

**BAB V**  
**KESIMPULAN**

Dalam skripsi ini dibuktikan bahwa gabungan tak terhubung graf matahari dan Petersen diperumum memiliki pelabelan total  $(a,d)$ -simpul antiajaib untuk beberapa nilai  $d$ . Gabungan tak-terhubung sejumlah berhingga graf matahari mempunyai  $(a,d)$ -PTSAA untuk nilai  $d \in \{0,1,2,4\}$  untuk setiap bilangan positif  $n_j \geq 3$ , dan  $d \in \{3,6\}$  untuk setiap bilangan ganjil  $n_j \geq 3, j = 1, 2, \dots, t$ . Gabungan tak-terhubung graf Petersen diperumum merupakan graf reguler yang memiliki PTSA dan pelabelan dual dari PTSA, serta  $(a,d)$ -PTSAA dengan  $d \in \{2,3\}$  untuk setiap bilangan positif  $n_j \geq 3, 1 \leq m_j \leq \left\lfloor \frac{n_j - 1}{2} \right\rfloor, j = 1, 2, \dots, t$ . Untuk nilai-nilai  $d$  yang lain sedang dikerjakan oleh penulis.

Tabel 5.1 Daftar Pelabelan Total  $(a,d)$ -Simpul Antiajaib

Jenis Graf	Pelabelan	Keterangan
Gabungan tak-terhubung $t$ graf Matahari $\bigcup_{j=1}^t S_{n_j}$	$(a,d)$ -PTSAA	$d \in \{0, 1, 2, 4\}; n_j \geq 3, j = 1, 2, \dots, t;$ $d \in \{3, 6\}; n_j \text{ ganjil } \geq 3, j = 1, 2, \dots, t;$
Gabungan tak-terhubung $t$ graf Petersen Diperumum $\bigcup_{j=1}^t P(n_j, m_j)$	$(a,d)$ -PTSAA	$d \in \{0, 2, 3\}$ $n_j \geq 3, 1 \leq m_j \leq \left\lfloor \frac{n_j - 1}{2} \right\rfloor, j = 1, 2, \dots, t.$

**Open Problem 1.** Gabungan tak-terhubung  $t$  graf matahari  $S_{n_j}$  memiliki  $(a,3)$ -PTSAA dan  $(a,6)$ -PTSAA dengan  $n_j$  merupakan bilangan genap untuk setiap  $j = 1, 2, \dots, t$  dan  $t \geq 1$ .

**Open Problem 2.** Gabungan tak-terhubung  $t$  graf matahari  $S_{n_j}$  memiliki  $(a,5)$ -PTSAA dan  $(a,7)$ -PTSAA dengan  $n_j \geq 3$  untuk setiap  $j = 1, 2, \dots, t$  dan  $t \geq 1$ .

**Open Problem 3.** Untuk  $n_j \geq 3$ ,  $1 \leq m_j \leq \left\lfloor \frac{n_j - 1}{2} \right\rfloor$  dan  $t \geq 1$ , gabungan tak-terhubung  $t$  graf Petersen diperumum  $P(n_1, m_1) \cup P(n_2, m_2) \cup \dots \cup P(n_t, m_t)$  memiliki  $(a,d)$ -PTSAA untuk  $d \in \{1, 4, 5, 6, 7, 8, 9\}$ .