



**UNIVERSITAS INDONESIA**

**PERANCANGAN DAN SIMULASI MOBILE ROBOT  
TIPE TRUK-TRAILER MENGGUNAKAN SISTEM KENDALI  
LMI-BASED FUZZY**

**TESIS**

**Diajukan sebagai salah satu syarat untuk memperoleh gelar Magister Teknik**

**AHYAR M  
0706305261**

**PROGRAM STUDI TEKNIK ELEKTRO  
FAKULTAS TEKNIK  
UNIVERSITAS INDONESIA  
JULI 2010**

## HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS

Tesis ini adalah hasil karya saya sendiri, dan semua sumber baik yang dikutip maupun dirujuk telah saya nyatakan dengan benar.



## HALAMAN PENGESAHAN

Tesis ini diajukan oleh :  
Nama : Ahyar M  
NPM : 0706305261  
Program studi : Teknik Elektro  
Judul : Perancangan dan Simulasi Mobile Robot Tipe  
Truk-Trailer Menggunakan Sistem Kendali  
*LMI-based Fuzzy*

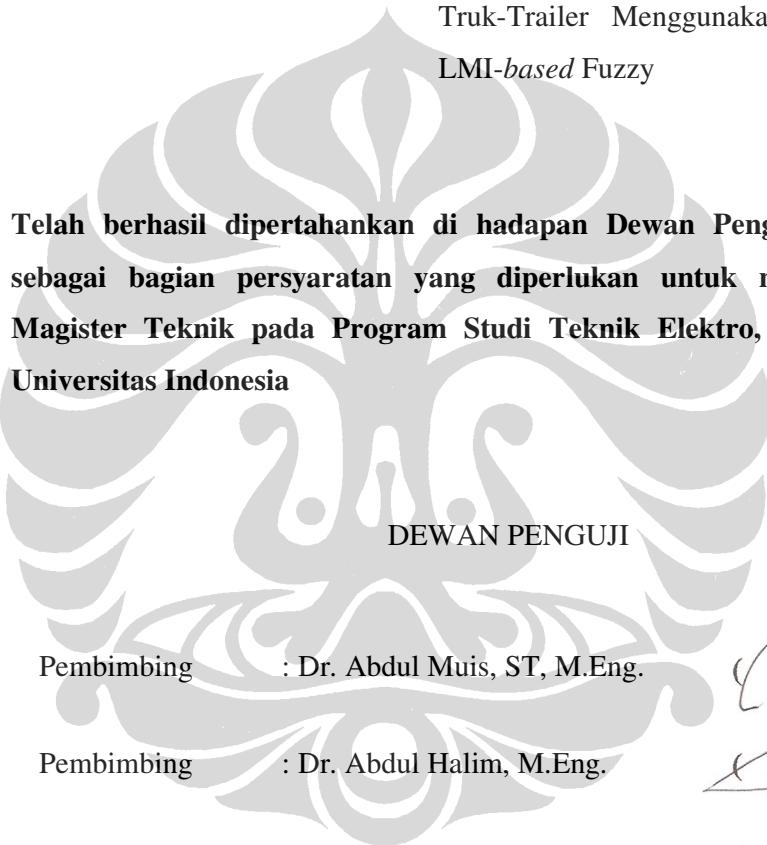
**Telah berhasil dipertahankan di hadapan Dewan Pengaji dan diterima sebagai bagian persyaratan yang diperlukan untuk memperoleh gelar Magister Teknik pada Program Studi Teknik Elektro, Fakultas Teknik, Universitas Indonesia**

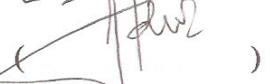
Pembimbing : Dr. Abdul Muis, ST, M.Eng.

Pembimbing : Dr. Abdul Halim, M.Eng.

Pengaji : Dr. Ir. Feri Yusivar, M.Eng.

Pengaji : Ir. Aries Subiantoro, M.SEE.



(  )  
(  )  
(  )  
(  )

Ditetapkan di : Depok

Tanggal : 08 Juli 2010

## **UCAPAN TERIMAKASIH**

Alhamdulillah, puji syukur atas segala karunia dan petunjuk dari Allah SWT, karena atas karunia-Nya jualah tesis ini dapat terselesaikan dengan baik dan tepat waktu. Penulisan tesis ini dilakukan dalam rangka memenuhi salah satu syarat untuk mencapai gelar Magister Teknik Jurusan Teknik Elektro pada Fakultas Teknik Universitas Indonesia. Untuk itu penulis mengucapkan terima kasih yang sangat mendalam kepada :

1. Bapak Dr. Abdul Muis S.T., M.Eng, dan Bapak Dr. Abdul Halim, M.Eng., selaku dosen pembimbing yang telah menyediakan waktu, tenaga dan pikiran untuk mengarahkan penulis selama penyusunan tesis ini,
2. Orang tua dan keluarga yang telah memberikan dukungan yang tak henti-hentinya,
3. Sahabat dan rekan-rekan yang telah banyak membantu penulis dalam menyelesaikan tesis ini.

Semoga Allah SWT membalas segala kebaikan semua pihak yang telah membantu. Dan semoga tesis ini membawa manfaat bagi pengembangan ilmu.

Depok, Juli 2010

Penulis

**HALAMAN PERNYATAAN PERSETUJUAN PUBLIKASI  
KARYA ILMIAH UNTUK KEPENTINGAN AKADEMIS**

---

---

Sebagai sivitas akademik Universitas Indonesia, saya yang bertanda tangan di bawah ini:

Nama : Ahyar M  
NPM : 0706305261  
Program Studi : Teknik Elektro  
Departemen : Teknik Elektro  
Fakultas : Teknik  
Jenis karya : Tesis

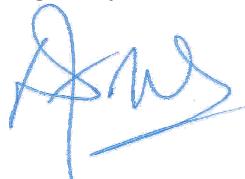
demi pengembangan ilmu pengetahuan, menyetujui untuk memberikan kepada Universitas Indonesia **Hak Bebas Royalti Noneksklusif (Non-exclusive Royalty-Free Right)** atas karya ilmiah saya yang berjudul :

**Perancangan dan Simulasi Mobile Robot Tipe Truk-Trailer Menggunakan  
Sistem Kendali LMI-based Fuzzy**

beserta perangkat yang ada (jika diperlukan). Dengan Hak Bebas Royalti Nonekslusif ini Universitas Indonesia berhak menyimpan, mengalihmedia/formatkan, mengelolanya dalam bentuk pangkalan data (*database*), merawat, dan memublikasikan tugas akhir saya tanpa perlu meminta ijin dari saya selama tetap mencantumkan nama saya sebagai penulis/pencipta dan sebagai pemilik Hak Cipta.

Demikian pernyataan ini saya buat dengan sebenarnya.

Dibuat di : Depok  
Pada tanggal : 8 Juli 2010  
Yang menyatakan



( Ahyar M )

## **ABSTRAK**

Nama : Ahyar M

Program Studi : Teknik Elektro

Judul : Perancangan dan Simulasi Mobile Robot Tipe Truk-Trailer  
Menggunakan Sistem Kendali LMI-based Fuzzy

Tesis ini membahas penurunan model fuzzy Takagi-Sugeno dari sistem truk dengan tiga trailer, dan perancangan pengendali fuzzy dengan menggunakan konsep *parallel distributed compensation* (PDC). Analisa masalah kestabilan dan disain pengendali menggunakan algoritma optimisasi linear matrix inequality (LMI), dengan meninjau kondisi yang melibatkan kestabilan, *constraint* pada input dan output, dan kondisi awal independen. Validasi model dengan indikator kinerja *variance accounted for* (VAF) menunjukkan bahwa model fuzzy yang dibuat menunjukkan kesesuaian yang sangat baik terhadap model nonlinear. Hasil simulasi menunjukkan bahwa pengendali fuzzy memperlihatkan kemampuan pengendalian yang baik sesuai sasaran pengendalian yakni menggerakkan truk-trailer dalam arah maju dengan memberikan titik acuan yang akan dicapai oleh truk-trailer.

Kata Kunci :

*Constraint*, LMI, model fuzzy Takagi-Sugeno, PDC, pengendali fuzzy, sistem nonlinear, sistem truk-trailer, VAF

## **ABSTRACT**

Name : Ahyar M  
Study Program : Electrical Engineering  
Title : Modelling and simulation of Truck-Trailer Mobile Robot by using LMI-based Fuzzy Control

This thesis describes modelling of Takagi - Sugeno fuzzy model from the non linear system of truck-trailer and design of model based fuzzy controller utilizing the concept of parallel distributed compensation. The stability analysis and control design problems are reduced to linear of matrix inequality (LMI) problems. In applying the LMI-based fuzzy control design to the truck-trailer model system, this thesis investigated design condition involving stability, constraint on the input and output, and initial state independent condition. Validation of model Fuzzy T-S derived from the non linear system Truck-Trailer yields good performances indicator by using performance parameters ‘variance accounted for’ (VAF). The simulation results show that the design fuzzy controller can effectively achieved the control objectives i.e. to drive forward the truck-trailer into the straight line that was carried out by giving a reference point that will be followed by truck-trailer.

Key words:

Constraint, fuzzy controller, LMI, PDC, nonlinear system, Takagi-Sugeno fuzzy model, truck-trailer system, VAF

## DAFTAR ISI

HALAMAN JUDUL .....	i
HALAMAN PERNYATAAN ORISINALITAS .....	ii
HALAMAN PENGESAHAN .....	iii
UCAPAN TERIMA KASIH.....	iv
HALAMAN PERSETUJUAN PUBLIKASI KARYA ILMIAH.....	v
ABSTRAK .....	vi
ABSTRACT .....	vi
DAFTAR ISI .....	viii
DAFTAR GAMBAR .....	x
DAFTAR TABEL .....	xii
<b>BAB 1 PENDAHULUAN.....</b>	<b>1</b>
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Tujuan Penulisan.....	2
1.3 Pembatasan Masalah .....	2
1.4 Metodologi Penelitian .....	2
1.5 Sistematika Penulisan.....	3
<b>BAB 2 DASAR TEORI.....</b>	<b>4</b>
2.1 Model Fuzzy Takagi Sugeno .....	4
2.2 Pengendali Fuzzy .....	6
2.3 Analisa Kestabilan Sistem Fuzzy.....	8
2.4 <i>Linear Matrix Inequality</i> .....	9
2.5 Model Kinematik Mobile Robot Tipe Truk-Trailer.....	10
2.6 Pemodelan Fuzzy Sistem truk-Trailer .....	13
2.6.1 Penurunan Model Linear Fuzzy Takagi-Sugeno.....	14
2.6.2 Uji <i>Controllability</i> .....	21
2.6.3 Validasi Model .....	22
<b>BAB 3 PERANCANGAN SISTEM.....</b>	<b>26</b>
3.1 Perancangan Pengendali PDC pada Sistem Truk-Trailer.....	26
3.2 Desain 1: Pengendali Stabil.....	27
3.3 Desain 2: Pengendali Stabil dengan <i>Constraint</i> pada Input .....	31

3.4 Desain 3: Pengendali Stabil dengan <i>Constraint</i> pada Input .....	33
3.5 Desain 4: Pengendali Stabil dengan <i>Initial State Independent</i> .....	34
3.6 Validasi Hasil Optimisasi LMI .....	36
<b>BAB 4 PENGUJIAN DAN ANALISA .....</b>	<b>39</b>
4.1 Simulasi Pengendali PDC pada Model Fuzzy .....	39
4.1.1 Hasil Simulasi untuk Disain Pengendali Stabil .....	40
4.1.2 Hasil Simulasi untuk Disain dengan <i>Constraint</i> Input .....	41
4.1.3 Hasil Simulasi untuk Disain dengan Nilai Awal Independen .....	44
4.2 Simulasi Pengendali PDC pada Model Kinematis .....	48
<b>BAB 5 KESIMPULAN .....</b>	<b>56</b>
DAFTAR REFERENSI .....	57
DAFTAR PUSTAKA .....	59
LAMPIRAN A .....	61
A1. Daftar Singkatan .....	61
A2. Daftar Simbol .....	61
LAMPIRAN B .....	63
B1. Pembuktian Persamaan 2.21 .....	63
B2. Pembuktian Persamaan 2.22 .....	64
B3. Pembuktian Persamaan 2.23 .....	65
LAMPIRAN C .....	67
C1. Simulink Diagram - Validasi .....	67
C2. Simulink Diagram: Simulasi PDC – Model Fuzzy .....	68
C3. Simulink Diagram: Simulasi PDC – Model Kinematik Truk-Trailer .....	68
C4. Simulink Diagram: PDC Subsistem .....	69
C5. Simulink Diagram: Model Fuzzy Subsistem .....	70
C3. Simulink Diagram: Model Kinematik Subsistem .....	71
LAMPIRAN D .....	72
C1. MATLAB Source Code : Weight Factor .....	72
C2. MATLAB Source Code : pdc.m .....	73
C2. MATLAB Source Code : lmi_basic.m .....	74

## DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1	Disain kendali berbasis model fuzzy .....	6
Gambar 2.2	Sistem robot bergerak tipe truk dengan 3 trailer .....	12
Gambar 2.3	Grafik sin $x_1$ dan daerah batasannya.....	16
Gambar 2.4	Fungsi keanggotaan .....	19
Gambar 2.5	Perbandingan keluaran ( $x_0$ dan $y_0$ ) untuk input $u_1$ dan $u_2$ berupa nilai acak .....	22
Gambar 2.6	Perbandingan keluaran ( $x_0$ dan $y_0$ ) dengan input $u_1$ berupa fungsi <i>step</i> dan $u_2$ berupa fungsi <i>random</i> .....	23
Gambar 2.7	Perbandingan keluaran ( $x_0$ dan $y_0$ ) untuk input $u_1$ berupa konstanta dan $u_2$ berupa fungsi <i>random</i> .....	24
Gambar 3.1	Implementasi LMI <i>Lab</i> pada disain kendali fuzzy .....	27
Gambar 3.2	<i>Graphical user interface</i> LMI editor .....	30
Gambar 4.1	Simulink diagram untuk simulasi PDC pada sistem linear.....	39
Gambar 4.2	Simulink diagram pengendali PDC .....	40
Gambar 4.3	Keluaran $x_0$ dan $y_0$ untuk desain pengendali stabil.....	40
Gambar 4.4	Input kendali untuk desain pengendali stabil.....	41
Gambar 4.5	Keluaran $x_0$ dan $y_0$ untuk desain <i>input constraint</i> .....	42
Gambar 4.6	Masukan $u_1$ dan $u_2$ untuk desain <i>input constraint</i> .....	42
Gambar 4.7	Keluaran $x_0$ dan $y_0$ untuk desain <i>input constraint</i> untuk target $x_c=7$ , $y_c=7$ .....	43
Gambar 4.8	Masukan $u_1$ dan $u_2$ untuk desain <i>input constraint</i> untuk target $x_c=7$ , $y_c=7$ .....	43
Gambar 4.9	Output untuk target $x_c= 7$ , $y_c= 7$ .....	44
Gambar 4.10	Masukan $u_1$ dan $u_2$ untuk desain dengan nilai awal independen.....	45
Gambar 4.11	Output untuk target $x_c= 8$ , $y_c= 2$ .....	45
Gambar 4.12	Masukan $u_1$ dan $u_2$ untuk desain dengan nilai awal independen.....	46
Gambar 4.13	Keluaran sudut truk terhadap sumbu-x .....	47
Gambar 4.14	Selisih sudut relatif antara truk-trailer1, dan antara trailer yang berdekatan .....	47
Gambar 4.15	Simulink diagram untuk simulasi PDC pada model nonlinear .....	48

Gambar 4.16 Hasil simulasi pengendali stabil pada model nonlinear.....	49
Gambar 4.17 Masukan u1 (kecepatan) untuk simulasi pengendali stabil pada model nonlinear .....	49
Gambar 4.18 Masukan u2 (sudut kemudi) untuk simulasi pengendali stabil pada model nonlinear .....	50
Gambar 4.19 Hasil simulasi pengendali PDC pada model nonlinear untuk posisi target (8,2).....	50
Gambar 4.20 Input kendali simulasi pada model nonlinear untuk target (8,2).....	51
Gambar 4.21 Hasil simulasi pengendali PDC pada model nonlinear untuk target posisis (7,7) .....	52
Gambar 4.22 Input kendali simulasai pada model nonlinear untuk target (7,7).....	52
Gambar 4.23 Keluaran sudut truk terhadap sumbu-x pada simulasi model nonlinear dengan target (8,2) .....	53
Gambar 4.24 Keluaran sudut truk terhadap sumbu-x pada simulasi model nonlinear dengan target (7,7) .....	53
Gambar 4.25 Selisih sudut relatif truk-trailer untuk simulasi pada model nonlinear dengan target (8,2).....	54
Gambar 4.26 Selisih sudut relatif truk-trailer untuk simulasi pada model nonlinear dengan target (7,7).....	54

## DAFTAR TABEL

Tabel 2.1 Representasi variabel keadaan dan variabel input .....	14
Tabel 2.2 Parameter-parameter dalam pemodelan sistem truk-trailer.....	20
Tabel 2.3 VAF model fuzzy T-S untuk beberapa data masukan.....	25
Tabel 3.1 Dimensi matriks .....	36
Tabel 3.2 Nilai eigen matriks .....	37
Tabel 3.3 Nilai determinan <i>leading principal submatriks</i> .....	37

