.640X2+84331.800X3<=7603200
72799.757X1+72531.290X2+72562.870X3<=7603200
57212.274X1+56941.380X2+56970.380X3<=3168000
43885.217X1+43611.600X2+43648.210X3<=1900800
35611.760X1+35340.320X2+35373.760X3<=1900800
32471.734X1+32215.820X2+32249.880X3<=1900800
19637.745X1+19374.550X2+19415.570X3<=1267200
0.10X1+0.03X2+0.33X3<=10
0.00X1+1.00X2+0.33X3<=50
0.30X1+0.24X2+0.67X3<=35
X1<=0
X2<=17
X3<=1
X1>=0
X2>=8
X3>=1
X1>=0
X2>=0
X3>=0
END
GIN 3
Global optimal solution found.
  Objective value: 181303.7
  Objective bound: 181303.7
  Infeasibilities: 0.000000
  Extended solver steps: 0
  Total solver iterations: 0

  Model Class: PILP

  Total variables: 3
  Nonlinear variables: 0
  Integer variables: 3

  Total constraints: 24
  Nonlinear constraints: 0

  Total nonzeros: 53
  Nonlinear nonzeros: 0

      Variable   Value   Reduced Cost
        X1    0.000000   -4851.000
        X2   17.000000   -9362.570
        X3   1.000000   -22140.00

      Row   Slack or Surplus   Dual Price
        1       181303.7   1.000000
        2       2338591.0   0.000000
        3       1318458.0   0.000000
        4       1262476.0   0.000000
        5       1274991.0   0.000000
        6       6085723.0   0.000000
        7       6297605.0   0.000000
        8       2143026.0   0.000000
        9       1115755.0   0.000000
       10      1264641.0   0.000000
       11      1320881.0   0.000000
       12      918417.1   0.000000
       13      9.160000   0.000000
       14      32.670000   0.000000
       15      30.250000   0.000000
       16      0.000000   0.000000
       17      0.000000   0.000000
       18      0.000000   0.000000
       19      0.000000   0.000000
       20      9.000000   0.000000
       21      0.000000   0.000000
       22      0.000000   0.000000
       23     17.000000   0.000000
       24      1.000000   0.000000

```

Lampiran 12 : Perhitungan Analisa Sensitivitas

SEPTEMBER 2010

Ranges in which the basis is unchanged:

Objective Coefficient Ranges:

Variable	Current Coefficient	Allowable Increase	Allowable Decrease
X1	4851.000	INFINITY	4851.000
X2	9362.570	INFINITY	9362.570
X3	22140.00	INFINITY	22140.00

Righthand Side Ranges:

Row	Current RHS	Allowable Increase	Allowable Decrease
2	2016000.	INFINITY	1601278.
3	1209600.	INFINITY	918412.4
4	1209600.	INFINITY	890420.7
5	1209600.	INFINITY	896676.3
6	4838400.	INFINITY	4079647.
7	4838400.	INFINITY	4185587.
8	2016000.	INFINITY	1503499.
9	1209600.	INFINITY	817059.0
10	1209600.	INFINITY	891503.7
11	1209600.	INFINITY	919623.6
12	8064000.0	INFINITY	631988.0
13	10.00000	INFINITY	9.430000
14	50.00000	INFINITY	41.67000
15	35.00000	INFINITY	32.41000
16	0.000000	18.61809	0.000000
17	8.000000	18.73490	4.000000
18	1.000000	18.71919	0.000000
19	0.000000	0.000000	INFINITY
20	4.000000	4.000000	INFINITY
21	1.000000	0.000000	INFINITY
22	0.000000	0.000000	INFINITY
23	0.000000	8.000000	INFINITY
24	0.000000	1.000000	INFINITY

OKTOBER 2010

Ranges in which the basis is unchanged:

Objective Coefficient Ranges:

Variable	Current Coefficient	Allowable Increase	Allowable Decrease
X1	4851.000	INFINITY	4851.000
X2	9362.570	INFINITY	9362.570
X3	22140.00	INFINITY	22140.00

Righthand Side Ranges:

Row	Current RHS	Allowable Increase	Allowable Decrease
2	3024000.	INFINITY	2471049.
3	1814400.	INFINITY	1426161.
4	1814400.	INFINITY	1388839.
5	1814400.	INFINITY	1397181.
6	7257600.	INFINITY	6245939.
7	7257600.	INFINITY	6387193.
8	3024000.	INFINITY	2340674.
9	1814400.	INFINITY	1291024.
10	1814400.	INFINITY	1390283.
11	1814400.	INFINITY	1427776.
12	1209600.	INFINITY	977064.4
13	10.00000	INFINITY	9.340000
14	50.00000	INFINITY	38.67000
15	35.00000	INFINITY	31.69000
16	0.000000	29.41820	0.000000
17	11.00000	29.60277	5.000000
18	1.000000	28.30303	0.000000
19	0.000000	0.000000	INFINITY
20	6.000000	5.000000	INFINITY
21	1.000000	0.000000	INFINITY
22	0.000000	0.000000	INFINITY
23	0.000000	11.00000	INFINITY
24	0.000000	1.000000	INFINITY

Lampiran 12 : Analisa Sensitivitas (Lanjutan)

November 2010

Ranges in which the basis is unchanged:

Objective Coefficient Ranges:

Variable	Current Coefficient	Allowable Increase	Allowable Decrease
X1	4851.000	INFINITY	4851.000
X2	9362.570	INFINITY	9362.570
X3	22140.00	INFINITY	22140.00

Righthand Side Ranges:

Row	Current RHS	Allowable Increase	Allowable Decrease
2	3168000.	INFINITY	2476820.
3	1900800.	INFINITY	1415510.
4	1900800.	INFINITY	1368858.
5	1900800.	INFINITY	1379286.
6	7603200.	INFINITY	6338631.
7	7603200.	INFINITY	6515199.
8	3168000.	INFINITY	2313850.
9	1900800.	INFINITY	1246589.
10	1900800.	INFINITY	1370662.
11	1900800.	INFINITY	1417529.
12	1267200.	INFINITY	976540.7
13	10.00000	INFINITY	9.250000
14	50.00000	INFINITY	35.67000
15	35.00000	INFINITY	30.97000
16	0.000000	28.40568	0.000000
17	14.00000	28.58389	7.000000
18	1.000000	28.03030	0.000000
19	0.000000	0.000000	INFINITY
20	7.000000	7.000000	INFINITY
21	1.000000	0.000000	INFINITY
22	0.000000	0.000000	INFINITY
23	0.000000	14.00000	INFINITY
24	0.000000	1.000000	INFINITY

DESEMBER 2010

Ranges in which the basis is unchanged:

Objective Coefficient Ranges:

Variable	Current Coefficient	Allowable Increase	Allowable Decrease
X1	4851.000	INFINITY	4851.000
X2	9362.570	INFINITY	9362.570
X3	22140.00	INFINITY	22140.00

Righthand Side Ranges:

Row	Current RHS	Allowable Increase	Allowable Decrease
2	3168000.	INFINITY	2338591.
3	1900800.	INFINITY	1318458.
4	1900800.	INFINITY	1262476.
5	1900800.	INFINITY	1274991.
6	7603200.	INFINITY	6085723.
7	7603200.	INFINITY	6297605.
8	3168000.	INFINITY	2143026.
9	1900800.	INFINITY	1115755.
10	1900800.	INFINITY	1264641.
11	1900800.	INFINITY	1320881.
12	1267200.	INFINITY	918417.1
13	10.00000	INFINITY	9.160000
14	50.00000	INFINITY	32.67000
15	35.00000	INFINITY	30.25000
16	0.000000	25.42438	0.000000
17	17.00000	25.58389	9.000000
18	1.000000	25.56244	0.000000
19	0.000000	0.000000	INFINITY
20	8.000000	9.000000	INFINITY
21	1.000000	0.000000	INFINITY
22	0.000000	0.000000	INFINITY
23	0.000000	17.00000	INFINITY
24	0.000000	1.000000	INFINITY