

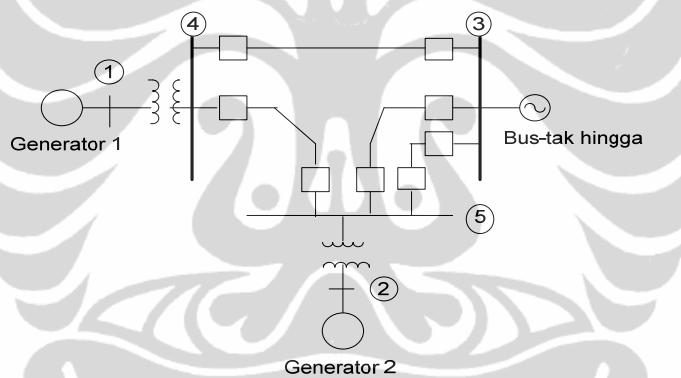
## BAB 4

### PERHITUNGAN KESTABILAN PERALIHAN SISTEM TENAGA LISTRIK MESIN MAJEMUK

#### 4.1. Penjelasan Sistem Secara Umum<sup>1,4,5)</sup>

Pada bab ini efektivitas estimasi kestabilan dengan menggunakan fungsi Lyapunov akan diujikan untuk sistem tenaga listrik mesin majemuk yang terhubung dengan bus tak hingga (*Multi Machine Infinite Bus*). Sistem yang dipergunakan sebagai studi diilustrasikan pada Gambar 4.1. berikut.

(Sumber studi kasus diangkat dari buku "Analisa Sistem Tenaga Listrik" karangan William D. Stevenson, Jr. Hal 376")



Gambar. 4.1. Diagram satu garis gangguan pada mesin majemuk

Suatu saluran tranmisi 230 KV 60 Hz, mempunyai dua buah generator dan sebuah bus tak hingga, Suatu gangguan 3 fasa terjadi pada bus antara 4 dan 5, seperti ditunjukkan pada gambar 4.1. Data-data saluran dan transformator diberikan pada tabel 4.1 dan data dari penyelesaian aliran daya sebelum gangguan diberikan pada tabel 4.2, Kita mencari kurva ayunan untuk masing-masing mesin dengan harga-harga reaktansi peralihan kelambanan H dinyatakan menurut dasar 100 MVA adalah sebagai berikut :

\* Generator 1 : 400 MVA, 20 kV,  $X_d' = 0,067 \text{ pu}$ ,  $H = 11,2 \text{ MJ/MVA}$

\* Generator 2 : 250 MVA, 18 kV,  $X_d' = 0,100 \text{ pu}$ ,  $H = 8,00 \text{ MJ/MVA}$

Tabel 4.1. Data Saluran dan Tranformator, semua nilai dalam pu,  
dengan dasar 230 KV dan 100 MVA

Rel ke rel	X	Y Shunt B
Transf. 1 – 4	0,022	-
Transf 2 – 5	0,040	-
Saluran 3 – 4	0,040	0,082
Saluran 3 – 5 (1)	0,047	0,098
Saluran 3 – 5 (2)	0,047	0,098
Saluran 4 – 5	0,110	0,226

Tabel 4.2. Data tentang rel dan nilai aliran beban pragangguan dalam pu, dengan  
dasar 230 KV dan 100 MVA

Rel	Tegangan	Pembangkitan	
		P	Q
1	1,030∠8,88°	1,500	0,712
2	1,020∠6,38°	1,850	0,298
3	1,000∠0°	---	---
4	1,018∠4,68°	---	---
5	1,011∠2,27°	---	---

#### 4.2. Menentukan matriks jaringan

##### \* **Membentuk matriks reaktansi bus sebelum gangguan**

Elemen-elemen matrik reaktansi dapat dicari sebagai berikut :

$$X_{11} = \frac{1}{Xd_{G1} + Xt_{14}} = \frac{1}{j0,067 + j0,022} = \frac{1}{j0,089} = -j11,236$$

$$X_{12} = X_{21} = 0,0$$

$$X_{13} = X_{31} = 0,0$$

$$X_{14} = X_{41} = -\frac{1}{Xd_{G1} + Xt_{14}} = -\frac{1}{j0,067 + j0,022} = -\frac{1}{j0,089} = j11,236$$

$$X_{15} = X_{51} = 0,0$$

$$X_{22} = \frac{1}{Xd_{G2} + Xt_{25}} = \frac{1}{j0,100 + j0,040} = \frac{1}{j0,140} = -j7,1429$$

$$X_{23} = X_{32} = 0,0$$

$$X_{24} = X_{42} = 0,0$$

$$X_{25} = X_{52} = -\frac{1}{Xd_{G2} + Xt_{25}} = -\frac{1}{j0,100 + j0,040} = -\frac{1}{j0,140} = j7,1429$$

$$\begin{aligned} X_{33} &= \frac{1}{X_{34}} + \frac{1}{X_{35(1)}} + \frac{1}{X_{35(2)}} + \frac{X_{shunt34}}{2} + \frac{X_{shunt35(1)}}{2} + \frac{X_{shunt35(2)}}{2} \\ &= \frac{1}{j0,04} + \frac{1}{j0,047} + \frac{1}{j0,047} + \frac{j0,082}{2} + \frac{j0,098}{2} + \frac{j0,098}{2} \\ &= -j25 - j21,276 - j21,276 + j0,041 + j0,049 + j0,049 \\ &= -j67,413 \end{aligned}$$

$$X_{34} = X_{43} = -\frac{1}{X_{34}} = -\frac{1}{j0,04} = j25$$

$$X_{35} = X_{53} = -\frac{1}{X_{35(1)}} - \frac{1}{X_{35(2)}} = -\frac{1}{j0,047} - \frac{1}{j0,047} = j42,55$$

$$\begin{aligned} X_{44} &= X_{11} + \frac{1}{X_{34}} + \frac{X_{shunt34}}{2} + \frac{1}{X_{45}} \frac{X_{shunt45}}{2} \\ &= -j11,236 + \frac{1}{j0,04} + \frac{j0,082}{2} + \frac{1}{j0,11} + \frac{j0,226}{2} \\ &= -j11,236 - j25 + j0,041 - j9,091 + j0,113 \\ &= -j45,17 \end{aligned}$$

$$X_{45} = X_{54} = -\frac{1}{X_{45}} = -\frac{1}{j0,11} = j9,091$$

$$\begin{aligned} X_{55} &= X_{22} + \frac{1}{X_{35(1)}} + \frac{1}{X_{35(2)}} + \frac{1}{X_{45}} + \frac{X_{shunt35(1)}}{2} + \frac{X_{shunt35(2)}}{2} + \frac{X_{shunt45}}{2} \\ &= -j7,1429 + \frac{1}{j0,047} + \frac{1}{j0,047} + \frac{1}{j0,11} + \frac{j0,098}{2} + \frac{j0,098}{2} + \frac{j0,226}{2} \\ &= -J7,1429 - J21,27 - J21,27 - J9,091 + J0,049 + J0,049 + J0,113 \\ &= -j58,563 \end{aligned}$$

Tabel 4.3. Elemen matriks reaktansi sebelum gangguan

<b>Rel</b>	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>
<b>1</b>	-j11,236	0,0	0,0	j11,236	0,0
<b>2</b>	0,0	-j7,1429	0,0	0,0	j7,1429
<b>3</b>	0,0	0,0	-j67,413	j25	j42,55
<b>4</b>	j11,236	0,0	j25	-j45,17	j9,091
<b>5</b>	0,0	j7,1429	j42,55	j9,091	-j58,563

\* **Membentuk matriks reaktansi selama gangguan**

Selama gangguan, bus 4 terhubung singkat ke tanah. Baris dan kolom 4 pada  $X_{\text{bus}}$  pre-gangguan dihilangkan, matriks admitansi bus selama gangguan dengan menggunakan persamaan sebagai berikut :

$$\begin{aligned} X &= \begin{bmatrix} X_{11} & X_{12} & X_{13} & X_{15} \\ X_{21} & X_{22} & X_{23} & X_{25} \\ X_{31} & X_{32} & X_{33} & X_{35} \\ X_{51} & X_{52} & X_{53} & X_{55} \end{bmatrix} \\ &= \begin{bmatrix} -j11,236 & 0,0 & 0,0 & 0,0 \\ 0,0 & -j7,1429 & 0,0 & j7,1429 \\ 0,0 & 0,0 & -j67,413 & j42,55 \\ 0,0 & j7,1429 & j42,55 & -j58,563 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

$$\text{Rumus } X_{\text{bus-selama gangguan}} = x_{11} - x_{12} \left( \frac{1}{x_{22}} \right) x_{21}$$

$$\text{Atau matriks bus diatas dibagi menjadi sub matriks } x = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} \\ x_{21} & x_{22} \end{bmatrix}$$

Dimana elemen-elemen sub matriks tersbut yaitu :

$$x_{11} = \begin{bmatrix} X_{11} & X_{12} & X_{13} \\ X_{21} & X_{22} & X_{23} \\ X_{31} & X_{32} & X_{33} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 \\ 0 & -j7,1429 & 0 \\ 0 & 0 & -j67,413 \end{bmatrix}$$

$$\begin{aligned}
x_{12} &= \begin{bmatrix} X_{15} \\ X_{25} \\ X_{35} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ j7,1429 \\ j42,55 \end{bmatrix}, \quad x_{22} = [x_{55}] = [-j58,563] \\
x_{21} &= [X_{51} \quad X_{52} \quad X_{53}] = [0 \quad j7,1429 \quad j42,55] \\
X_{\text{bus selama gangguan}} &= \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 \\ 0 & -j7,1429 & 0 \\ 0 & 0 & -j67,413 \end{bmatrix} \\
&\quad - \begin{bmatrix} 0 \\ j7,1429 \\ j42,55 \end{bmatrix} \left( \frac{1}{-j58,563} \right) [0 \quad j7,1429 \quad j42,55]
\end{aligned}$$

Setelah dihitung maka dapat ditulis hasilnya :

$X_{\text{bus-selama gangguan}}$  :

$$= \begin{bmatrix} -j11,2360 & 0 & 0 \\ (11,236 \angle -90^\circ) & -j6,2755 & j5,1668 \\ 0 & (6,2755 \angle -90^\circ) & (5,1668 \angle 90^\circ) \\ 0 & j5,1668 & -j36,635 \\ 0 & (5,1668 \angle 90^\circ) & (36,635 \angle -90^\circ) \end{bmatrix}$$

Dengan menggunakan harga  $X_{\text{bus selama gangguan}}$  di atas, maka dapat dicari harga sudut daya persatuan dalam keadaan gangguan yaitu :

$$P_{e1} = 0$$

$$\begin{aligned}
P_{e2} &= |E_2|^2 |X_{22}| \cos \Theta_{22} + |E_2| |E_3| |X_{23}| \cos(\Theta_{23} - \delta_2) \\
&= (1,065)^2 (6,275) \cos(-90) + (1,065)(1,0)(5,1668) \cos(90^\circ - \delta_2) \\
&= 5,5 \sin \delta_2
\end{aligned}$$

Secara umum persamaan ayunan resultan pada setiap keadaan adalah :

$$\frac{d^2 \delta}{dt^2} = \frac{180f}{H} [P_m - P_e - P_{\text{maks}} \sin(\delta - \gamma)]$$

Sehingga selama berlangsungnya gangguan pada sistem tersebut, persamaan ayunan untuk kedua generator bus-1 dan bus-2 adalah :

$$\frac{d^2 \delta_1}{dt^2} = \frac{180f}{H_1} (P_{m1} - P_{e1}) = \frac{180f}{H_1} P_{a1}$$

$$\begin{aligned}
&= \frac{180f}{11,2} (1,5) \quad \text{derajat listrik/dtk}^2 \\
\frac{d^2\delta_2}{dt^2} &= \frac{180f}{H_2} (P_{m2} - P_{e2}) = \frac{180f}{H_2} P_{a2} \\
&= \frac{180f}{8,0} \left\{ \underbrace{1,85}_{\frac{pm}{P_m - P_e}} - \left[ \underbrace{0}_{\frac{Pe}{P_{maks}}} + \underbrace{5,5}_{\frac{P_{maks}}{P_{maks}}} \cos(90 - \delta_2) \right] \right\} \\
&= \frac{180f}{8,0} [1,85 - 5,5 \sin \delta_2] \quad \text{derajat list / dtk}^2
\end{aligned}$$

### **\*Membentuk matriks admitansi bus setelah gangguan dihilangkan**

Bila gangguan diputuskan, saluran 4 dan 5 dihilangkan.

$X_{bus}$  sebelum gangguan harus diubah lagi, yaitu  $X_{45}$  dan  $X_{54} = 0$ , begitu juga hilangkan admitansi seri dan suseptansi kapasitif setengah saluran pada saluran 4 dan 5 dari elemen-elemen  $X_{44}$  dan  $X_{55}$ . Harga elemen-elemen  $X_{44}$  dan  $X_{55}$  dapat ditentukan sebagai berikut :

$$\begin{aligned}
X_{44} &= X_{11} + \frac{1}{X_{34}} + \frac{X_{shunt34}}{2} \\
&= -j11,236 + \frac{1}{j0,04} + \frac{j0,082}{2} \\
&= -j11,236 - j25 + j0,041 = \underline{-j36,2} \\
X_{55} &= X_{22} + \frac{1}{X_{35(1)}} + \frac{1}{X_{35(2)}} + \frac{X_{shunt35(1)}}{2} + \frac{X_{shunt35(2)}}{2} \\
&= -j7,1429 + \frac{1}{j0,047} + \frac{1}{j0,047} + \frac{j0,098}{2} + \frac{j0,098}{2} \\
&= -j7,1429 - j21,276 - j21,276 + j0,049 + j0,049 \\
&= -j49,6
\end{aligned}$$

Sehingga matriks admitansi bus  $X_{bus}$ -sebelum gangguan diubah sebagai berikut :

$$X_a = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 & j11,236 & 0 \\ 0 & -j7,1429 & 0 & 0 & j7,1429 \\ 0 & 0 & -j67,413 & j25 & j42,55 \\ j11,236 & 0 & j25 & -j36,2 & 0 \\ 0 & j7,1429 & j42,55 & 0 & -j49,6 \end{bmatrix}$$

Dari matriks  $X_a$  di atas, baris dan kolom 5 dihilangkan di dapat matriks baru dengan menggunakan persamaan sebagai berikut :

$$x_a = x_{11} - x_{12} \left( \frac{1}{x_{22}} \right) x_{21}$$

Atau matriks di atas dibagi menjadi sub matriks yaitu :

$$X_a = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} \\ x_{21} & x_{22} \end{bmatrix}$$

Dimana :

$$X_{11} = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 & j11,236 \\ 0 & -j7,1429 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -j67,413 & j25 \\ j11,236 & 0 & j25 & -j36,2 \end{bmatrix}$$

$$X_{12} = \begin{bmatrix} 0 \\ j7,1429 \\ j42,55 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad X_{21} = [0 \ j7,1429 \ j42,55 \ 0], \quad X_{22} = [-j49,6]$$

$$\text{Maka : } X_a = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 & j11,236 \\ 0 & -j7,1429 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -j67,413 & j25 \\ j11,236 & 0 & j25 & -j36,2 \end{bmatrix}$$

$$- \begin{bmatrix} 0 \\ j7,1429 \\ j42,55 \\ 0 \end{bmatrix} \left( \frac{1}{-j49,6} \right) [0 \ j7,1429 \ j42,55 \ 0]$$

$$\text{Atau : } X_a = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 & j11,236 \\ 0 & -j6,123 & j6,078 & 0 \\ 0 & j6,078 & -j31,2 & j25 \\ j11,236 & 0 & j25 & -j36,195 \end{bmatrix}$$

Dari matriks  $X_a$  diatas dapat dicari matriks admitansi bus setelah gangguan yaitu dengan menghilangkan baris dan kolom ke-4 dengan menggunakan persamaan sbb:

$$X_{\text{bus stl-gangguan}} = x_{b11} - x_{b12} \begin{bmatrix} 1 \\ y_{b22} \end{bmatrix} x_{b21}$$

$$\text{Dimana : } X_{b11} = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 \\ 0 & -j6,123 & j6,078 \\ 0 & j6,078 & -j31,2 \end{bmatrix}$$

$$X_{b12} = \begin{bmatrix} j11,236 \\ 0 \\ j25 \end{bmatrix}, \quad X_{b21} = [j11,236 \quad 0 \quad j25] \\ X_{b22} = [-j36,2]$$

$$X_{\text{bus stl gangguan}} = \begin{bmatrix} -j11,236 & 0 & 0 \\ 0 & -j6,123 & j6,078 \\ 0 & j6,078 & -j31,2 \end{bmatrix}$$

$$- \begin{bmatrix} j11,236 \\ 0 \\ j25 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ -j36,2 \end{bmatrix} [j11,236 \quad 0 \quad j25]$$

$$X_{\text{busstl-gangguan}} = \begin{bmatrix} -j14,72 & 0 & -j7,75 \\ (14,72 \angle -90^\circ) & 0 & (7,75 \angle -90^\circ) \\ 0 & -j6,123 & j6,078 \\ -j7,75 & (6,123 \angle -90^\circ) & (6,078 \angle 90^\circ) \\ (7,75 \angle -90^\circ) & j6,078 & -j48,45 \\ (6,078 \angle 90^\circ) & (48,45 \angle -90^\circ) & (48,45 \angle -90^\circ) \end{bmatrix}$$

Dengan menggunakan harga  $X_{\text{bus stl-gangguan}}$  di atas, maka dapat dicari harga sudut daya persatuhan dalam keadaan setelah gangguan yaitu :

$$\begin{aligned} P_{e1} &= |E_1|^2 |X_{11}| \cos \Theta_{11} + |E_1| |E_3| |X_{13}| \cos(\Theta_{13} - \delta_{13}) \\ &= (1,0824)^2 (14,72) \cos(-90) + (1,0824)(1,0)(7,75) \cos(-90^\circ - \delta_1) \\ &= 8,39 \sin \delta_1 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P_{e2} &= |E_2|^2 |X_{22}| \cos \Theta_{22} + |E_2| |E_3| |X_{23}| \cos(\Theta_{23} - \delta_2) \\ &= (1,065)^2 (6,123) \cos(-90^\circ) + (1,065)(1,0)(6,078) \cos(90^\circ - \delta_2) \end{aligned}$$

$$= 6,473 \sin \delta_2$$

Untuk periode setelah gangguan, persamaan ayunan yang berlaku adalah :

$$\begin{aligned} \frac{d^2\delta_1}{dt^2} &= \frac{180f}{H_1} (P_{m1} - P_{e1}) = \frac{180f}{H_1} P_{a1} \\ &= \frac{180f}{11,2} [1,5 - 8,39 \cos(-90^\circ - \delta_1)] \text{ derajat listrik/dtk}^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{d^2\delta_2}{dt^2} &= \frac{180f}{H_2} (P_{m2} - P_{e2}) = \frac{180f}{H_2} P_{a2} \\ &= \frac{180f}{8,0} [1,85 - 6,473 \cos(90^\circ - \delta_2)] \text{ derajat list / dtk}^2 \end{aligned}$$

### 4.3. Persamaan Ayunan Sistem Sebelum, Ketika dan Sesudah Gangguan

Persamaan umum yang dipakai untuk menggambarkan dinamika sistem sebelum, ketika dan sesudah gangguan adalah persamaan ayunan (*swing equation*). Persamaan ayunan dinyatakan sebagai berikut :

$$\frac{d^2\delta_i}{dt^2} = \frac{180f}{Hi} [P_{mi} - P_{ei}]$$

\* Arus yang mengalir ke infinite bus adalah :

$$I_1 = \frac{(P_1 + jQ_1)^*}{V_1^*} = \frac{1,50 - j0,712}{1,030 \angle -8,88^\circ} = 1,617 \angle -16,52^\circ$$

$$\text{Dan } I_2 = \frac{(P_2 + jQ_2)^*}{V_2^*} = \frac{1,850 - j0,298}{1,020 \angle -6,38^\circ} = 1,837 \angle -2,771^\circ$$

$$E' = Vt + jXd'I$$

$$\text{Dengan: } E'_1 = 1,030 \angle 8,88^\circ + j0,067x1,617 \angle -16,52^\circ = 1,0824 \angle 14,055^\circ$$

$$E'_2 = 1,020 \angle 6,38^\circ + j0,10x1,837 \angle -2,771^\circ = 1,065 \angle 16,19^\circ$$

Pada rel tak-hingga :

$$E'_3 = E_3 = 1,00 \angle 0,0^\circ$$

$$\text{Dan karena itu : } \delta_{13} = \delta_1 \text{ dan } \delta_{23} = \delta_2$$

$$\text{Kondisi awal : } \delta_1 = 14,055^\circ, \delta_2 = 16,19^\circ$$

$$\omega_1 = 0, \quad \omega_2 = 0$$

Dari data di atas dapat di cari persamaan ayunannya yaitu :

$$\frac{d^2\delta_1}{dt^2} = \frac{180f}{H_1} a(\sin \delta_{10} - \sin \delta_1)$$

dan     $\frac{d^2\delta_2}{dt^2} = \frac{180f}{H_2} b(\sin \delta_{20} - \sin \delta_2)$

Dengan menggunakan harga  $X_{bus}$  stl-gangguan di atas, maka nilai  $\delta_{10}$  dan  $\delta_{20}$  dapat dicari :  $P_{m1} = a \sin \delta_{10} = |E_1| |E_3| |X_{13}| \sin \delta_{10}$

$$a = |E_1| |E_3| |X_{13}| = (1,0824)(1,0)(7,75) = 8,39$$

$$\delta_{10} = \sin^{-1} \left( \frac{1,5}{|E_1| |E_3| |X_{13}|} \right) = \sin^{-1} \left[ \frac{1,5}{(1,0824)(1,0)(7,75)} \right] = 10,3 \text{ deg}$$

$$= 0,179 \text{ rad}$$

$$P_{m2} = b \sin \delta_{20} = |E_2| |E_3| |X_{23}| \sin \delta_{20}$$

$$b = |E_2| |E_3| |X_{23}| = (1,065)(1,0)(6,078) = 6,473$$

$$\delta_{20} = \sin^{-1} \left( \frac{1,85}{|E_2| |E_3| |X_{23}|} \right) = \sin^{-1} \left[ \frac{1,85}{(1,065)(1,0)(6,078)} \right] = 16,6 \text{ deg}$$

$$= 0,2896 \text{ rad}$$

#### 4.4. Pembuatan Fungsi Lyapunov

Sebagaimana dijelaskan pada bab sebelumnya, fungsi Lyapunov diimplementasikan untuk sistem setelah gangguan. Untuk membuat fungsi Lyapunov, sistem setelah gangguan terlebih dahulu dikonversikan menjadi persamaan diferensial orde satu. Persamaan diferensial orde satu yang didapat adalah sebagai berikut :

$$\dot{x}_1 = x_3 \quad \text{dan} \quad \dot{x}_2 = x_4$$

$$\dot{x}_3 = \frac{d^2\delta_1}{dt^2} = \frac{180f}{H_1} a(\sin \delta_{10} - \sin \delta_1)$$

$$\dot{x}_4 = \frac{d^2\delta_2}{dt^2} = \frac{180f}{H_2} b(\sin \delta_{20} - \sin \delta_2)$$

$\delta_{10}$  dan  $\delta_{20}$  adalah menyatakan titik kesetimbangan stabil dari persamaan sistem ketika gangguan (sudut pemutus kritis) :

$$\begin{aligned}\delta_1 &= x_1 + \delta_{10} \\ \delta_2 &= x_2 + \delta_{20}\end{aligned}$$

Maka :  $\sin \delta_{10} - \sin \delta_1 = \sin \delta_{10} - \sin(x_1 + \delta_{10}) = 0$

$$x_1 + \delta_{10} = \pi - \delta_{10} \rightarrow x_1 = \pi - 2\delta_{10} = 180 - (2)(10,3) = 159,4 = 2,78 \text{ rad}$$

$$\sin \delta_{20} - \sin \delta_2 = \sin \delta_{20} - \sin(x_2 + \delta_{20}) = 0$$

$$x_2 + \delta_{20} = \pi - \delta_{20} \rightarrow x_2 = \pi - 2\delta_{20} = 180 - (2)(16,6) = 146,8 = 2,56 \text{ rad}$$

Terhadap persamaan ini, fungsi Lyapunov yang didapat adalah :

$$\begin{aligned}V(x) &= \frac{1}{2} \frac{H_1}{\pi f} x_3^2 + \frac{1}{2} \frac{H_2}{\pi f} x_4^2 + a[\cos \delta_{10} - \cos(x_1 + \delta_{10}) - x_1 \sin \delta_{10}] \\ &\quad + b[\cos \delta_{20} - \cos(x_2 + \delta_{20}) - x_2 \sin \delta_{20}]\end{aligned}$$

#### 4.5. Penentuan Batas Kestabilan $V_{cr}$

Setelah fungsi Lyapunov diketahui maka langkah berikutnya adalah menentukan batas daerah kestabilan yang dinyatakan dengan  $V_{cr}$ . Nilai  $V_{cr}$  didapat pada saat  $V_x = V_{cr}$ , dengan mensubstitusi  $x_1, x_2, x_3, x_4$  dengan rumusan  $V_x$  diatas akan diperoleh :

$$\begin{aligned}V_{cr} &= \frac{1}{2} \frac{11,2}{(3,14)(60)} (0)^2 + \frac{1}{2} \frac{8}{(3,14)(60)} (0)^2 + 8,39[\cos(0,196) - \cos(2,78 + 0,196) \\ &\quad - 2,78 \sin 0,196] + 6,473[\cos(0,2896) - \cos(2,56 + 0,2896) - 2,56 \sin 0,2896]\end{aligned}$$

$$V_{cr} = 19,6326$$

Dengan memasukan beberapa nilai besaran Lyapunov di atas pada persamaan Lyapunov dan menjalankannya dengan bantuan program MatLab, maka akan didapat tabel kestabilan mesin majemuk dengan 2 buah generator. M-file simulasinya dapat dilihat pada lampiran-1

#### 4.6. Penentuan Kestabilan Sistem dan Waktu Pemutusan kritis $t_{cr}$

Untuk menentukan kestabilan sistem di atas, dapat dilihat dari hasil kerja simulasi yang ditampilkan pada tabel-4.4. berikut dan M-filenya dapat dilihat pada lampiran-2 :

Tabel-4.4. Hasil Perhitungan Dengan Metode Lyapunov

---

**HARGA KESTABILAN LYAPUNOV DENGAN HARGA  
DELTA1(X1), DELTA2(X2), OMEGA1(X3) OMEGA2(X4)  
PADA MODEL MULTI MACHINE INFINITE BUS**

---

WAKTU ! x1 ! x2 ! x3 ! x4 ! VL ! VL<=Vcr  
(detik) ! (rad) ! (rad) !(rad/dtk) !(rad/dtk)! (satuan) ! (kondisi)

---

**Waktu pemutusan (detik) = 0.2**

---

! 0.00	! 0.000	! 0.000	! 0.000	! 0.000	! 0.000	! Stabil
! 0.01	! 0.001	! -0.004	! 0.252	! -0.809	! 0.050	! Stabil
! 0.02	! 0.005	! -0.016	! 0.505	! -1.621	! 0.199	! Stabil
! 0.03	! 0.011	! -0.036	! 0.757	! -2.439	! 0.451	! Stabil
! 0.04	! 0.020	! -0.065	! 1.010	! -3.264	! 0.810	! Stabil
! 0.05	! 0.032	! -0.102	! 1.262	! -4.098	! 1.283	! Stabil
! 0.06	! 0.045	! -0.147	! 1.515	! -4.941	! 1.879	! Stabil
! 0.07	! 0.062	! -0.201	! 1.767	! -5.794	! 2.605	! Stabil
! 0.08	! 0.081	! -0.263	! 2.020	! -6.652	! 3.473	! Stabil
! 0.09	! 0.102	! -0.334	! 2.272	! -7.511	! 4.488	! Stabil
! 0.10	! 0.126	! -0.413	! 2.524	! -8.366	! 5.657	! Stabil
! 0.11	! 0.153	! -0.501	! 2.777	! -9.206	! 6.978	! Stabil
! 0.12	! 0.182	! -0.597	! 3.029	! -10.020	! 8.445	! Stabil
! 0.13	! 0.213	! -0.701	! 3.282	! -10.793	! 10.044	! Stabil

---

! 0.14	! 0.247	! -0.813	! 3.534	! -11.510	! 11.750	! Stabil
! 0.15	! 0.284	! -0.931	! 3.787	! -12.151	! 13.528	! Stabil
! 0.16	! 0.323	! -1.055	! 4.039	! -12.697	! 15.334	! Stabil
! 0.17	! 0.365	! -1.185	! 4.292	! -13.128	! 17.117	! Stabil
! 0.18	! 0.409	! -1.318	! 4.544	! -13.426	! 18.821	! Stabil
! 0.19	! 0.456	! -1.453	! 4.797	! -13.575	! 20.391	! Tidak Stabil

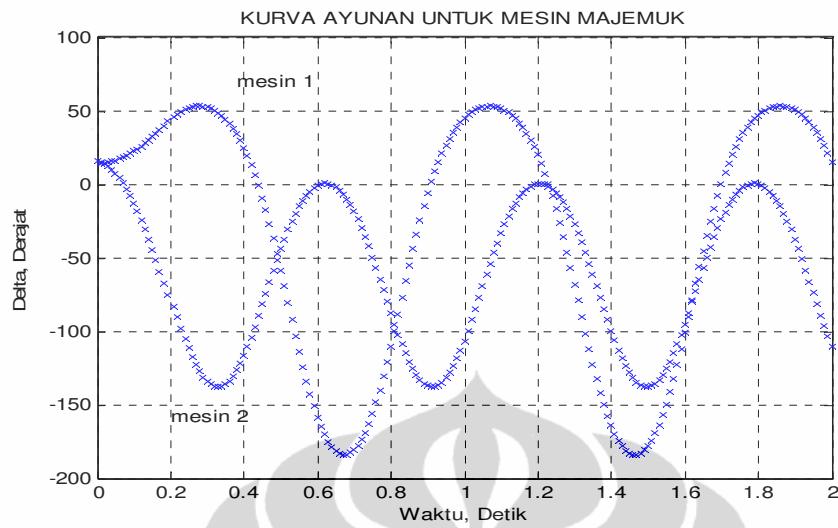
-----Waktu Pemutusan-----

#### **4.7. Perbandingan hasil simulasi dengan metode konvensional**

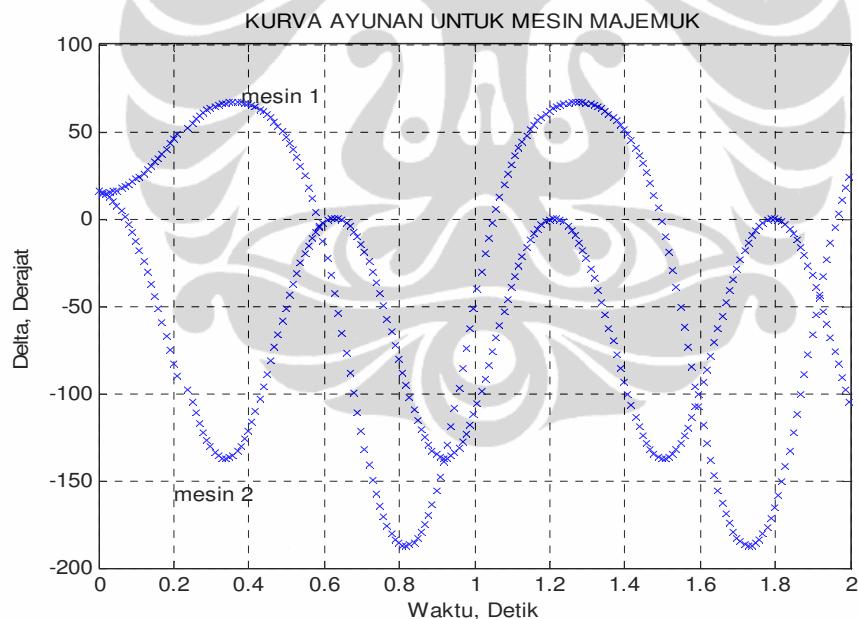
Pengerjaan metode Konvensional simulasinya mengikuti algoritma sebagai berikut :

1. Tentukan tegangan yang ada pada infinite bus.
2. Dari data tersebut dapat ditentukan kondisi awal besarnya sudut daya dan kecepatan sudut masing-masing generator.
3. Bentuk matrik reaktansi bus sebelum gangguan.
4. Bentuk juga matriks reaktansi bus selama gangguan dari data reaktansi ini dapat dicari persamaan ayunan selama gangguan.
5. Bentuk matriks setelah gangguan dari data reaktansi ini dapat dicari persamaan ayunan setelah gangguan.
6. Dengan menggunakan salah satu metode konvensional umum dapat ditampilkan perubahan sudut daya dan besarnya kecepatan sudut selama setting simulasi waktu pemutusan yang kita simulasi.
7. Jikalau grafik kurva yang ditampilkan masih dalam kondisi stabil maka coba disimulasikan waktu pemutusan yang lebih lama sampai muncul grafik kurva tidak stabil simulasi waktu ini disebut  $t_{critis}$ .

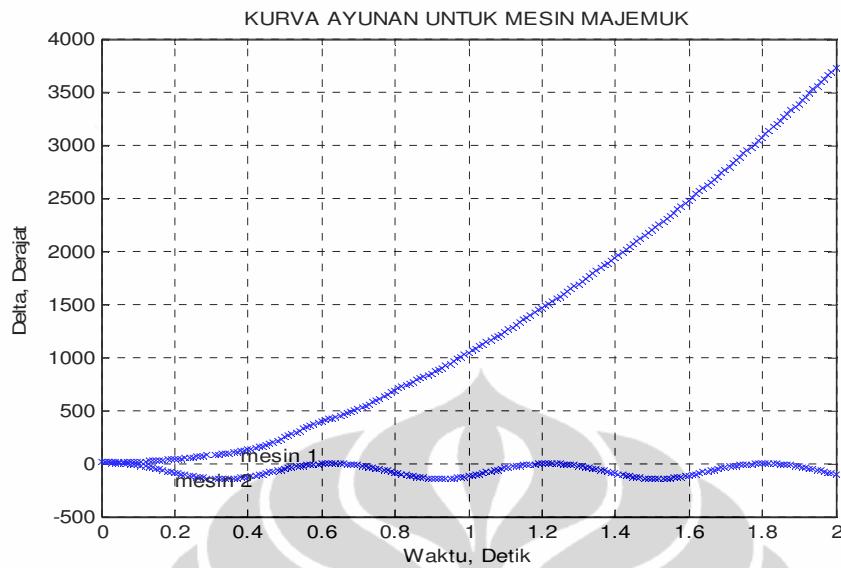
Lebih lanjut dalam simulasi kestabilan sistem tenaga listrik, maka disini dicoba untuk menampilkan perbandingan hasil perhitungannya dengan metode konvensional, yang mana daerah kestabilannya dapat dilihat dari kurva kestabilan hasil kerja simulasi dengan menggunakan MAT-LAB yaitu untuk gangguan yang diputuskan pada 0,2 ; 0,229 dan 0,23 detik:



Gambar.4.2.Kurva ayunan dengan gangguan yang diputuskan  
Pada 0,2detik



Gambar.4.3.Kurva ayunan dengan gangguan yang diputuskan  
Pada 0,229detik



Gambar.4.4.Kurva ayunan dengan gangguan yang diputuskan  
Pada 0,23detik

Hasil simulasi dengan metode ini dapat dilihat pada tabel berikut sedang M-file metode ini dapat dilihat pada lampiran-2:

Tabel-4.5 Hasil Perhitungan Dengan Metode Konvensional

---

**HARGA DELTA DAN OMEGA MELALUI PENYELESAIAN SECARA NUNERIK DENGAN METODE KONVENTIONAL**

---

```
! WAKTU ! DELTA 1 ! DELTA 2 ! OMEGA 1 ! OMEGA2 !
! (detik) ! (derajat) ! (derajat) ! (rad / dtk) ! (rad / dtk) !
```

---

Waktu pemutusan (detik) = 0.22

---

```
! 0.00 ! 14.060 ! 16.188 ! 0.000 ! 0.000 !
! 0.01 ! 14.132 ! 15.956 ! 0.252 ! -0.809 !
! 0.02 ! 14.349 ! 15.260 ! 0.505 ! -1.621 !
! 0.03 ! 14.711 ! 14.097 ! 0.757 ! -2.439 !
! 0.04 ! 15.217 ! 12.464 ! 1.010 ! -3.264 !
```

---

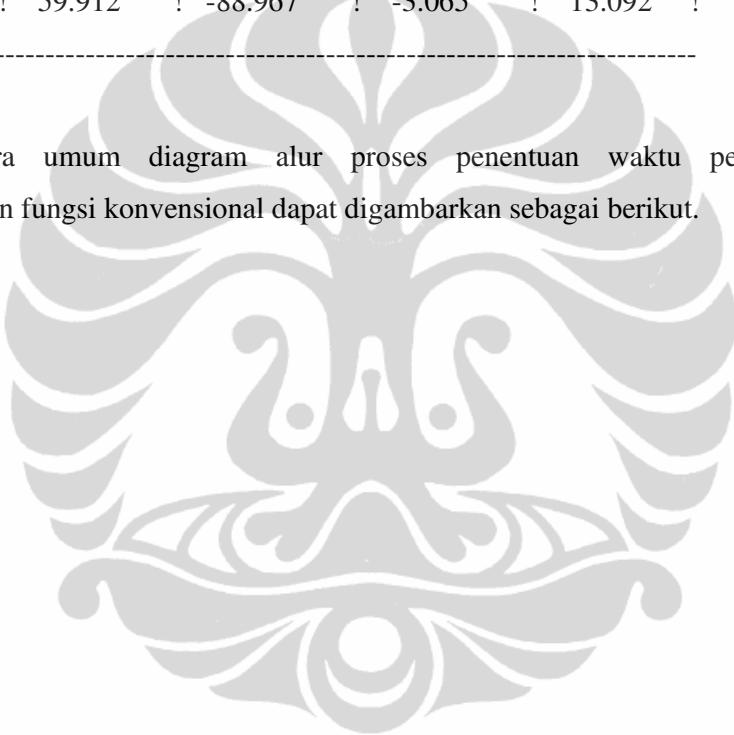
!	0.05	!	15.868	!	10.355	!	1.262	!	-4.098	!
!	0.06	!	16.664	!	7.766	!	1.515	!	-4.941	!
!	0.07	!	17.604	!	4.691	!	1.767	!	-5.794	!
!	0.08	!	18.689	!	1.126	!	2.020	!	-6.652	!
!	0.09	!	19.918	!	-2.931	!	2.272	!	-7.511	!
!	0.10	!	21.292	!	-7.480	!	2.524	!	-8.366	!
!	0.11	!	22.811	!	-12.515	!	2.777	!	-9.206	!
!	0.12	!	24.474	!	-18.024	!	3.029	!	-10.020	!
!	0.13	!	26.282	!	-23.989	!	3.282	!	-10.793	!
!	0.14	!	28.235	!	-30.381	!	3.534	!	-11.510	!
!	0.15	!	30.332	!	-37.164	!	3.787	!	-12.151	!
!	0.16	!	32.574	!	-44.287	!	4.039	!	-12.697	!
!	0.17	!	34.961	!	-51.691	!	4.292	!	-13.128	!
!	0.18	!	37.492	!	-59.305	!	4.544	!	-13.426	!
!	0.19	!	40.168	!	-67.048	!	4.797	!	-13.575	!
!	0.20	!	42.989	!	-74.830	!	5.049	!	-13.562	!
!	0.21	!	45.954	!	-82.556	!	5.301	!	-13.379	!

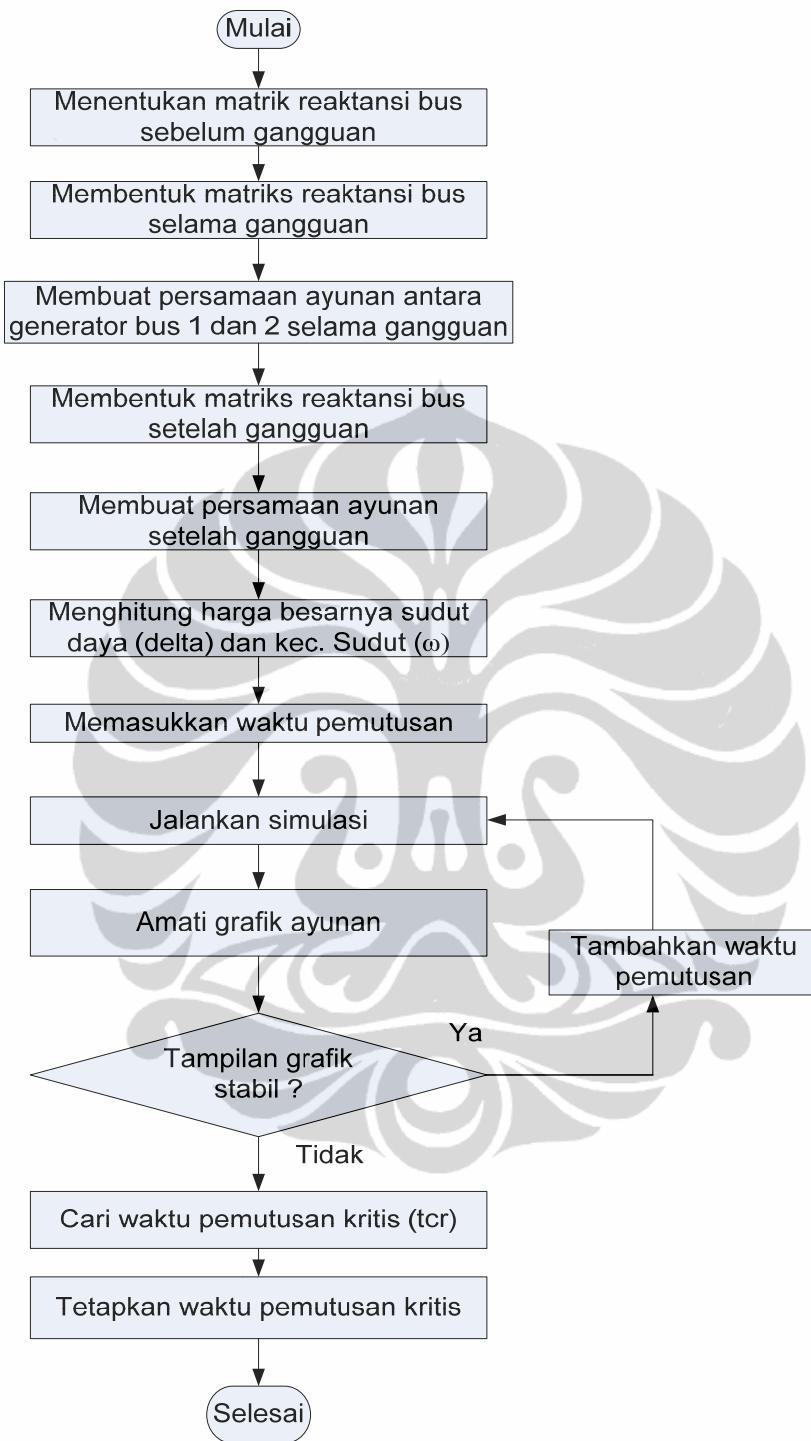
Waktu Pemutusan-										
!	0.23	!	49.064	!	-90.129	!	5.554	!	-13.026	!
!	0.24	!	52.059	!	-97.447	!	4.910	!	-12.488	!
!	0.25	!	54.700	!	-104.403	!	4.321	!	-11.763	!
!	0.26	!	57.019	!	-110.893	!	3.781	!	-10.864	!
!	0.27	!	59.042	!	-116.823	!	3.287	!	-9.810	!
!	0.28	!	60.793	!	-122.109	!	2.832	!	-8.623	!
!	0.29	!	62.294	!	-126.682	!	2.412	!	-7.324	!
!	0.30	!	63.563	!	-130.485	!	2.022	!	-5.936	!
!	0.31	!	64.616	!	-133.471	!	1.658	!	-4.479	!
!	0.32	!	65.467	!	-135.607	!	1.315	!	-2.972	!
!	0.33	!	66.126	!	-136.870	!	0.989	!	-1.433	!
!	0.34	!	66.603	!	-137.246	!	0.676	!	0.121	!
!	0.35	!	66.902	!	-136.732	!	0.371	!	1.673	!
!	0.36	!	67.029	!	-135.332	!	0.071	!	3.208	!

Universitas Indonesia

!	0.37	!	66.984	!	-133.062	!	-0.227	!	4.709	!
!	0.38	!	66.768	!	-129.947	!	-0.529	!	6.156	!
!	0.39	!	66.376	!	-126.021	!	-0.838	!	7.532	!
!	0.40	!	65.805	!	-121.333	!	-1.157	!	8.815	!
!	0.41	!	65.047	!	-115.942	!	-1.492	!	9.983	!
!	0.42	!	64.092	!	-109.920	!	-1.845	!	11.014	!
!	0.43	!	62.928	!	-103.351	!	-2.222	!	11.887	!
!	0.44	!	61.541	!	-96.332	!	-2.627	!	12.585	!
!	0.45	!	59.912	!	-88.967	!	-3.065	!	13.092	!

Secara umum diagram alur proses penentuan waktu pemutusan menggunakan fungsi konvensional dapat digambarkan sebagai berikut.





Gambar 4.5. Flow Chart Estimasi Aliran Fungsi Konvensional